

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana 1
Fakulta textilní		KMV

VYSOKÁ ŠKOLA STROJNÍ A TEXTILNÍ

V LIBERCI

Diplomová práce

Studie využití matematicko - statistických metod při řešení  
technických a technologických úkolů v oblasti textilního  
průmyslu

Richterová Jitka

červen 1973

I.

## VŠE O B E C H Á Č A S T

Vysoká škola: strojní a textilní

Katedra: textilních materiálů a výrobků

Fakulta: textilní

Školní rok: 1972/73

## DIPLOMOVÝ ÚKOL

pro Jitka Richterová

obor pletení - oděvnictví

Protože jste splnila požadavky učebního plánu, zadává Vám vedoucí katedry ve smyslu směrnic ministerstva školství o státních závěrečných zkouškách tento diplomový úkol:

Název tématu: Vypracujte studii využití matematicko - statistických metod při řešení technických a technologických úkolů v oblasti textilního průmyslu

### Pokyny pro vypracování:

1. Specifikujte povahu naměřených hodnot fyzikálních veličin a vlastností textilií;
2. Stanovte veličiny charakterizující výběr a soubor naměřených hodnot;
3. Definujte odhady statistických charakteristik měřené veličiny partie materiálu;
4. S použitím teoretických rozdělení provedte modelování rozdělení četnosti měřené veličiny;
5. Stanovte způsoby hodnocení experimentálního, technického nebo konstrukčního vlivu na změnu měřené veličiny;
6. Vyznačte metodiku řešení vzájemné závislosti mezi dvěma a více měřenými veličinami;
7. Charakterizujte možnosti využití výpočetní techniky při aplikaci matematicko-statistických metod.

Autoritativní se řídí směrnicemi MŠK pro číslo  
závěrečné zkoušky č. j. 31 727/62-II/2 ze dne  
13. července 1962. Výkon MŠK XII, sečít 24 ze dne  
31.8.1962 § 19 akademického zájmu č. 115/53 žá.

✓ 75/1973

VYSOKÁ ŠKOLA STROJNÍ A TEXTILNÍ  
Ústřední knihovna

LIBEREC 1 STUDENTSKÁ 5

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana
Fakulta textilní		KMV

## O b s a h

### I. Všeobecná část

1. Zadání
2. Prohlášení
3. Obsah a seznam použité literatury

### II. Úvod

### III. Základní informace pro osvojení matematicko - statistických metod

1. Povaha naměřených hodnot fysikálních veličin a vlastnosti textilií
  1. Měření
  2. Soubor
  3. Zpracování souboru
  4. Grafické zobrazování naměřených hodnot
2. Stanovení veličin charakterizujících výběr a soubor naměřených hodnot
  1. Statistické charakteristiky pro výběry o malém počtu měření
  2. Statistické charakteristiky pro výběry o velkém počtu měření
  3. Transformační metodika
3. Odhady statistických charakteristik měřené veličiny v partií materiálu
  1. Intervaly spolehlivosti diskrétních veličin
  2. Intervaly spolehlivosti spojitych veličin
4. Modelování rozdělení četnosti měřené veličiny, s použitím teoretických rozdělení
  1. Princip modelování
  2. Stručné specifikace teoretických rozdělení
  3. Testy používáme k ověřování navrhovaných modelových rozdělení
  4. Příklady modelování rozdělení četnosti v oblasti textilního průmyslu
5. Zbůsyby hodnocení experimentálního technického nebo konstrukčního vlivu na změnu měření veličiny
  1. Metodika testování
  2. Testy rozptylové
  3. Testy polohové
  4. Příklady použití testů významnosti v oblasti textilního průmyslu
  5. Test shody číselného /mísicího/ poměru
  6. Analýza rozptylu
6. Metodika měření vzámné závislosti mezi dvěma a více měřenými veličinami
  1. Korelační analýza
  2. Koeficient korelace
  3. Regresní analýza
  4. Autokorelační koeficient
  5. Koeficient pořadové korelace

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana KMV
Fakulta textilní		

IV. Možnosti využití výpočetní techniky při aplikaci matematicko - statistických metod

1. Ruční kalkulační stroje
2. Elektronické kalkulátory
3. Kapesní minikalkulátory
4. Programovatelné kalkulátory
5. Kalkulátory se základním programovacím jazykem BASIC
6. Vysvětlivky

V. Závěr  
Závěrečná zpráva

Příloha

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana
Fakulta textilní		KMV

S e z n a m o d b o r n é l i t e r a t u r y

1. FELIX - BLÁHA: Matematicko - statistické metody v chemickém průmyslu, Praha, SNTL 1962
2. Klemm - RIEHL - SIEGEL - TROLL: Statistische Kontrollmethoden in der Textilindustrie Lipsko, Fach. ver., 1968
3. KOBR: Současné postavení statistických metod v textiliu. Sborník: Automatisace v textilním průmyslu, ČSVTS, Liberec 1969
4. Novák J.: Aplikace základních analytických matematicko - statistických metod v podmírkách komplexní socialistické racionalisace, Praha, VÚSTE, 1972
5. Reisenauer: Metody matematické statistiky a jejich aplikace v technice, Praha, SNTL
6. Raichl J.: Programování pro samočinné počítače, Academia - ČAV, Praha
7. Corlett - Tinsley: Practical Programming, Syndics of the Cambridge University Press
8. Anglicko - české slovníky
9. Přednášky : Samočinné počítače  
Statistické metody v textilním průmyslu
10. Prospekty firem: Hewlett - Packard, Wang, Compucorp Calculating Systems A6, Sharp, Singer, Casio Computer CO, Büromaschinen - Export GmbH, Tesla Bratislava, Metra Blansko, Kancelářské stroje Praha .

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P 8

II.

ÚVOD

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V DP
Fakulta textilní		9

Statistika jako vědní obor prošla v posledních deseti letech prudkým vývojem.

V oblasti výroby její metody často hluboce ovlivnily jak názory ekonomů, techniků, plánovačů, organizátorů výroby, tak i názory vedoucích hospodářských pracovníků v podnicích a ústavech.

Přestože je dosud aplikace matematicko - statistických metod spojena s řadou různých obtíží, bylo dosaženo těchto hlavních výsledků:

- upevnila se pozice mat. - stat. metod tak, že se ani nepřečeňují, ani nezatracují, ale zaujaly vyhraněné místo pro rozhodovací politiku podniků a ústavů
- vytvořilo se dostatečné zázemí pro mechanizaci výpočtů jak vyškolém programátorů, tak instalováním nových moderních a výkonných samočinných počítačů.
- vzniklo zázemí pro poznávání a testování metod operační analýzy, vybudováním speciálních oddělení na školách, ústavech a podnicích.

Využití aplikačních schopností mat. - stat. metod je podstatnou složkou komplexní socialistické racionalizace, která hraje význačnou úlohu při analýze zdrojů v současné technicko - organizační úrovni výroby a při hledání cest optimální tvorby a zabezpečení národního hospodářského vývoje. Typickou oblastí využití hlavně statistických metod je oblast racionalizace práce a jakosti výrobků.

V oblasti výzkumu, který je v podstatě založen na zhodnocování velkého množství naměřených údajů, nebo opakování pozorování vzájemných vlivů různých veličin a hledání shody mezi takto prakticky získanými výsledky s teoretickými závěry a modely je použití mat. - stat. metod nezbytné.

/ závěrus /

V textilním průmyslu se používá mat. - stat. metod převážně v úlohách popisujících a analyzujících nějaké jevy nebo děje. V laboratořích jde o zpracování výsledků měření mechanicko - fyzikálních, textilních - technologických, případně chemických vlastností textilních materiálů / surovin, vláken, příze, tkani a pletenin i hotových výrobků /, účinnosti technologických procesů a zařízení.

Dále lze mat. - stat. metod využít na úseku technické kontroly a normalizace, kde by mělo jít hlavně o statistickou přejímku, statistickou kontrolu jakosti a statistickou regulaci.

Také problematika celé oblasti materiálně - technického zásobování, oblasti řízení a plánování výroby se řeší pomocí statistických metod, zde jsou to úlohy optimalizace, převážně ekonomicko - administrativního charakteru.

Řešení, mnohdy, hlavně časově náročných matematicko - statistických problémů se dnes již neobejdete bez kvalitní výpočetní techniky, která dosahuje v poslední době značného rozsahu.

Proto v této práci vedle vymezení základních pojmu a metod statistické analýzy a jejich aplikací v textilním průmyslu uvádím přehled nejrůznějších ručních a stolních kalkulátorů, bez nichž by se použití statistických metod v praxi těžko uplatňovalo.

Kromě těchto kalkulátorů je významnou pomocí i použití malých počítačů, které na naší škole zastupuje sovětský číslicový počítač Minsk 22. V závěrečné experimentální části uvádím výběr programů v jazyce FEL Algol, které se dají použít při řešení některých mat. - stat. metod.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		DP 10

III.

ZÁKLADNÍ INFORMACE PRO OSVOJENÍ MATEMATICKO / STATISTICKÝCH  
METOD

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P 11

## 1. Povaha naměřených hodnot fyzikálních veličin a vlastností textilií .

V textilním průmyslu se provádí rozsáhlá pozorování a měření jak v oblasti výroby, tak ve výzkumných laboratořích, jejichž výsledky se navzájem doplňují a ovlivňují.

### 1. Měření zkoumají a kontrolují

- vlastnosti a kvalitu produktů a výrobků z různých materiálů, procházejících různými porovnatelnými technologickými postupy, popřípadě stroji a zařízeními.
- prostoje a kvalitu práce strojů po úpravách, zlepšených a opravách
- novou materiálovou skladbou a vliv nových technologií a úprav na konečné vlastnosti produktu.

### Měřené parametry textilních materiálů :

#### A) plošné textilie a) základní parametry

- tloušťka
- váha 1m<sup>2</sup>
- dostava
- vazba

#### b) parametry trvanlivosti

- pevnost
- tažnost
- odr

#### c) parametry representačně - estetické

- mačkavost
- žmolkovitost
- tuhost
- splývavost
- prodyšnost
- rozměrové změny
- při praní

#### B) příze - jemnost

- nestejnomořnost
- zákrut
- seskání

kvantitativní složení u vícekomponentních přízí

*chybi' barevnost!*

#### C) vlákna - délka

- jemnost
- pevnost

#### 2. Soubor .

Každé provedené měření je zastoupeno jedinou hodnotou, nazývanou prvek. Skupina těchto prvků tvoří statistický soubor .

Prvky statistických souborů musí mít některé vlastnosti společné :

- vlastnosti vyjadřující hledisko věcné
- časové
- prostorové

- alespoň jednu vyšetřovanou vlastnost, která se nazývá měřený znak . Sledujeme - li více znaků jednoho měřeného objektu, pak vzniká soubor vícestupňový.

#### Sledované znaky

- dělíme na kvantitativní a kvalitativní, jejichž zvláštním případem jsou znaky alternativní.

Hodnota sledovaného znaku se u jednotlivých prvků souboru mění,

je proto znak v e l i č i n o u p r o m ě n n o u.

V oblastech měření vlastností textilních materiálů nelze na základě určité zákonitosti předem stanovit konkrétní hodnotu proměnné veličiny u daného prvku. Výskyt každé jednotlivé hodnoty proměnné veličiny je důsledkem náhodného působení známých a neznámých vlivů, které mohou být jak náhodné, tak i systematické / řídící se časovým zákonem /. Jde nám o odhalení a rozbor systematických vlivů, vedoucí k jejich odstranění. Snažíme se o minimální kolísání sledované veličiny.

Proměnná veličina nabývá svých konkrétních hodnot náhodně, je tedy nazývána n á h o d n o u v e l i č i n o u.

Náhodně proměnné se označují velkými písmeny a konkrétní hodnoty, jichž nabývají malými písmeny. Pořadí, v jakém byly jednotlivé hodnoty naměřeny, je zaznamenáváno i n d e x y.

$$i = 1, 2, \dots, n$$

kde n je počet prvků souboru a nazývá se r o z s a h s o u b o r u.

### 3. Zpracování souboru.

Soubor často obsahuje velké / někdy takřka nezpracovatelné/ množství informací.

Proto provádíme v ý b ě r ze souboru:

- náhodný výběr - zůstává zachováno pravidlo náhodnosti, žádný prvek není preferován ani zatracován / provádíme pomocí tabulky náhodných čísel /
- reprezentativní výběr - řízen tak, aby dával obraz celého souboru ve zmenšeném měřítku / je hodnotnější /

Pro stále ještě velké množství základních dat lze provádět skupinové rozdělení četnosti.

Výběry i soubory třídíme do i n t e r v a l ú / tříd /.

Interval charakterizuje :

$\bar{x}_{jd}, \bar{x}_{jh}$  - horní a dolní hranice intervalu  
/ maximální a minimální hodnota, kterou do intervalu zařazujeme /

h - délka intervalu  
/ kladný rozdíl po sobě jdoucích dolních resp. horních hranic intervalů /

$x_j$  - třídní hodnota / střed / intervalů  
 $x_j = 1/2 (x_{jh} - x_{jd})$

j .... pořadové číslo intervalu  
 $n_j$  - absolutní četnost intervalu  
/ počet měření, která padnou do j - tého intervalu /

$$\sum_{j=1}^k n_j = n$$

k .... celkový počet intervalů

$f_j$  - relativní četnost intervalu / vyjádřená číslem desetinným, nebo v % /

$$f_j = \frac{n_j}{n} \quad f_j [\%] = \frac{n_j}{n} \cdot 100$$

$N_j(F_j)$  - kumulativní absolutní / relativní / četnost / vyjadřuje součet všech četností od první do j - té třídy včetně /

$$N_j = \sum_{j=1}^j n_j \quad F_j = \sum_{j=1}^j f_j$$

#### 4. Grafické zobrazování naměřených hodnot.

Ukazuje na mnohé tendenze výskytu četností a umožňuje alespoň přibližně komplexní pohled na chování sledované veličiny v daném prověřovaném výběru.

Pro grafické znázornění používáme zpravidla pravoúhlou souřadnicovou soustavu. Na osu x vynášíme hodnoty sledovaného znaku a na osu y absolutní nebo relativní četnosti.

Graf je kreslen buď přímo samotným měřicím přístojem, nebo jej kreslíme sami s použitím modulového měřítka.

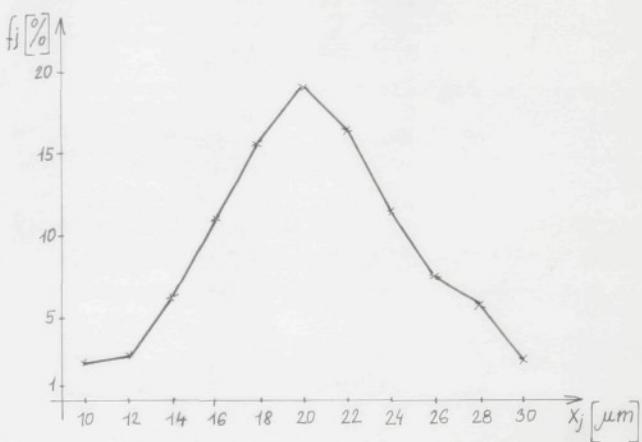
Vytváříme : polygon četností / obr. č. 1 /

Histogram četností / obr. č. 2 /

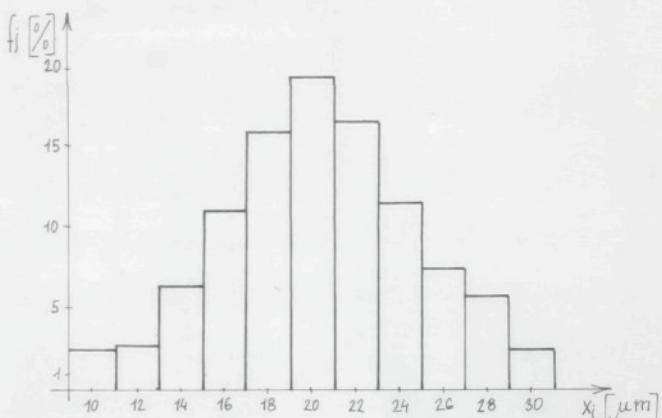
slepkový diagram četností / obr. č. 3 /

distribuční / součtovou / křivku / obr. č. 4 /

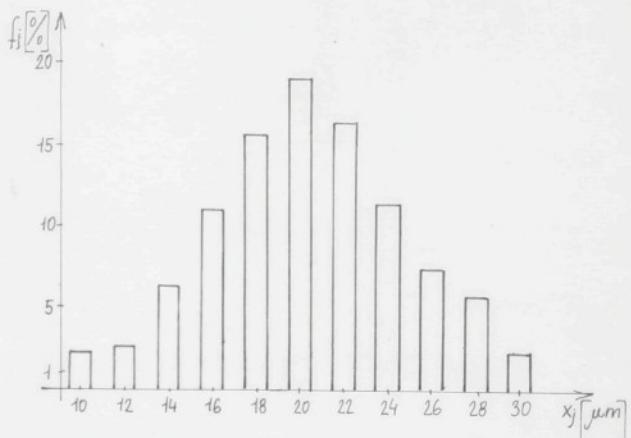
(tatož křivka zobrazená v pravděpodobnostních souřadnicích se napřímuje )



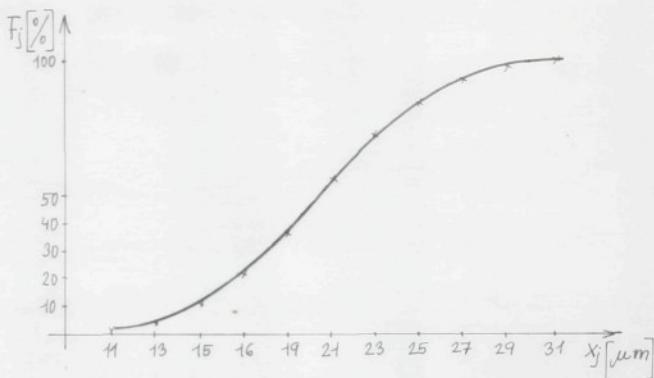
obr. č. 1



obr. č. 2



obr. č. 3



obr. č. 4

Příklady měřících přístrojů vytvářejících grafické zobrazení četnosti.

Leeds - Textil Technology  
kulíčkové grafy  
Zelweger - Uster  
Classimat

- histogram rozdělení četnosti tloušťek
- histogram rozdělení četnosti délek
- diagram rozdělení četnosti pevností
- součtová křivka sledující silná místa na přízi

## 2. Stanovení veličin charakterizujících výběr a soubor naměřených hodnot .

Veličiny, které podávají stručnou informaci o souboru nebo výběru základních dat jsou nazývány statistickými charakteristikami. Těmi hodnotíme textilní materiály z hlediska měřené veličiny. Výběrové charakteristiky definují vlastnosti výběru, čím více se blíží velikost výběru velikosti souboru, tím více se hodnoty výběrových charakteristik blíží hodnotám charakteristik souboru.

### 1. Statistické charakteristiky pro výběry / soubory / o malém počtu měření $n < 40$ .

#### 1.1. Polohové charakteristiky

$\bar{x}$  - aritmetický průměr

jeho základní vlastnosti :

- jeho vyjádření je jednoduché a důležité pro odvození dalších vztahů
- výpočet průměru je založen na všech zjištěných hodnotách
- protože hodnota náhodné proměnné sleduje Gaussovu křivku, je součet čtverců odchylek od průměru minimální, inklinuje k nule

$$\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 = \sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2 = 0$$

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i$$

$\hat{x}$  - modus

je naměřená hodnota, která se v daném výběru nejčastěji vyskytuje

$\tilde{x}$  - medián

je naměřená hodnota, která leží uprostřed řady hodnot seřazených podle své velikosti  
pro lichý počet naměřených hodnot platí  $\tilde{x} = x_{\frac{n+1}{2}}$

pro sudý počet naměřených hodnot platí  $\tilde{x} = \frac{x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1}}{2}$

Modus a medián jsou používány jako odhadové hodnoty aritmetického průměru.

#### 1.2. Rozptylové charakteristiky

vystihují kolísání měřené hodnoty. Čím bude menší kolísání, tím jakostnější bude výrobek.

$s^2$  - rozptyl výběru / souboru /

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

výhodnější tvar vzorce pro počítání na kalkulačních strojích

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \left( \sum_{i=1}^n x_i^2 - n \bar{x}^2 \right)$$

s - směrodatná odchylka  
je kvantitativní míra kolísání jednotlivých naměřených hodnot  
kolem průměru

$$s = \sqrt{s^2}$$

v - variační koeficient / kvadratická nestejnoměrnost/  
je relativní míra kolísání jednotlivých měření kolem průměru  
vyjádřená v %.

$$v = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100 \%$$

w - lineární odchylka

je kvalitativní míra kolísání jednotlivých hodnot kolem průměru

$$w = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |x_i - \bar{x}|$$

N - lineární nestejnoměrnost

je relativní míra kolísání v %

$$N = \frac{w}{\bar{x}} \cdot 100 \%$$

žídí-li se hodnota náhodně proměnné veličiny Gaussova normálním zákonem, pak platí

$$\frac{v}{N} = \sqrt{\frac{\pi}{2}} \quad \Rightarrow \quad v = 1,25 N$$

2. Statistické charakteristiky pro výběry s velkým počtem měření  $n > 40$ .

Po zařazení naměřených hodnot do třídních intervalů určujeme:

### 2.1. Polohové charakteristiky

$\bar{x}$  - aritmetický průměr

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^k x_j n_j = \sum_{j=1}^k x_j f_j$$

$\hat{x}$  - modus

$\hat{j}$  .... modální interval, to je interval s maximální četností

$$\hat{x} = x_{\hat{j}d} + \frac{n_{\hat{j}} - n_{(\hat{j}-1)}}{2n_{\hat{j}}} h$$

$\tilde{x}$  - medián

$\tilde{j}$  .... mediánový interval, což je interval do kterého padne  
- při lichém počtu měření počet měření  $\frac{n+1}{2}$

$$\tilde{x} = x_{\tilde{j}d} + \frac{\frac{n+1}{2} - \sum_{j=1}^{\tilde{j}-1} n_j}{n_{\tilde{j}}} h$$

- při sudém počtu měření počet měření  $\frac{n}{2}$

$$\tilde{x} = x_{\tilde{j}d} + \frac{\frac{n}{2} - \sum_{j=1}^{\tilde{j}-1} n_j}{n_{\tilde{j}}} h$$

2.2 Rozptylové charakteristiky $s^2$  - rozptyl

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^k (x_j - \bar{x})^2 \cdot n_j$$

tvar vzorce pro počítání na kalkulačních strojích

$$s^2 = \frac{1}{n-1} (\sum_{j=1}^k x_j^2 \cdot n_j - n\bar{x})^2$$

s - směrodatná odchylka

$$s = \sqrt{s^2}$$

v - variační koeficient

$$v = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100 [\%]$$

3. Transformační metodika

aby nedocházelo ke vzniku chyb při numerických operacích se složitými výrazy, hledají se nové zjednodušující postupy práce při určování statistických charakteristik výběru nebo souboru roztríďeného do intervalů.

3.1. Metoda používající přibližného průměru

zavádí se nová náhodně proměnná veličina / bezrozměrná /

 $u_j$  - konkrétní hodnota nové náhodně proměnné v j-tém intervalu

$$u_j = \frac{x_j - x_0}{h} \quad \begin{array}{l} \text{je-li } j < \hat{j} \text{ pak } u_j = -1, -2, -3 \dots \\ \text{je-li } j = \hat{j} \text{ pak } u_j = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{je-li } j > \hat{j} \text{ pak } u_j = 1, 2, 3 \dots \end{array}$$

 $x_0$  ... přibližný průměr a odpovídá hodnotě modu  $\hat{x}$  $\bar{u}$  - průměr nové náhodně proměnné

$$\bar{u} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^k u_j n_j$$

Dosazemí hodnoty  $x_j$  vyjádřené pomocí nové náhodně proměnné veličiny do rovnic pro statistické charakteristiky jsou získány zjednodušené vztahy.

$$\bar{x} = x_0 + h \cdot \bar{u}$$

$$s^2 = \frac{h^2}{n-1} \left( \sum_{j=1}^k u_j^2 n_j - n \bar{u}^2 \right)$$

Hlavička tabulky pro zjišťování statistických charakteristik použitím metody s přibližným průměrem

j	$x_{jh} - x_{jd}$	$\bar{x}_j$	$n_j$	$u_j$	$n_j u_j$	$n_j u_j^2$
---	-------------------	-------------	-------	-------	-----------	-------------

### 3.2. Metodika součtová

#### A) Metoda dvou postupných součtů

Také zde je zaváděna nová náhodně proměnná U, ale tentokrát  $x_k + h - x_j$

$$u_j = \frac{x_k + h - x_j}{h} \quad u_j = k - j + 1$$

$x_k$  .... hodnota posledního intervalu

$u_j$  pak tvoří sestupnou řadu čísel

Zjednodušené vztahy :

$$\bar{x} = x_k + h \left( 1 - \frac{\sum_{j=1}^k u_j n_j}{n} \right)$$

$$s^2 = \frac{h^2}{n-1} \left[ \sum_{j=1}^k u_j^2 n_j - \left( \frac{\sum_{j=1}^k u_j n_j}{n} \right)^2 \right]$$

kde

$$\begin{aligned} \sum_{j=1}^k u_j n_j &= \sum_{j=1}^k N_j \\ \sum_{j=1}^k u_j n_j + \sum_{j=1}^k u_j^2 n_j &= 2 \sum_{j=1}^k N_{2j} \end{aligned} \quad \begin{aligned} N_j &= \sum_{j=1}^j n_j \\ N_{2j} &= \sum_{j=1}^{2j} n_j \end{aligned}$$

$N_j$  ... první postupný součet hodnot ve všech intervalech

$N_{2j}$  ... druhý postupný součet hodnot ve všech intervalech

$x$  - násobný postupný součet lze určit pomocí binomického koeficientu

$$\sum_{j=1}^k N_{xj} = \sum_{j=1}^k \left( \binom{k+j-x}{x} \right) n_j$$

Díky existenci těchto postupných součtů lze úplně vynechat novou náhodně proměnnou  $U$  a vzorce pak nabývají tvaru

$$\bar{x} = x_k + h \left( 1 - \frac{\sum_{j=1}^k N_j}{n} \right)$$

$$s^2 = \frac{h^2}{n-1} \left[ 2 \sum_{j=1}^k N_{2j} - \sum_{j=1}^k N_j - \left( \frac{\sum_{j=1}^k N_j}{n} \right)^2 \right]$$

Hlavička tabulky pro zjišťování statistických charakteristik pomocí této metody.

j	$x_{jh} - x_{jd}$	$x_j$	$n_j$	$N_j$	$N_{2j}$
---	-------------------	-------	-------	-------	----------

### B) Metoda čtyř postupných součtů.

K práci s touto metodou je používána obdobná třídící tabulka. Vypočítávají se zde ovšem čtyři postupné součty

$$N_j = \sum_{j=1}^{j-1} n_j$$

$$N_{2j} = \sum_{j=1}^{j-1} N_j$$

$$N'_j = \sum_{j=k}^{j+1} n_j$$

$$N'_{2j} = \sum_{j=k}^{j+1} N_j$$

Zjednodušené vztahy :

$$\bar{x} = x_j + \frac{h}{n} \left( \sum_{j=k}^{j-1} N'_j - \sum_{j=1}^{j-1} N_j \right)$$

$$s^2 = \frac{h^2}{n-1} \left[ 2 \left( \sum_{j=1}^{j-1} N_{2j} + \sum_{j=k}^{j+1} N'_{2j} \right) - \left( \sum_{j=1}^{j-1} N_j + \sum_{j=k}^{j+1} N'_j \right) - \frac{1}{n} \left( \sum_{j=k}^{j+1} N'_j - \sum_{j=1}^{j-1} N_j \right)^2 \right]$$

Kromě těchto metod existuje celá řada grafických metod určování statistických charakteristik, které pro omezený rozsah této práce nemohu uvádět.

**3. Odhad statistických charakteristik měřené veličiny v partií materiálu.**

Při zpracování hodnot naměřených na textilních materiálech jsou často prováděny i n d u k t i v n í odhady. Odhadujeme neznámé parametry základního souboru na podkladě výběrových charakteristik. Odhady parametrů se více nebo méně liší od skutečných parametrů souboru. Přistupuje se proto k intervalovým odhadům, které jsou základem této indukce.

Odhadované parametry souboru jsou očekávány s určitou statistickou jistotou v určitém intervalu spolehlivosti.

Používané statistické jistoty - 95 % nejčastější

99 % výhradně pro maximální přesnost  
100 % se neužívá, protože klade velké nároky na definici stanovení hodnot, které mají ležet v tom určitém intervalu

**1. Intervaly spolehlivosti parametrů souborů diskrétních veličin, podle hajících Poissonova zákona.**

**1.1. Stanovení intervalu spolehlivosti pro malé velikosti naměřených hodnot  $x < 20$ .**

$\delta_\mu$  - rozsah spolehlivosti průměru souboru

$$\begin{aligned}\mu_d &= \frac{1}{2} X_{(100-\bar{s})}^2 \quad \text{pro } \vartheta = 2x \\ \mu_h &= \frac{1}{2} X_{(\bar{s})}^2 \quad \text{pro } \vartheta = 2(x+1)\end{aligned}$$

$\mu_d$  ... dolní hranice intervalu

$\mu_h$  ... horní hranice intervalu

$\vartheta$  ... stupeň volnosti

$\bar{s}$  ... jednostranná jistota

$X^2$  ... tabelovaná hodnota pro určité  $\vartheta$  a  $\bar{s}$

Průměr souboru lze s určitou statistickou jistotou očekávat v intervalu

$\overline{\delta_\mu}$  - relativní rozsah spolehlivosti průměru v %

$$\overline{\delta_\mu} = \frac{\delta_\mu}{x} 100 [\%]$$

$\mu = 6^2$   
Dle Poissonova zákona

$$\overline{\delta_\mu} = \frac{u}{\sqrt{x}} 100 [\%]$$

$x$  ... jediná měřená hodnota

$u$  ... náhodně proměnná normovaná veličina

$\mu$  ... odhadovaný průměr souboru

$\overline{\delta_\mu}$  ... odhadovaná odchylka souboru

1.2. Stanovení intervalu spolehlivosti pro velké velikosti naměřených hodnot  $x = 20$ .

Zde nahrazuje příslušné Poissonovo rozdělení četnosti normální zákon.

$\sigma_x$  - rozsah spolehlivosti jednotlivých měření

$$x_d = \mu - u\sigma$$

$$\mu = 6^2$$

$$x_h = \mu + u\sigma$$

$$\sigma_x = \pm u\sqrt{\mu}$$

veličina  $x$  stále sleduje Poissonův zákon, přestože je nahrazena normálním rozdělením četnosti

- průměr souboru - odhaduje se z průměru výběru  $x$
- volen jako jmenovitá hodnota, standard

Jednotlivé hodnoty lze očekávat v intervalu

$$\mu - \sigma_x \leq x \leq \mu + \sigma_x$$

$\sigma_\mu$  - rozsah spolehlivosti průměrů souboru

$$\mu_d = x + \frac{u^2}{2} - u \sqrt{\frac{u^2}{4} + x}$$

$$\text{platí } \frac{u^2}{4} \ll x$$

$$\mu_h = x + \frac{u^2}{2} \pm u \sqrt{\frac{u^2}{4} + x}$$

z jednodušený tvar

$$\sigma_\mu = \pm u \sqrt{\frac{u^2}{4} + x}$$

$$\sigma_\mu = \pm u \sqrt{x}$$

Aritmetický průměr lze očekávat v intervalu

$$x + \frac{u^2}{2} - u\sqrt{x} \leq \mu \leq x + \frac{u^2}{2} + u\sqrt{x}$$

2. Intervaly spolehlivosti parametrů souborů spojitéch veličin

$\sigma_x$  - interval spolehlivosti jednotlivých veličin

$$x_d = \bar{x} - t \cdot s$$

$$t = n - 1$$

$$x_h = \bar{x} + t \cdot s$$

$$\sigma_x = \pm t \cdot s$$

$x$  ... spojité náhodně proměnná veličina

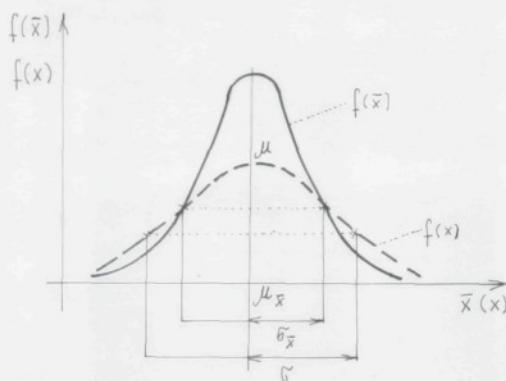
$\bar{x}, s$  ... výběrové charakteristiky

$t$  ... tabulovaná hodnota studentova rozdělení pro určitý  $n$  a  $s$

Jednotlivá měření lze s určitou statistickou jistotou očekávat v intervalu

$$x - \sigma_x \leq x \leq x + \sigma_x$$

$\hat{\mu}$  - interval spolehlivosti aritmetických průměrů  
 Ze souboru je vybráno  $n$  výběrů. Na každém jsou stanoveny parametry  $\bar{x}$  a  $s$ .



$f(x)$  ... frekvenční funkce jednotlivých měření  $x$

$\mu$  ... průměr jednotlivých měření

$\sigma$  ... směrodatná odchylka jednotl. měření

$f(\bar{x})$  ... frekvenční funkce průměrů výběrů  $x$

$\mu_{\bar{x}}$  ... průměr průměrů

$s_{\bar{x}}$  ... směrodatná odchylka průměrů výběrů

Platí následující pravidla :

- je-li rozsah výběrů  $n$  dostatečně velký, pak rozdělení průměrů  $f(\bar{x})$  přibližně odpovídá normálnímu rozdělení
- aritmetický průměr průměrů je přímo roven průměru souboru
- rozptyl aritmetických průměrů výběrů je roven průměrnému rozptylu souboru

Určení intervalu souboru, ve kterém lze očekávat průměr výběru

Interval spolehlivosti průměru jednotlivých měření.

$$\bar{x}_d = \mu - t \cdot s_{\bar{x}} = \mu - t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$\bar{x}_h = \mu + t \cdot s_{\bar{x}} = \mu + t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$\hat{\mu} = \bar{x} \pm t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$s_{\bar{x}}$  ... odhad odchylky výběrových průměrů

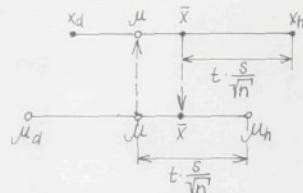
Interval spolehlivosti průměru výběrů.

$$\mu_d = \bar{x} - t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$\mu_h = \bar{x} + t \frac{s}{\sqrt{n}}$$

Grafické znázornění:

Průměr výběru bezpečně  
padne do intervalu průměru  
souboru



Rozsahy spolehlivosti v relativním tvaru .

$\tilde{d}_{\bar{x}}$  - procentuální vyjádření přesnosti odhadu intervalu spolehlivosti průměru výběrů

$$\tilde{d}_{\bar{x}} = \frac{\tilde{d}_{\bar{x}}}{\bar{x}} \cdot 100 [\%]$$

$$\tilde{d}_{\bar{x}} = \pm t \cdot \frac{s}{\sqrt{n}} [\%]$$

$\tilde{d}_{\bar{x}}$  ... rozsah spolehlivosti průměrů výběrů

$\tilde{d}_{\bar{x}}$  ... relativní rozsah spolehlivosti průměrů výběrů

$\tilde{d}_{\bar{x}_s}$  - střední chyba průměru

$$\tilde{d}_{\bar{x}_s} = \pm \frac{s}{\sqrt{n}}$$

Platí, že malé  $t = 1$ , tím je řečeno s jakou statistickou jistotou bude tento odhad průměru platit

pro  $t = 1$  je  $s = 68\%$

To je velmi omezená jistota, která nepostačuje požadavkům přesnosti odhadu.

$\tilde{d}_{\bar{x}_p}$  - pravděpodobná chyba průměru

$$\tilde{d}_{\bar{x}_p} = \pm 0,6745 \frac{s}{\sqrt{n}}$$

pravděpodobná chyba je počítána pro statistickou jistotu 50 %, t.j. pro  $t < 1$ .

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	DP	24

#### 4. Modelování rozdělení četnosti měřené veličiny s použitím teoretických rozdělení.

##### 1. Princip modelování

Při statistické analýze základních dat jsou některé metody vázány na předpoklad, že základní soubor, z něhož byl sledovaný výběr odebrán, má určité speciální rozdělení.

V jiných případech hledáme rozdělení, které by vyhovovalo studovanému výběru a sloužilo tak jako teoretický model.

Výběrové rozdělení zobrazujeme histogramem četnosti, teoretické rozdělení frekvenčních funkcí, nebo pomocí grafu rozdělení pravděpodobnosti. Stanovit typ modelového rozdělení záleží tedy v proložení histogramu četnosti vhodnou teoretickou křivkou, čili tzv. výrovnávání statistických dat.

Po provedené volbě typu modelového rozdělení je třeba rozhodnout na základě jednoznačných kriterií, zda zvolený model vyhovuje výběrovému rozdělení četnosti nebo ne. Při posuzování jsou rozhodujícími ukazateli rozdíly mezi výběrovým a teoretickým rozdělením.

Tyto rozdíly jsou náhodné, nevýznamné jen tehdy, když zvolené modelové rozdělení skutečně odpovídá rozdělení výběrovému.

Objektivní hodnocení se provádí pomocí testů významnosti / testy  $\chi^2$  a Kolmogorov - Smirnovů /.

Testujeme shodu rozdělené experimentálních četností s rozdělením četnosti očekávaných, modelových.

##### 2. Specifikace teoretických rozdělení

Vztahy pro rozdělení diskretních veličin.

###### - Poissonovo rozdělení

$$\begin{aligned}\mu &= \bar{x} \\ \mu &= \theta^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}f(x+1) &= \frac{\mu}{x+1} f(x) \\ f(0) &= e^{-\mu}\end{aligned}$$

###### - Binomické rozdělení

$$\begin{aligned}p+q &= 1 \\ \mu &= np \\ \theta &= \sqrt{\mu q}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}f(x+1) &= \frac{p(n-x)}{q(x+1)} f(x) \\ f(0) &= \binom{n}{0} p^0 q^n = q^n\end{aligned}$$

Vztahy pro rozdělení spojitých veličin.

###### - Normální rozdělení

$$\begin{aligned}\mu &= 0 \\ \theta &= 1 \\ u &= \frac{x-\mu}{\theta} = 1 \\ p+q &= 1 \\ \bar{x} &= \bar{x} \\ S &= 100 \cdot F(x)\%\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}f(x) &= \frac{1}{\theta \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\theta^2}} \\ F(x) &= \int_{-\infty}^x f(x) dx\end{aligned}$$

###### - Logaritmicko-normální rozdělení

$$x \dots \lg x$$

$$f(x) = \frac{1}{\theta \sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(\lg x - \mu)^2}{2\theta^2}} \cdot \frac{1}{x}$$

-  $\chi^2$  - rozdělení

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^n u_i^2$$

$$f(\chi^2) = \frac{1}{\sqrt{2^{\nu_2}} \left( \frac{\nu_2-2}{2} \right)} (\chi^2)^{\frac{\nu_2-2}{2}} e^{-\frac{\chi^2}{2}}$$

$$\bar{s} = 100 \int_0^{\chi^2} f(\chi^2) d\chi^2 \%$$

- t - rozdělení

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s} \sqrt{u}$$

$$F(t) = \int_{t_{min}}^{t_{max}} f(t) dt$$

$$f(t) = \frac{(\frac{\nu-1}{2})!}{\sqrt{\pi\nu} \left( \frac{\nu-2}{2} \right)!} \sqrt{\left( 1 + \frac{t^2}{\nu} \right)^{\nu+1}}$$

- F - rozdělení

$$F = \frac{\chi^2_1 / \nu_1}{\chi^2_2 / \nu_2}$$

$$F = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

$$f(F) = \frac{\left( \frac{\nu_1 + \nu_2 - 2}{2} \right)! \sqrt{\nu_1 \nu_2}}{(\frac{\nu_1 - 2}{2})! (\frac{\nu_2 - 2}{2})! (\nu_1 + \nu_2) \frac{\nu_1 + \nu_2}{2}} F^{\frac{\nu_2 - 2}{2}}$$

$$S = 100 \cdot F(F)$$

$$S = 100 \int_0^F f(\chi^2) dF$$

- Exponenciální rozdělení

$$f(x) = \mu \cdot e^{-\mu x}$$

$f(x)$  ... frekvenční křivka / hustota pravděpodobnosti zákona  
 $n$  ..... počet měřených veličin souboru

$\mu$  ..... průměr souboru

$\sigma$  ..... směrodatná odchylka souboru

$x$  ..... měřená veličina

$p, q$  ..... pravděpodobnosti výskytu měřené veličiny

$S$  ..... statistická jistota

$\bar{S}$  ..... jednostranná statistická jistota

$\nu$  ..... stupeň volnosti

$u$  ..... normovaná náhodně proměnná veličina

$\chi^2, t, F$  .... tabelované hodnoty rozdělení teoretických četností

VŠST Liberec	Využití matematicko-statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	DP	26

3. Testy používané k ověřování navrhovaných modelových rozdělení.

### 3.1. $\chi^2$ -parametrický test

-testuje rozdíl skutečné naměřené a teoretické absolutní četnosti vypočítané dle modelu.

testovací kriterium :

nulová hypoteza :

$$\chi_{ef}^2 = \sum_{j=1}^k \frac{(n_j - n_{tj})^2}{n_{tj}} \quad n_j - n_{tj} = 0$$

Přičemž pro libovolný j-tý interval musí být  $n_{tj} \geq 5$ . Nesplňuje-li některá teoretická četnost tuto podmínu, intervaly se sloučují. To znamená, že se sloučují teoretické i empirické četnosti a počet intervalů k se zmenšuje. Někdy, je-li  $k > 2$  a  $\vartheta > 1$ , se připouští, aby počet intervalů, ježichž teoretická četnost  $n_{tj} < 5$ , tvořil 20 % z celkového počtu intervalů.

Testovací kriterium  $\chi_{ef}^2$  se srovnává s kritickou hodnotou  $\chi^2$ , nalezenou pro jednostrannou statistickou jistotu 95 % a 99 % a pro stupeň volnosti  $\vartheta$ .

$\vartheta = f$  [skutečný (zmenšený) počet intervalů; použitý teoretický model]

Pro model dle normálního zákona je  $\vartheta = k - 3$

Poissonova  $\vartheta = k - 2$

Binomického  $\vartheta = k - 2$

exponenciálního  $\vartheta = k - 2$

Skutečné výběrové rozdělení odpovídá navrženému teoretickému modelu, je-li porovnáváním potvrzeno, že rozdíl četností je nevýznamný, náhodný, čili když platí  $\chi_{ef}^2 < \chi_{tab}^2$ .

### 3.2. Kolmogorov-Smirnovův neparametrický test

- hodnotí rozdíly součtových absolutních četností empirických a teoretických dle zvoleného modelu za předpokladu, že distribuční funkce základního souboru je spojitá a počet měření  $n > 40$ .

testovací kriterium :

nulová hypotéza :

$$D_{lef} = \frac{1}{n} \left| N_j - N_{tj} \right| \quad N_j - N_{tj} = 0$$

Testovací kriterium se porovnává s tabelovanou kritickou hodnotou  $D_1$

$$\text{pro } S = 95\% \text{ je } D_1 = \frac{1,35}{\sqrt{n}}$$

$$\text{pro } S = 99\% \text{ je } D_j = \frac{1,63}{\sqrt{n}}$$

Nerovnost  $D_{lef} < D_{1S}$  potvrzuje nulovou hypotézu a tím i platnost zvoleného modelového rozdělení četností.

3.3. Testy k ověřování modelového rozdělení dle Poissonova zákonaA) F - test rozptylovýdle Poissonova zákona platí  $\bar{x} = s^2$ 

testovací kriterium

$$F_{ef} = \frac{s^2}{\bar{x}}$$

nulová hypotéza

$$\bar{x} - s^2 = 0$$

Porovnání s tabelovanou hodnotou pro určitou statistickou ji-  
stotu a stupně volnosti

$$D_1 = m - 1$$

$$D_2 = -1$$

m ... počet proměřených jednotek ( kusů tkaniny, úseků, příze a.p.)

B) u - test významnosti rozptylu

testovací kriterium

nulová hypotéza

$$u_{ef} = \frac{x_1 - x_2}{\sqrt{\frac{x_1 + x_2}{x_1 + x_2}}} \quad x_1 > x_2$$

 $x_1, x_2$  .... zvolený počet měření diskrétních veličin na urči-  
tou jednotkujsou-li diskrétní veličiny zjištovány na nestejně velkých jed-  
notkách, pak platí

$$u_{ef} = \frac{x_1 l_2 - x_2 l_1}{\sqrt{l_1 l_2 (x_1 + x_2)}} \quad x_1 l_2 > x_2 l_1$$

Kriterium srovnáváme s tabelovanou hodnotou hledanou pro určitou  
statistickou jistotu4. Příklady modelování rozdělení četnosti  
stří v oblasti textilního průmyslu

## a) výskyt přetrhů na přádelnických zpracovatelských strojích

navrhovaný model :

ověření :

Poissonovo rozdělení

Kolmogorov-Smirnovův test,

 $\chi^2$  - test , u - test, F - test

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		DP 28
b) přetrhy útků nebo osnovy na tkalcovských stavech	Poissonovo rozdělení	Kolmogorov-Smirnovův test, $\chi^2$ - test, u - test, F - test
c) četnost poruch výrobních strojů	Poissonovo rozdělení	Kolmogorov-Smirnovův test, $\chi^2$ - test, u - test, F - test
d) počet určitých vláken v průřezu přádelnických produktů	Poissonovo rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test, U - test, F - test
e) výskyt noplůk v pavučině nebo česanci	Poissonovo rozdělení exponenciální rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test, u - test, F - test
f) výskyt vnějších vad na přízi /silná, slabá, místa, uzly / připadajících na určitou délku	Poissonovo rozdělení exponenciální rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test, u - test, F - test
g) rozložení kolísání směsových poměrů u dvoukomponentních přádelnických produktů	Binomické rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test
h) rozložení četnosti prostojů zpracovatelských strojů v důsledku náhodných vlivů, řídících se Binomickým zákonem	Binomické rozdělení	Kolmogorov Smirnovův test, $\chi^2$ - test
ch) výskyt zralých a nezralých vláken ve vločce surové bavlny	Binomické rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test
i) výskyt chemicky poškozených a nepoškozených vlněných vláken ve vzorku	Binomické rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test
j) výskyt mercerovaných a nemercerovaných vláken ve vločce bavlny	Binomické rozdělení	Kolmogorov - Smirnovův test, $\chi^2$ - test

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		DP

29

k) výskyt vzdálenosti vad na tkaninách a pleteninách

exponenciální rozdělení Kolmogorov - Smirnovův test

 $\chi^2$  - test

nad příze

l) průměrný počet zákrutů na určitou délku přádelsnického produktu

normální rozdělení

Kolmogorov - Smirnovův test

 $\chi^2$  - test

m) rozložení jemnosti a délek vláken

normální rozdělení

Kolmogorov - Smirnovův test

 $\chi^2$  - test

n) rozložení jemnosti příze

normální rozdělení

Kolmogorov - Smirnovův test

 $\chi^2$  - testo) rozložení počtu dvojohybů do přetržení při zkoumání pevnosti  
vláken v ohybu

logaritmicko-normální rozdělení

Kolmogorov - Smirnovův test

 $\chi^2$  - test

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V DP
Fakulta textilní		30

5. Způsoby hodnocení experimentálního, technického, nebo konstrukčního vlivu na změnu měřené veličiny

#### 1. Metodika testování

K oveření předpokladů určitých hypotéz, které jsou vztaženy k výsledkům měření zkoumaných výběrů, používáme testů významnosti. Jsou to kvalitativní zkoušky, které mají rozhodnout o tom, zda lze nebo nelze výskyt vnějšího ukazatele přičítat působení určitého / studovaného faktoru. Proto je formulována vždy speciální hypotéza o příslušných veličinách základních souborů a tento předpoklad se pak prověřuje testem významnosti.

Za tím účelem je třeba zvolit testovací kriterium, které

- rozhoduje o tom, zda daná hypotéza platí, či nikoliv
- se značí velkým písmenem, např.  $K_{ef}$  a je srovnáváno s tabulovanou hodnotou  $K$  nalezenou pro určitou hladinu významnosti  $q$  a statistickou jistotu  $S$ .
- q .... pravděpodobnost, že náhodná odchylka překročí danou kritickou hodnotu  $K$ . Odchyly, které se vyskytují s pravděpodobností menší, než je zvolená hladina významnosti, se nazývají statisticky významné, signifikantní.

V oblasti měření textilních materiálů se užívá nulová hypoteza.

Například sledovaným charakteristikám  $x_1, x_2$  dvou výběrů odpovídají parametry  $\mu_1, \mu_2$  základních souborů. Tyto parametry jsou totožné, pocházejí-li oba výběry z téhož souboru. O platnosti tohoto tvrzení se přesvědčíme testováním nulové hypotézy.

$$\mu_1 = \mu_2 = 0$$

- A) Platí-li  $K_{ef} < K_{95}$  (  $S = 95\%$  ), pak rozdíl mezi veličinami je nevýznamný, pak potvrzujeme platnost nulové hypotézy. Lze s jistotou 95 % říci, že výběry jsou tvořeny z jednoho souboru.
- B) Platí-li  $K_{95} < K_{ef} < K_{99}$ , pak rozdíl je slabě nejistý. Abychom potvrdili jistotu, je třeba zvýšit rozsah měření až do samého přijmutí, nebo zamítnutí nulové hypotézy.
- C) Platí-li  $K_{ef} > K_{99}$ , pak je rozdíl významný, jistý a neplatí nulová hypotéza.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	DP	31

2. Testy rozptylové

2.1. Test významnosti dvou rozptylů pro malý počet měření

testovací kritérium

$$F_{ef} = \frac{s_1^2}{s_2^2}$$

$$F_{ef} \geq 1$$

nulová hypotéza

$$\tilde{G}_1^2 - \tilde{G}_2^2 = 0$$

$n_1, n_2 \dots$  počet měření obou výběrů

$\bar{x}_1, \bar{x}_2 \dots$  průměry výběrů

$s_1^2, s_2^2 \dots$  rozptyly výběrů

$G_1^2, G_2^2 \dots$  rozptyly naměřených hodnot

Porovnání  $F_{ef}$  s tabulkovanou hodnotou  $F$  - rozdělení pro  $\nu_1 = n_1 - 1$

$$\nu_2 = n_2 - 1$$

2.2. Test významnosti rozptylů pro velký počet měření  $n_1, n_2, > 200$

testovací kritérium

$$u_{ef} = \frac{|s_1 - s_2|}{\sqrt{s_1^2/2n_1 + s_2^2/2n_2}}$$

nulová hypotéza

$$Z(\tilde{G}_1^2 - \tilde{G}_2^2) = 0$$

Porovnáváme s kritickou hodnotou normovaného normálního rozdělení, která závisí jen na statistické jistotě.

pro  $S = 95\%$  je  $u_k = 1,96$

pro  $S = 99\%$  je  $u_k = 2,58$

2.3. Bartletův test shody rozptylů

zjišťuje, zda lze předpokládat, že všechny rozptyly z několika výběrů nalezi jednomu souboru s rozptylem

testovací kriterium

$$\chi^2 = (n-k) \ln \frac{\sum s_j^2}{k} - (k-1) \sum_{j=1}^k \ln s_j^2$$

nulová hypotéza

$$s_j^2 - s_{j+1}^2 = 0$$

n ... celkový počet měření

$$n = k \cdot l$$

l ... počet měření v jednom výběru

k ... počet výběrů

Porovnání s kritickou tabelovanou hodnotou  $\chi^2$  nalezenou pro  $\vartheta = k-1$ .

3. Testy polohové3.1. Test významnosti rozdílů dvou aritmetických průměrů.

Nejdřív pomocí nulové hypotézy zjistíme, zda rozdíl rozptylu neměřených veličin je významný nebo ne.

A) platí nulová hypotéza

testovací kriterium

$$t_{ef} = \frac{|\bar{x}_1 - \bar{x}_2|}{\sqrt{s_1^2(n_1-1) + s_2^2(n_2-1)}} \sqrt{\frac{n_1 n_2 (n_1+n_2)}{n_1+n_2}}$$

nulová hypotéza

$$\bar{x}_1 - \bar{x}_2 = 0$$

$\bar{x}_1, \bar{x}_2$  ... průměry obou výběrů

$n_1, n_2$  ... rozsahy obou výběrů

$s_1, s_2$  ... odchylky obou výběrů

Porovnání  $t_{ef}$  s tabelovanou hodnotou  $t$  pro  $\vartheta = n_1 + n_2 - 2$

B) neplatí nulová hypotéza

$$t_{ef} = \frac{|\bar{x}_1 - \bar{x}_2|}{\sqrt{s_1^2/n_1 + s_2^2/n_2}}$$

$$\bar{x}_1 \neq \bar{x}_2$$

porovnání  $t_{ef}$  s kritickou hodnotou  $t_k$  vypočítanou dle vzorce

$$t_k = \frac{t_1 s_1^2/n_1 + t_2 s_2^2/n_2}{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}$$

nalezneme tabulkové hodnoty  $t_1$  pro  $\vartheta_1 = (n_1 - 1)$

$t_2$  pro  $\vartheta_2 = (n_2 - 1)$

3.2. Test párových hodnot

Je používán pro malý počet vzorků. Posuzuje co mají dvě hodnoty naměřené na jednom vzorku společného.

testovací kriterium

$$t_{ef} = \frac{|\bar{d}|}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (d_i - \bar{d})^2}}$$

nulová hypotéza

$$\mu_1 - \mu_2 = 0$$

$x_{1i}, x_{2i} \dots$  párové hodnoty

$$d_i = x_{1i} - x_{2i}$$

$$d_i \dots \text{rozdíl párových hodnot} \quad \bar{d} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n d_i$$

Oba výběry mohou konvergovat ke svým souborům o parametrech  $\mu_1, \sigma_1^2$  a  $\mu_2, \sigma_2^2$

Porovnání s tabelovanou hodnotou  $t$  pro  $\nu = n - 1$

3.3. Test odchylky aritmetického průměru od jmenovité hodnoty

$$t_{ef} = \frac{|\bar{x} - \mu|}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}} \quad \bar{x} - \mu = 0$$

$\bar{x} \dots$  aritmetický průměr z naměřených hodnot

$\mu \dots$  jmenovitá hodnota průměru kterou požadujeme

Porovnáváme  $t_{ef}$  s tabelovanou hodnotou  $t$  pro  $\nu = n - 1$ .

$$\bar{x} - \mu = 0$$

## 4. Příklady použití testů významnosti v oblasti textilního průmyslu.

Rozptylové testy :

- a) zkoušky pevnosti příze v tahu na dvou potáčích
- b) ověření výskytu vad na tkanině vyroběně jednou tkadlenou na jednom stavu
- c) kontrola výroby stejně jemných přástů vyroběných
  - klasickou technologií
  - se zkráceným počtem technologických operací
- d) posuzování vlivu úprav na průtahových ústrojích dopřádacích strojů na přízi stejného materiálového složení a stejných předcházejících technologických operací.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V DP
Fakulta textilní		34

Polohové testy :

- a) porovnávání trhacích zkoušek tkaniny na pevnost v tahu, provedených ve dvou různých laboratořích
  - b) kontrola vlivu barvícího procesu na pevnost vlněné příze v tahu
  - c) ověřování existence rozdílů hmotnosti česance z jádra a z vnějších vrstev cívky
  - d) kontrola zkoušek obchodní váhy prováděných u výrobce a u odběratele / test pro párové hodnoty /
  - e) kontrola skutečného Čm na určité délce pramene, přástu, příze /test odchylky výběrového průměru od jmenovitého průměru výběru/
  - f) kontrola kvality práce dvou konfekčních dílen
5. Test shody číselného / mísícího / poměru  
 Zjišťuje, zda je v textilním produktu stálý poměr komponent. Porovnává skutečný poměr s teoretickým.
- x ... množství jedné komponenty  
 y ... množství druhé komponenty  
 x ... skutečný poměr komponent  
 y ... teoretický, plánovaný poměr výskytu veličin  
 $\alpha = \frac{y}{x} \dots$  teoretický, plánovaný poměr výskytu veličin

T - testovací kriterium je dáno prostým součtem pořadových čísel. Pořadová čísla se přiřazují nenulovým naměřeným hodnotám vzesetupně podle velikosti bez ohledu na jejich znaménka, a přebírájí znaménka svých hodnot.

$$a) T_{ef} = \sum + (i) \quad \text{je-li } \sum + (i) < \sum - (i)$$

$$b) T_{ef} = \sum - (i) \quad \text{je-li } \sum - (i) < \sum + (i)$$

Pro  $n \leq 25$  srovnáváme  $T_{ef}$  s hodnotou  $T$ , tabelovanou pro  $S = 95\%$   
 $99\%$

Pro  $n > 25$  vytváříme nové kriterium

$$T_{ef} = \frac{n(n+1)}{4}$$

$$T_{uef} = \sqrt{\frac{n(n+1)(2n+1)}{24}}$$

srovnáváme s hodnotou  $u = 1,96$  pro  $S = 95\%$   
 $u = 2,58$  pro  $S = 99\%$

$$\begin{aligned} T_{ef} &< T_{95} \\ T_{uef} &< T_{95} \end{aligned} \quad \left. \right\}$$

platí nulová hypotéza a naměřené hodnoty jsou náhodné obě množství jsou dokonale promísená

$$\begin{aligned} T_{ef} &\geq T_{99} \\ T_{uef} &\geq T_{99} \end{aligned} \quad \left. \right\}$$

zamítá se nulová hypotéza, extrémní hodnoty vyloučíme nebo znova přepočítáme

#### 6. A n a l ý z a r o z p t y l u - jednostupňová

Předpoklad : souhrn vzorků je z určitých hledisek / výrobních, technických, technologických, časových, polohových atd./ rozdělen do menších skupin

Analýza rozptylu porovnává rozptypy měřených veličin uvnitř jednotlivých skupin vzorků s rozptypy měřených veličin mezi skupinami vzorků.

Za určitých podmínek lze konsatovat, že všechny skupiny vzorků jsou nebo nejsou součástí jednoho souboru. Soubor se jeví z hlediska naměřené veličiny jako homogenní nebo nehomogenní.

k ... počet skupin vzorků

l ... počet měření v jedné skupině

n ... celkový počet měření

$x_{ij}$  ... naměřená i-tá hodnota z j-té skupiny vzorků

$\bar{x}$  ... počet stupňů volnosti / to je počet prováděných operací změšený o počet statistických charakteristik /

$$i = 1, 2, 3, \dots, l$$

$$j = 1, 2, 3, \dots, k$$

$$n = k \cdot l$$

charakteristiky j-té skupiny vzorků

$$\bar{x}_j = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^l x_{ij}$$

$$s_j^2 = \frac{1}{l-1} \sum_{i=1}^l (x_{ij} - \bar{x}_j)^2$$

charakteristiky celého souboru vzorků

$$\bar{\bar{x}} = \frac{1}{k} \sum_{j=1}^k \bar{x}_j$$

$$s^2 = \frac{1}{n-l} \sum_{j=1}^{k-l} (x_{ij} - \bar{\bar{x}})^2$$

Snažíme se vztáhnout charakteristiky nějakým způsobem na jednotlivé skupiny vzorků.

$$(x_{ij} - \bar{\bar{x}}) = (x_{ij} - \bar{x}_j) + (\bar{x}_j - \bar{\bar{x}})$$

$$\sum_{j=1}^{k-l} (x_{ij} - \bar{\bar{x}})^2 = A_V + A_B$$

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	D P	36

$A_V$  ... součet čtverců odchylek uvnitř skupin

$A_B$  ... součet čtverců odchylek mezi skupinami

$s^2_v$  ... rozptyl měřených veličin uvnitř skupin

$s^2_B$  ... rozptyl měřených veličin mezi skupinami

$s^2$  ... celkový rozptyl

označení symbolu	počet stupňů volnosti	součet čtverců odchylek	rozptyl
mezi skupinami	$\nu_B = k-l$	$A_B = \sum_{j=1}^k (\bar{x}_j - \bar{\bar{x}})^2$	$s^2_B = \frac{1}{k-l} \sum_{j=1}^k (\bar{x}_j - \bar{\bar{x}})^2$
uvnitř skupin	$\nu_A = n-k$	$A_V = \sum_{j=1}^k (s_j^2)$	$s^2_V = \frac{1}{k} \sum_{j=1}^k s_j^2$
celkový	$\nu = n-l$	$A_B + A_V = \sum_{ij=11}^{lk} (x_{ij} - \bar{\bar{x}})^2$	$s^2 = \frac{1}{n-l} \sum_{ij=11}^{lk} (x_{ij} - \bar{\bar{x}})^2$

Rozptylový test významnosti zjišťuje vliv skupin na kolísání měřené vlastnosti.

testovací kriterium

$$F_{ef} = \frac{s^2_B}{s^2_V} \quad F_{ef} > 1$$

Porovnání  $F_{ef}$  s tabuleovanou hodnotou  $F$  pro  $S = 95\%$  a  $\nu$

Platí-li  $F_{ef} < F$  pak je soubor homogenní.

#### Dvoustupňová analýza

Naměřené hodnoty uspořádané do jednotlivých skupin, můžeme uvnitř skupin uspořádat podle dalšího hlediska

$$\bar{\bar{x}} = \frac{1}{kl} \sum_{j=11}^{lk} x_{ij} = \frac{1}{k} \sum_{j=1}^k \bar{x}_j = \frac{1}{l} \sum_{i=1}^l \bar{x}_i$$

$$(x_{ij} - \bar{\bar{x}}) = (\bar{x}_j - \bar{\bar{x}}) + (\bar{x}_i - \bar{\bar{x}}) + d_{ij}$$

$d_{ij}$  ... zbytkový rozdíl mezi skupinami a jednotlivými skupinami

$$d_{ij} = x_{ij} + x - x_j - x_i$$

označení symbolu	počet stupňů volnosti	souč. čtverců odchylek	rozptyl
mezi skupinami	$\vartheta_{bj} = k-l$	$A_{Bj} = l \sum_{j=1}^k (\bar{x}_j - \bar{x})^2$	$s_{Bj}^2 = \frac{A_{Bj}}{\vartheta_{bj}}$
uvnitř skupin	$\vartheta_{bi} = l-1$	$A_{Bi} = k \sum_{i=1}^l (\bar{x}_i - \bar{x})^2$	$s_{Bi}^2 = \frac{A_{Bi}}{\vartheta_{bi}}$
rozdílový zbytek	$\vartheta_d = n+l-k-l$	$A_d = \sum_{ij=1}^{k+l} d_{ij}^2$	$s_d^2 = \frac{A_d}{\vartheta_d}$
celkový	$\vartheta = n-l$	$A_{Bj} + A_{Bi} + A_d$	$s^2 = \frac{A_{Bj} + A_{Bi} + A_d}{\vartheta}$

Rozptylový test významnosti zjišťuje, zda jednou nebo druhé hledisko rozdělení má vliv na měřenou vlastnost.

Testujeme dvakrát :

$$F_{ef} = \frac{s_{Bj}^2}{s_d^2} \quad \text{porovnává se s } F_{tab} (95\%, \vartheta_{Bj}, \vartheta_d)$$

$$F_{ef} = \frac{s_{Bi}^2}{s_d^2} \quad \text{porovnává se s } F_{tab} (95\%, \vartheta_{Bi}, \vartheta_d)$$

$s_d^2$  ... míra vzájemného působení mezi skupinami a měřenimi ve skupinách

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

### Příklady použití analýzy rozptylu

#### A) jednostupňová analýza

hodnotíme pevnost příze jedné partie z hlediska rozdělení příze do několika potáčů

#### B) dvoustupňová analýza

a) hodnotíme opět pevnost příze jedné partie, ale ze dvou hledisek  
 - rozdělení do potáčů  
 - umístění odebíraného vzorku na jednom potáči

b) hodnotíme oděr několika kusů tkaniny dané délky ze dvou hledisek

- rozdělení do kusů
- umístění odebíraného vzorku na jednom kuse

#### C) třístupňová analýza

hodnotíme pevnost příze jedné partie ze tří hledisek

- rozdělení do potáčů
- umístění odebíraného vzorku na potáči
- doba výroby příze na jednotlivých potáčích

#### Poznámka :

kromě testů uvedených v této kapitole existují ještě další testy významnosti v této práci nespecifikované.

Jsou to Wilcoxonův test pro párové hodnoty, Kolmogorov-Smirnovův test pro jeden výběr z testů shody, Dixonův a Grubbsův test extrémních odchylek a iterační test náhodnosti.

6. Metodika řešení vzájemné závislosti mezi dvěma nebo více měřenými veličinami

1. Korelační analýza

Na jednom prvku se někdy měří současně více veličin, které mohou být na sobě závislé. Podle počtu veličin měřených na jednom prvku existují statistické soubory dvoj-, troj- nebo více rozměrné.

Jsou rozlišovány **závislosti funkční**, kde určité hodnotě nezávisle proměnné veličiny odpovídá jediná hodnota závisle proměnné, a **závislosti statistické**, kde hodnotě nezávisle proměnné neodpovídá jediná hodnota závisle proměnné, ale určitý obor jejich hodnot.

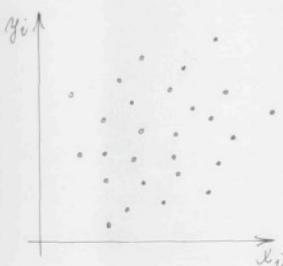
**Korelace** - je statistická závislost mezi náhodnými proměnnými veličinami

Uvažujeme-li výběr o  $n$  prvcích, získáme  $n$  dvojic výsledků měření:

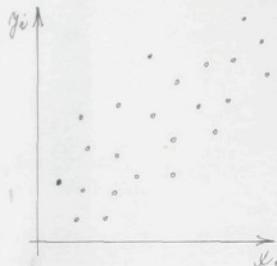
$$x_1, y_1; x_2, y_2; \dots x_i, y_i; \dots x_n, y_n$$

Graficky se tyto výsledky znázorňují tečkovým diagramem.

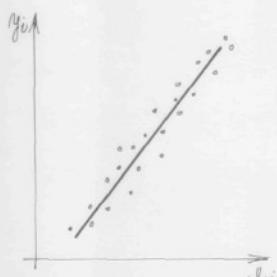
Korelace nabývají čtyř různých variant :



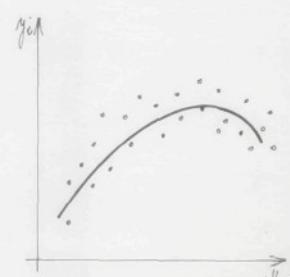
nulová korelace



nejasná korelace



nelineární korelace



lineární korelace

**R e g r e s n í č á r y** - přímky nebo křivky proložené skupinou bodů tečkového diagramu se pokouší definovat nějakou stochastickou závislost mezi neměřenými veličinami.

**2. Koeficient korelace**

- je míra těsnosti lineárního vztahu mezi veličinami  $X_1$  a  $Y$ .

Na rozložení bodu v rovině je velmi citlivá výběrová kovariance.

$$s_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{n - 1}$$

Se změnou rozptylu bodů v tečkovém diagramu se mění i kovariance, tento nedostatek se odstraňuje vyjádřením míry závislosti hodnoty kovariance.

$$r_{xy} = \frac{s_{xy}}{s_x \cdot s_y}$$

výraz upravený pro výpočet na kalkulačních strojích :

$$r_{xy} = \frac{n \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{\sqrt{\left[ n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2 \right] \left[ n \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2 \right]}}$$

$r_{xy}$  ... výběrový korelační koeficient

$s_x$   
 $s_y$  } ... směrodatné odchyly veličin  $X, Y$

$r_{xy}$  nabývá hodnot od - 1 do 1

$r_{xy} = 0$  ..... mezi proměnnými není lineární vztah

$r_{xy} = 1, -1$  .. nastává extrémní případ, kdy statistická závislost přechází v lineární závislost funkční

$r_{xy} = 0,6$  ... od této hodnoty se závislost stává lineární

Test významnosti koeficientu korelace

testovací kriterium

nulová hypotéza

$$t_{ef} = \frac{r_{xy}}{\sqrt{1 - r_{xy}^2}} \cdot \sqrt{n - 2} \quad \beta = 0$$

$r_{xy}$  ... koeficient korelace z jednoho výběru dvojrozměrného souboru

$\bar{r}_{xy}$  ... průměr všech výběrových koeficientů korelace

$\beta$  ... souborový koeficient korelace

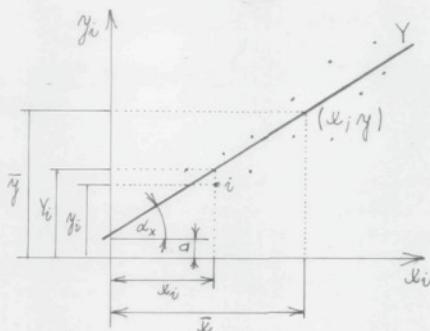
Porovnání  $t_{ef}$  s tabelovanou hodnotou  $t$  pro  $S = 99\%$   
 $\vartheta = n - 2$

Platí-li  $t_{ef} > t_{99}$  pak se vypočítaný koeficient korelace významně liší od nuly. To znamená, že číslo existuje, ale test neříká nic o linearitě.

### 3. Regresní analýza se snaží vyjádřit vztah mezi veličinami X a Y definicí regresní čáry.

#### 3.1. Lineární regrese

provádí minimalizaci vzdálenosti jednotlivých pořadnic od hodnoty regresní čáry



$$\sum_{i=1}^n (y_i - \bar{Y})^2 = \min.$$

$$\bar{Y} = a + b_x \cdot \bar{x}$$

rovnice prokládané přímky

obr. č. 11.

Určování konstant  $a$ ,  $b_x$ .

$b_x$  ... regresní koeficient / směrnice přímky /

$$b_x = \frac{s_{xy}}{s_x^2}$$

$$b_x = \frac{n \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \sum_{i=1}^n y_i}{n \sum_{i=1}^n x_i^2 - (\sum_{i=1}^n x_i)^2}$$

$$b_x = \operatorname{tg} \alpha_x$$

$$a = \bar{y} - b_x \bar{x}$$

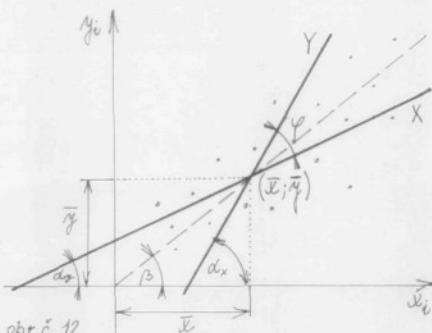
$$a = \bar{y} - b_x \bar{x}$$

Vypočítané konstanty dosadíme :

$$Y = \bar{y} - b_x (x - \bar{x})$$

$$X = \bar{x} - b_y (y - \bar{y})$$

Na obr. č. jsou dvě regresní čáry, svírající úhel  $\gamma$ , které lze teoreticky zaměňovat. Čím je menší  $\gamma$ , tím více se koeficient korelace blíží ke svému extrému +1, -1. Při výpočtu koeficientu korelace u výběrů s velkými rozsahy užíváme korelační tabulku.



$s^2_y$  ... rozptyl závisle promenné veličiny

$s^2_{Y\bar{Y}}$  ... rozptyl regresní funkce kolem průměru naměřených hodnot

$s^2_{yY}$  ... rozptyl naměřených hodnot kolem hodnot regresní funkce

$s^2_{yY\bar{Y}}$  ... reziduální / zbytková / složka

Je-li  $s^2_{yY\bar{Y}}$  rovno 0, pak naměřené množiny bodů budou ležet na regresní funkci.

B určuje vhodnost proložení naměřených hodnot navrženou regresní křivkou.

Pro polynomickou lineární závislost  $y = a_0 + a_1 x$  je  $B = r^2_{xy} \cdot 10^2$ .

### 3.2. Nelineární regrese

se řeší a) takovou transformací, která vede na lineární regresi  
b) obecným polynomem 2., 3., ... stupně

- opět minimalizace čtverců odchylek
- příslušné konstanty se vypočítávají pomocí determinantu
- výledný koeficient determinace hledá optimální hodnoty regresní funkce

Kromě obvyklého způsobu řešení nelineárních regresí, který se dá prakticky provádět u polynomů maximálně do čtvrtého nebo pátého stupně, se dají regrese řešit

- c) metodou náhodné numerické optimalizace.

Pro vícestupňové polynomy, které vedou na vícé složitých rovnic, hledáme konstanty těchto rovnic takovým způsobem, že dosazujeme postupně čísla vybraná z tabulky náhodných čísel. Řešíme rovnice s dosazenými konstantami a hledáme minimální výsledek řešení. To všechno samozřejmě provádí počítač.

Po určité době dostáváme výsledky přibližně stejné, takže již dále nedosazujeme a přijímáme s určitou mírou ne-  
přesnosti nejmenší z dosažených výsledků.

### 3.3. Vícenásobné regrese

Používají mnohonásobné korelační analýzy. Následek jevů y je závislý na dvou a více přičinách.

regresní rovina - trojrozměrný soubor  $y = f(x_1, x_2)$

regresní nadroviny - vícerozměrné soubory  $y = f(x_1, x_2, x_3, x_4 \dots)$

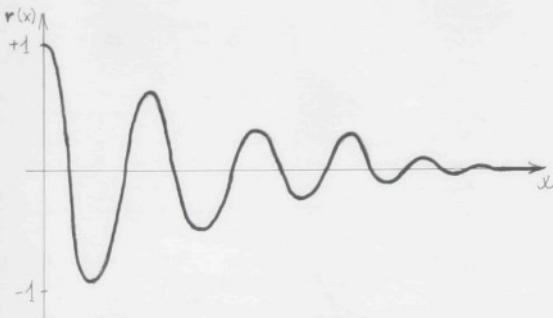
### Příklady použití regresní analýzy v textilním průmyslu

- a) statistická závislost mezi zákruty a seskáním příze /lineární regrese/
- b) závislost počtu přetrhů příze na průměrné výšce balonu na doprádačkách / kvadratická regrese/
- c) závislost měrné objemové hmotnosti tkaniny na jemnosti příze a dostavě tkaniny /mnohonásobná lineární regrese/ - regresní rovina

### 4. Autokorelační koeficient

Autokorelace je korelace, která nesleduje a nehodnotí statistickou závislost mezi dvěma nebo více veličinami, ale sleduje veličinu jednu po celém souboru. Provádí porovnání hodnot, kterých sledovaná veličina nabývá na délkových / časových / úsecích, do nichž je soubor rozdělen.

Koeficient autokorelace  $r(x)$  je funkci  $x$  - velikosti porovnávaných úseků. Extrémní hodnoty, kterých koeficient nabývá jsou  $+1$  a  $-1$ . Porovnáváním hodnot pro různě dlouhé úseky získáme funkci naznačenou na obr. č. 13.



obr. č. 13.

### Příklad z oblasti měření textilních materiálů

Sledujeme počet slabých míst na přízi délky 50 m, rozdělené do úseků po 1 m.

$r(x)$  ... autokorelační koeficient jako funkce skoku  $x$   
 $x$  ..... násobek velikosti proměřovaného úseku  
 $n$  ..... počet proměřených úseků produktu konstantní délky 1  
 $y_i$  ..... naměřená hodnota i - tého úseku, zde počet slabých míst  
 $\bar{y}$  ..... aritmetycký průměr naměřených hodnot

$$A_x = \sum_{i=1}^{n-x} (y_i - \bar{y})(y_{(i+x)} - \bar{y}) \quad r(x) = \langle -1; +1 \rangle$$

$$B_x = A_0 - \sum_{i=1}^{n-x+1} (y_i - \bar{y})^2 \quad r(x) = \frac{A_x}{\sqrt{B_x C_x}}$$

$$C_x = A_0 - \sum_{i=1}^x (y_i - \bar{y})^2$$

$$A_0 = A_x \quad \text{pro } x=0 : \quad A_0 = \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2$$

5. Koeficient pořadové korelace  
 R - Spearmanův koeficient pořadové korelace se používá u mělých výběrů - není-li dostatečně prokázána lineární regrese,  
 - pro naměřené hodnoty, které nejsou vyčíslitelné a mají pouze kvalitativní vyjádření.

Příklad z oblasti měření textilních materiálů

Sledování stupně vybarvení tkaniny porovnáváním s etalonem.

X, Y ... dva pozorovatelé

K<sub>1</sub>, K<sub>2</sub> ... K<sub>i</sub> ... K<sub>n</sub> ..... vzorky různých kvalit vybarvení

i ... pořadí vzorku v souboru

(i) ... pořadí vzorku přisouzené pozorovatelem

d<sub>i</sub> .... rozdíl pořadí stanovených pozorovateli vzorku K<sub>i</sub>

n .... počet vzorků

$$d_i = (i) x_i - (i) y_i$$

$$R = 1 - \frac{6 \sum_{i=1}^n d_i}{n(n^2-1)} \quad -1 \leq R \leq +1$$

R = 1 ... úplná shoda pořadí

R = -1 .. úplná neshoda pořadí

R = 0 ... nezávislost pořadí

## Test významnosti koeficientu pořadové korelace

nulová hypotéza

$$\sum_{i=1}^n d_i = 0$$

a) pro  $n < 9$ 

$$R_{ef} = \sum_{i=1}^n d_i^2$$

porovnáváme s tabelovanou hodnotou  $A_1$  pro  $S = 95\%$  $A_2$  pro  $S = 99\%$ b) pro  $9 < n < 20$ 

$$R_{ef} = \frac{R \sqrt{n-1}}{1 - R^2}$$

porovnáváme s tabelovanou hodnotou  $t$  - studentova rozdělení  
pro danou statistickou jistotu  $S$  a stupěň volnosti  $\vartheta = n - 2$ c) pro  $n \geq 20$ 

$$R_{ef} = R \sqrt{n-1}$$

porovnáváme s tabelevanou hodnotou normálního rozdělení - u

## Poznámka :

dále existují zde nespecifikované koeficienty korelace jako jsou  
Kentallův koeficient a koeficient souladu.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

46

## IV.

MOŽNOSTI VYUŽITÍ VÝPOČETNÍ TECHNIKY  
PŘI APLIKACI MAT.-STAT. METOD

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	DP	47

## 1. Kalkulační stroje.

NISA		ČSSR
------	--	------

U nás se vyrábí 3 typy těchto strojů. Jsou to :

Nisa K5 - ruční kalkulační stroj, který provádí 4 základní početní úkony a jejich kombinace. Výsledky jsou registrovány v obrátkové a výsledkovém počítadle. Kapacita stroje je  $10 \times 10 \times 20 / 10$  míst na klávesnici, 10 v obrátkové a 20 ve výsledkovém počítadle / . Váha i s cestovním kufříkem činí 4,9 kg.

Nisa PK5 - polocoautomatický elektrický kalkulační stroj s automatickým dělením, které je možno přerušit na kterémkoliv řádovém místě. Pro sčítání je stroj vybaven zařízením, které umožnuje vykonání jen jedné otáčky a kontrolou počtu sečítaných položek. Kapacita je  $10 \times 10 \times 20$ . Váha je 7,5 kg.

Nisa AK5 - elektrický kalkulační stroj s automatickým násobením a dělením, které je možno přerušit na každém řádovém místě. Pro sčítání je stroj vybaven tímto zařízením jako typ PK5. Kapacita je opět  $10 \times 10 \times 20$ .

CELLATRON R44		NDR
---------------	--	-----

- elektrický kalkulační automat, který provádí dělení, i opakování, násobení a umocňování zcela samočinně. Má výmaz kombinovaný se startem a sběrné počítadlo pro zpětné vrácení výsledků do klávesnice. Stroj má již optickou kontrolu nastavených hodnot. Kapacita je  $20 \times 10 \times 20$ . Váha 21,6 kg.

## 2. Elektronické kalkulační stroje.

SOEMTRON 220		NDR
--------------	--	-----

- elektronický počítací automat, provádějící automatické umocňování, změnu znaménka, proměnné nastavení řádové čárky a zaokrouhlení posledního čísla při násobení a dělení. Automat má 3 volné saldovací paměti, počítadlo a světelny ukazatel hodnot. Kapacita je 15 míst pro vstup i výstup. Váha 13,- kg,

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P
ELKA		BLR

Je vyráběna v následujících modifikacích :

ELKA 6521 - elektronický počítací automat. Vedle 4 základních matematických úkonů provádí mocnění, druhou odmocninu, převracení hodnoty čísel z kladných na záporná a naopak, zaokrouhlování výsledku. Vše s automaticky nastavitelnou desetinnou čárkou. Stroj obsahuje 3 počítadla, z toho 3 shromažďovací a světelný ukazatel hodnot. Kapacita : vstup 16 míst, výstup 31 míst.  
Váha : 17,- kg.

ELKA 6522 - elektronický počítací automat, provádějící automatické nastavení desetinné čárky, násobení a dělení s pohyblivou, nebo pevnou čárkou, přímé řetězové výpočty. Typ 6522 má jednu saldovací pamět a světelný ukazatel hodnot / nastavených i výsledných./  
Kapacita: 15 míst pro vstup a výstup  
Váha : 13,- kg.



CASIO R - 3

Casio Computer CO

JAPONSKO



- elektronický stolní kalkulačor je vybaven vypínači tiskárny, takže může být používán jen se světelným ukazatelem hodnot - displayem - to znamená, že budou ukazovány právě ty hodnoty, které mají být vypočítány / odpadá množství popsané pásky na konci řešení problému/. Stroj má skutečnou algebraickou logiku ve všech 4 základních funkciích a vložitelnou konstantu pro násobení a dělení.

Operace : +; -; x; ÷; ( K ); %; kor.; řetězové násobení a dělení;

$x^y$ ;  $\sqrt{x}$ ; kombinované počítání a jeho akumulace; vyznačování a mazání výsledků;

Automatická akumulace součtu / rozdílů, součinu, podílu, výsledků, %, druhých odmocnin /ukazující jednotlivé součty /rozdíly ..... / při základních matematických jednoduchých nebo řetězových operacích a při násobení a dělení konstantou.

Kapacita: 2 součtové registry

1 paměť pro kladné a záporné akumulace

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	D P	50

Výstup: široký 12 ti digitový display  
systém pohyblivé a pevné řádové čárky  
Specifikace : napájení 17 W  
váha 5,6 kg  
rozměry 140 x 240 x 350 mm

MT 134

Metra Blansko

ČSSR



- elektronický kalkulační stroj pro ekonomické výpočty. Provádí všechny operace s předem nastavitelnou polohou desetinné čárky. Pokud něstačí kapacita zobrazení / 8 digitů / lze ji pomocí tlačítka zvětšit o dalších 5 dekadických řádů.

Výhody této kalkulačky jsou bezhlučný chod, vysoká rychlosť operací, malé rozměry a váha a antireflexní vrstva na okénku displaye.

Operace : + ; - ; X ; ÷ ; 0 - hlavní registr ; 0 - celkové; ( K ) ; Kapacita : 3 třináctimístné registry, v jednom z nich je možné uložit konstantu

Výstup: 8 digitový display pro zobrazení hlavního pracovního registru předvolitelná desetinná, čárka do šesti poloh 0, 2, 3, 4, 5, 6.

Specifikace : napájení 220 V + 10 % - 15 %, 50 Hz, 20 VA  
 váha 5,- kg  
 rozměry 108 x 292 x 224 mm  
 dovolená tepl. + 5 - 40° C

OKU 101

Tesla Bratislava

ČSSR



- elektronický kalkulační stroj, umožňující zpracovávat až 15-ti místné vstupní údaje. Je vybavený automatickým nulováním po zapnutí, indikací přeplnění se současným nulováním, ukládáním a indikací záporných čísel a zvláštní klávesou na nulování nesprávně vloženého čísla.

Vedle dobré čitelnosti údajů i při plném osvětlení, bezhlavného chodu malé váhy a rozmerů patří k jeho přednostem mechanické řešení tlačítek, které zabíráme nesprávnému vložení čísla nedotlačením tlačítka, a především pak použitelnost v průmyslových provozech. Což umožňuje ochrana dotykových ploch před oxidací pozlácením.

Operace: + ; - ; × ; ÷ ;  $x^y$ ; (K); sčítání a odčítání do volných pamětí s možností zpětného přenosu nebo nulování.

Kapacita : 3 registry pro operace

2 registry volných pamětí

Vstup: 10-ti tlačítková klávesnice

Výstup: display - kapacita 15 míst a znaménko  
 výška číslice 13 mm  
 desetinná čárka je predvolitelná pro operandy a výsledky  
 do osmi poloh. 0, 2, 3, 6, 8, 10, 12 a 14.

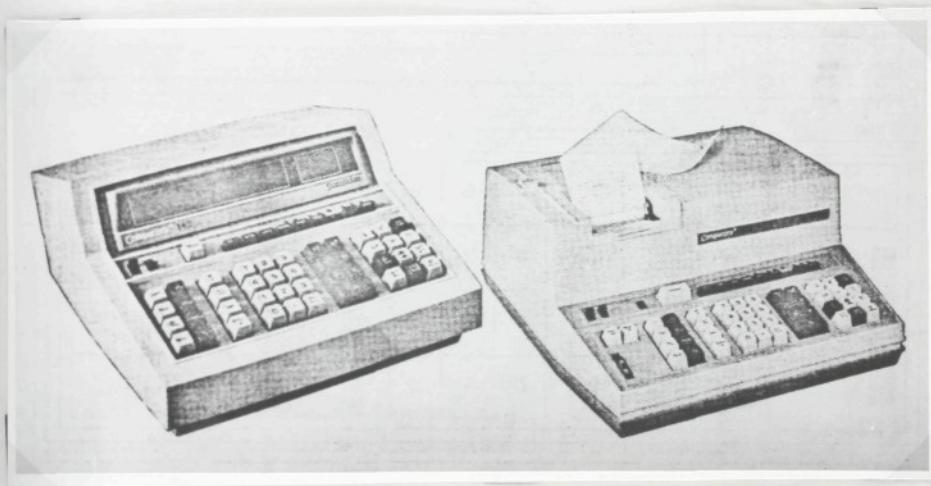
## S p e c i f i k a c e :

napájení	220 V $\pm$ 10 %, 50 Hz
váha	5,5 kg
rozměry	330 x 330 x 150 mm

COMPUCORP

Compucorp Calculating  
System A6

ŠVÝCARSKO



- kalkulační stroj s výkonnými speciálními funkčními klávesami pro statistický výzku, automaticky shromažďuje údaje ve zvláštních registrech a provádí z nich požadované výpočty.

Použití techniky MOS/LSI / pro všechny logické operace a v paměti pro vstupní údaje a program/ umožňuje vykonávání složitých vícestupňových úloh pomocí jednoduchých příkazů.

Modely : neprogramovatelné kalk. str. M 140 Display

M 141 tiskárna

programovatelné kalk. str. M 142E Display

M 145E tiskárna

Klávesnicové operace: + ; - ; x ; ÷ ;  $x^y$ ;  $\sqrt{x}$ ;  $\bar{x}$ ; s; LR; N; P; statistický součet (n, x,  $x^2$ ) pro jednotlivé a seskupené položky; vstup dvojic hodnot a součet (n, x,  $x^2$ , y,  $y^2$ , xy); separace celočíselných zlomků; vstup mocniteli; mazání vstupu; opětné nastavení:  $\pm$ ;  $1/x$ ;  $\ln x$ ;  $\lg x$ ;  $e^x$ ;  $10^x$ ;  $e^{\pi}$ .

Programovatelné operace: všechny funkce klávesnice; větvení programu dle aritmetických vztahů / větší, menší, = /; zaokrouhlení;  $\lfloor x \rfloor$ ; podprogramy.

Kapacita: u všech typů stejná

16 registrů, z toho 10 přístupných pomocí klávesnice každý obsahuje 14-ti místné číslo se dvěma exponenty, a může být rozdělen tak, aby bylo možno uchovat v paměti a pracovat až s 20-ti pětimístnými čísly včetně exponentů.

Programovatelné typy

256 programových kroků - jsou ekvivalentní více než 1100 běžným krokům.

Vstup: klávesnice

14ti místná mantissa a znaménko

2 místný exponent

Výstup: display

10ti místná mantissa a znaménko

2 místný exponent a znaménko

tiskárna

10ti místná mantissa a znaménko

2 místný exponent a znaménko

Specifikace: váha kalk. s displayem

5,7 kg

s tiskárnou 10,2 kg

rozměry s displayem 300 x 343 x 165 mm

s tiskárnou 368 x 381 x 178 mm

Přídavná zařízení:

R - 8 ... snímač děrných štítků / použitelný s programovatelnými modely 142E, 145E /

P - 5 ... souřadnicový zapisovač / použitelný s modely s tiskárnou 141, 145E /

## 3. Kapesní minikalkurátor

FRIDEN 1008

Singer

USA



- minikalkurátor, který provádí 4 základní matematické operace v jakémkoliv pořadí a kdykoliv během serie počítání násobí a dělí konstantou a umocnuje. Je vybaven přenosným pouzdrem, napájen baterií a v době dobíjení baterie lze užít akumulátoru energie. Přístroj automaticky ukazuje, je-li baterie vybita.

Výstup: display

8-mi digitová fluorescentní trubice

display určující symbol znaménka

systém pohyblivé řádové čárky

Specifikace: napájení

dobíjecí baterie Ni/Cd 1,8 W

akumulátor 115 V 5 W

váha - model 1008 548,85 g

adaptor 430,92 g

rozměry-model 1008 101,6 x 177,8 x 54,9 mm

adaptor 66,4 x 106,1 x 54,9 mm

ELSI 8

Sharp

Japonsko



- minikalkulačka provádějící 4 základní matematické operace a jejich kombinace. Je vybaven žárovkou, která se rozsvěcuje a zárověn zastavuje počítání, když části výsledků přeruštají 16 digitů při násobení a dělení, když je průběžně sčítáno a odčítáno a neukazuje se desetinná čárka nebo klesne-li napětí baterie.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P 56

Výstup: číselný display

8 mì digitový s indikátorem záporného znaménka

systém pohyblivé řádové čárky s možností zpětného vyvolání

Specifikace: napájení 6 vestavěných dobíjecích baterií 7,2 V  
automobilová baterie s autoadaptorem 12 V  
akumulátor 100/115/120/200/220/240 V  
50/60/ Hz  
poč. rychlosť 200 milisek.  
váha 720 g  
rozměry 70 x 102 x 164 mm

Příslušenství :

EL 81 AC - adaptor - nabíjecí lampa svítí dokud napájení baterie neklesne pod dolní pracovní mez.  
Po dobu nabíjení je lampa zhasnuta.  
Je-li kalkulačka EL 8 zapojen na akumulátor svítí lampa stále.  
spotř. energie 5,5 W  
váha 0,45 kg  
rozměry 62 x 70 x 120

EL 84 E/A - bateriová jednotka

6 dobíjecích baterií Ni/Cd po 7,2 V  
doba provozu 3 hodiny  
doba nabíjení rychlé -3 hod.  
životnost standard 13-15 hod.  
500 cyklů

Přenosný kufřík

EL 82 pro EL 8  
EL 83 pro EL 81

EL 85-autoadaptor používán, když EL 8 pracuje na 12 V auto-  
baterie

HP 80

Hewlett - Packard

USA

57



- minikalkulátor se  $36^{\text{ti}}$  programovanými funkcemi pro finančně-technické a obchodní účely.

Operace: + ; - ;  $\times$  ;  $\div$  ;  $x^y$  ;  $\sqrt{x}$  ; % ; P ; s míšené řetězové výpočty; sumace kladných a záporných hodnot; ukládání čísel pro pozdější opakování výpočty.

Operace obchodního rázu:

výpočet splatěních rozmezí pro půjčku / pomocí na-programovaného kalendáře na 200 let, 1900 - 2099 /

výška úroků

výška splátky půjčky

budoucí cena, investice

Kapacita : 4 zásobní registry  
                   1 paměťový registr pro konstantu

Výstup: display  
                   systém automaticky pohyblivé nebo pevné řádové čárky  
                   / přesnost na 6 desetinných míst /

Specifikace: dynamická řada 10 -99 až 10 99

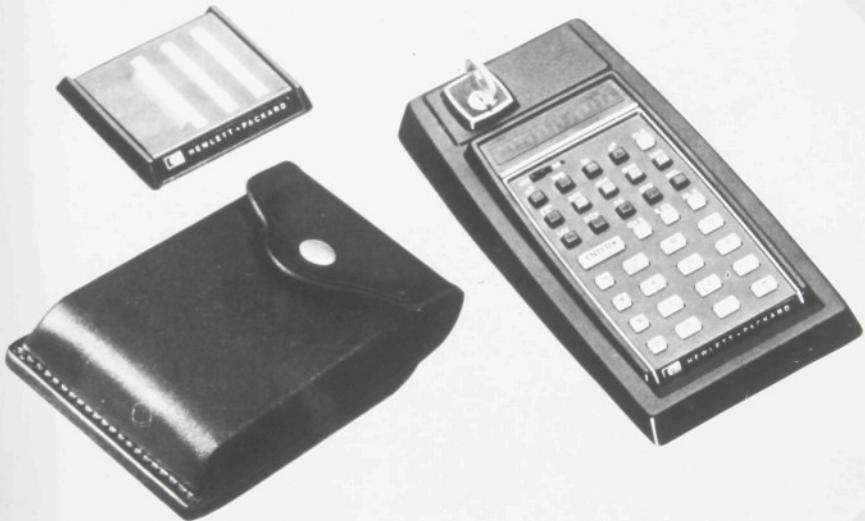
napájení	baterie Ni/Cd	500 m W
	provozní doba	5 hod.
	napájení ze sítě	115/230 V
		50/60 Hz
		5 W
váha	255 g	
rozměry	148 x 80 x 20/30 mm	
teplota	0, - 40° C	

Příslušenství: pouzdro na baterie a kabel na zapojení do sítě  
                   pouzdro na kalkulačku  
                   přenosný kufřík

HP 35

Hewlett - Packard

USA



- minikalkulačka technického zaměření kombinuje přednosti a schopnosti logaritmického pravítka s možnostmi řešení problémů na stolních vědeckých kalkulačkách. Uvádí odpovědi s přesností na 10 desetinných míst ve zlomku času požadovaného na manipulaci s logaritmickým pravítkem.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

Operace : + ; - ; x ;  $\sqrt{x}$ ; sin ; cos ; tg ; arcsin ; arccos ; arctg ; lnx ; lg x ; e<sup>x</sup> ; x<sup>y</sup> ; 1/x ;

Kapacita: 4 registry operačního zásobníku a jeden paměťový registr pro ukládání konstant. Operační zásobník je používán při řešení jednoduchých i složitých problémů, které vyžadují uchování mezivýsledků.

Výstup : 10<sup>4</sup> digitový display  
automaticky pohyblivá nebo pevná řádová čárka  
hodnoty vybíjecí z řady  $10^{-2} - 10^{10}$  zobrazovány v systému pevné řádové čárky s exponentem nad 10 vyznačeným na pravé straně displeje.

nevýznamné nuly jsou automaticky vynechávány  
přeplnění systému a nevhodné operace / např. odmocnina ze záporného čísla / jsou oznamovány blikáním displeje

Specifikace: dynamická řada 10<sup>-99</sup> - 10<sup>99</sup>  
napájení baterie 500 mW  
akumulátor 115/230 V  $\pm 10\%$   
50 / 60 Hz  
5 W  
váha kalkulátor 255 g  
rozměry nabíječ 141,7 g  
rozměry 81,3 x 147,3 x 17,8/33 mm

Příslušenství: pouzdro na baterie  
obsahuje Ni/Cd dobíjecí baterie, které pracují 5 hod. při normálním užívání. Pracuje-li HP 35 na baterii, automaticky se rozsvěcuje varovný signál 5 - 10 min. před úplným vybitím baterie. Bud vyměnit tuto baterii v kalkulátoru za plně nabité z pouzdra, nebo zatím může pracovat kalkulátor v zapojení s akumulátorem.

váha 118 gr / s bateriami/  
rozměry 790 x 78 x 25 mm  
teplota 0 - 40 °C

#### bezpečnostní kolébka

praktická bezpečnostní schránka na kalkulátor zajištěná 2 kodovým klíčem.  
čtyři způsoby připevnění kolébky

- čtyřmi šrouby  
1 centr. šroubem  
/ dovoluje rotaci o 360° /  
kabelem, umožňujícím pohyblivost

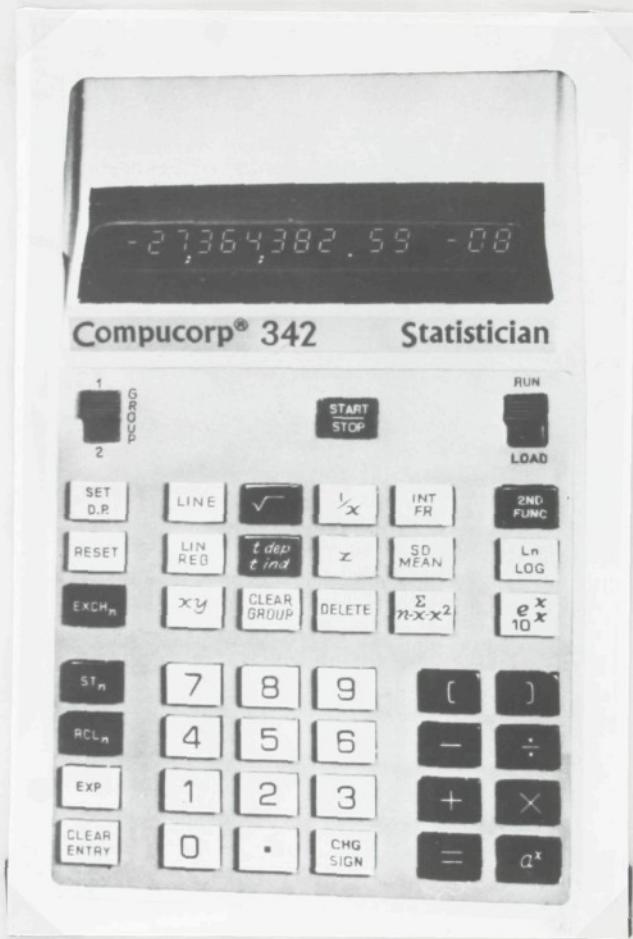
váha 180 g / i s kabelem/  
rozměry kolébka 210 x 102 x 38 mm  
kabel ø 6,35 mm délka 180 cm  
2 jistící pásky 158 x 19,8 mm

#### cest. pouzdro

váha 142 g  
rozměry 162,5 x 100 x 30 - 48 mm

COMPUCORP 342  
statistickýComucorp - Calkulating  
System A6

ŠVÍCARSKO



- serie 300 jsou ruční minikalkulátory, jejichž operace jsou specifikované pro různé vědní disciplíny.
- model 340 - statistický, neprogramovatelný
- model 342 - statistický, programovatelný
- model 320 G - vědecký, naprogramovatelný
- model 322 G - vědecký, programovatelný

operace : statistické funkce

sumace  $x, x^2, n_x$  / do dvou nezávislých skupin /  
 sumace  $fx, f x^2, \sum f$  -n-  
 sumace  $x, x^2, y, y^2, xy, n_y, n_x$

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

61

odstranění jednotlivých nebo párových hodnot z kterékoliv z těchto sumací s;  $\bar{x}$ ; KK; závislé a nezávislé t; očekávané Y z regresních koeficientů čisté součty

ostatní funkce: + ; - ; x ;  $\div$  ;  $\ln - x$  ;  $\lg x$  ;  $e^x$  ;  $10^x$  ;  $x^y$  ;  $|x|$  ;  $1/x$  ; separace celých čísel a zlomků

Kapacita : číselná - 10 plných zásobních registrů zahrnujících údaje součtu, 13 digitů a 2 digitový exponent, ukládání, vyvolávání a výměna kontrolními klapkami, základní mat. operace do a ze všech registrů programovací - 80-ti kroková pamět, aritmetická a funkční posloupnost, zahrnující konstanty a údaj vstupu čárky, automaticky během počítání ukládána do zátěže.

Výstup: široký display - 10 místná čísla systém pevné nebo pohyblivé řádové čárky

Rozměry : 140 x 229 x 51 mm

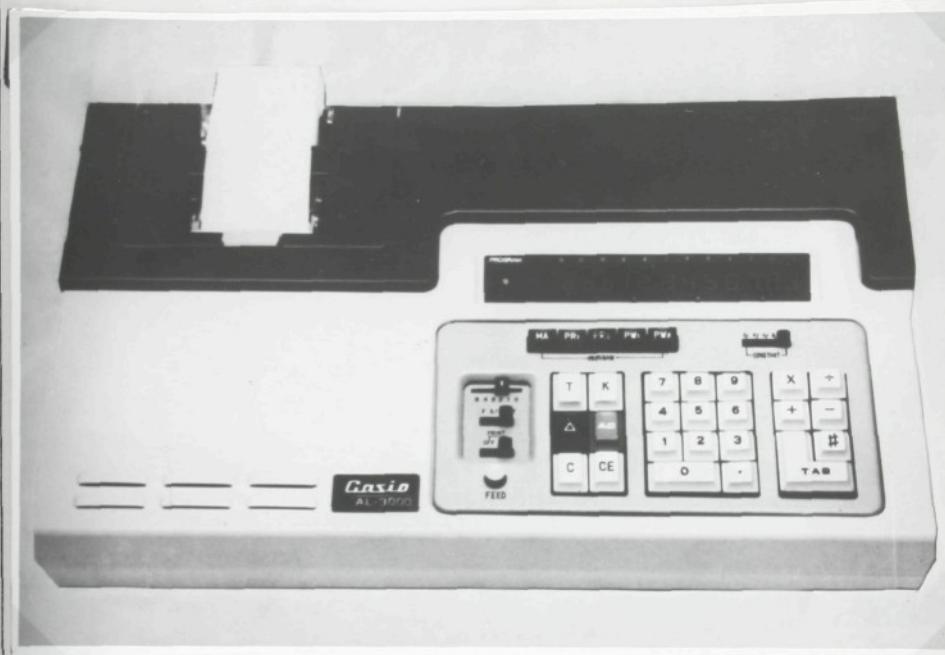
Příslušenství: přenosný kufřík  
dobíjecí baterie nebo akumulátor hlavní síť

## 4. Programovatelné kalkulační stroje

CASIO AL - 3000

Casio Computer CO

JAPONSKO



- samoprogramovatelný kalkulátor. Programování je prováděno automaticky pomocí klávesnice, kterou vstupují čísla v daném pořadí / dle vrrorce /

Tento přístroj nachází široké uplatnění v účetnictví a dalších denních kancelářských pracích.

Operace : různé druhy smíšeného počítání odvozené od 4 základních matematických funkcí, ukládání konstanty do paměti, vylovívání, akumulovaných součtů, zaznamenávání čísel do 6-ti kolonkové tabulky, kde udávají množství, jednotkovou a celkovou cenu prodejní, nákupní a čistý zisk.

Kapacita : údajová - 12 digitů po 37 slovech pro všechny 4 základní typy počítání

akumulační pamět 12 digitů po 17 slovech

přechodná pamět 12 digitů po 16 slovech

pamět konstanty 12 digitů po 4 slovech

Programová ~ 20 setů na jeden předpis, což odpovídá v obvyklém programovatelném kalkulátoru 126-ti programovým krokům.

Výstup : tiskárna 17 digitů

display 12 digitů

desetinný systém pevné a pohyblivé řádové čárky

COMPUCORP

Compucorp-Calculating  
System A6

ŠVÝCARSKO



- sítový stolní kalkulátor pro statistické účely, obsahuje vestavěné klávesnicové programy, provádějící stovky výpočtů automaticky a redukujících běžnou statistickou analýzu na pouhé zadávání údajů. Velká paměť dovoluje řešit časově náročné regresní a variační úlohy během několika vteřin. Vestavěný snímač <sup>zařazených</sup> dír v štítku zjednoduší a usnadňuje uchovávání programů a dat. Přizpůsobitelnost vstupní a výstupní struktury dovoluje připojit mnohá periferní zařízení a zvýšit tak užitečnost systému.

Klávesnicové operace : sčítání,  $(x, x^2, n)$  až 3 nezávislých souborů; sčítání skup. údajů ( $\sum fx, \sum fx^2, \sum f$ ) až 3 nezávislých souborů; sčítání údajů o dvou promenných ( $\sum x, \sum x^2, \sum y, \sum y^2, \sum xy, n_{xy}$ ); sčítání pro 3 promenné ( $\sum x, \sum x^2, \sum y, \sum y^2, \sum z, \sum z^2, \sum xy, \sum yz, \sum xz, n_{xyz}$ );  $\bar{x}; \bar{y}; \bar{z}$ ; standartní chyba (pro  $n$  a  $n-1$ )  $\sigma_{xyz}$ ; KK; RK; závislé a nezávislé  $t$ ; N; P; f; rozložení  $T^2$ ;  $+; -; x; -x; ln x; lg x; e^x; 10^x; x^2; \sqrt{x}; 1/x; x^y; e; \pi$ ; mazání operačních paměti

Programování : adresování absolutní a symbolické / 95 sýmbolů / možné skoky na jakoukoliv adresu. Přímé a nepřímé vyvolávání, uchovávání, zámena a zákl. matemat. funkce ve všech hlavních registrech.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

64

Při ladění programů automatický výpis místa v paměti, kódu a symbolu po vstupu klávesnice do programu. Sledování programu po instrukcích. Zpětná klávesa pro opravy podprogramů a klávesa pro vkládání instrukcí kdykoliv a kdekoliv v programu.

Kapacita: údajová - 10 klávesnicových operačních registrů

64 hlavních registrů / lze zvýšit až na 512 reg./ programová:- 512 instrukcí programu / lze zvýšit na 4 096 /

Výstup : tiskárna  
programovatelně nastaviteľná desetinná čárka

Specifikace: napájení 120/240 V, 48/70 Hz  
váha 10,2 kg  
rozměry 370 x 380 x 180 mm  
teplota 0 - 46° C

Přídavná zařízení: model 490 - snímač značených štítků  
492 - kazetová jednotka s magnet. páskou  
493 - souřadnicový zapisovač křivek  
494 - psací stroj

WANG 600

Wang Laboratories

USA



VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	D P	65

- programovatelný kalkulátor, který usnadňuje programování o 75 % algebraickým přepisem programů. Stroj je charakterizován kazetovým programováním, klávesnicí s abecedními znaky, která umožňuje tisknout požadované zprávy, dvěma zasouvacími statistickými volbami ROM / paměť pouze snímaná /, rozšiřujícími možnosti počítání a kontroly programu bez použití základních registrů modelu 600.

Operace : klávesnice - ukládání, vyvolávání hodnot, součtů a mezi-výsledků

zasouvací ROM - y :

- základní ROM - jednoduché proměnné:  $\bar{x}$ ; s; směrodatná chyba párové proměnné: X, Y z tvaru  $Y = a + bx$ ; LR; x; y;  $s_x$ ;  $s_y$ ; KK; směrodat.chyba x a y; odhad nejmenšího čtverce  $a$  a  $b$ ;  $s_a$ ;  $s_b$ ; t - test pro  $a$  a  $b$ ; F - test pro KK; n;  $\sum x$ ;  $\sum y$ ;  $\sum x^2$ ;  $\sum y^2$ ;  $\sum xy$ ; vložené opravné procedury pro výše uvedené operace a  $\bar{x}$ ; n $^2$ ; P; P - rozložení; N - rozlož.; inverzní N - rozlož.; GNC -příležitostný ROM - obsahuje všechny výše uvedené programy a navíc : rozvoj numerických determinantů; vzor determinantů A; inverz.matic; současné řešení až 14-ti rovnic; statist. třídění; násobná LR; polynomická regresní analýza

Programování: nepřímé adresování připouští tytéž operace jako klávesnice a akumulaci dat ve všech registrech. Tiskárna může tisknout obsah displaye a operace v průběhu provádění programů. Dále pak ukládání, mazání, zpětný krok a hledání značek a koncovek. Větší programová příspůsobivost je dosažena větvěním programu a vyvoláváním podprogramů / 9 rozhodovacích příkazů s 255 ti podprogramy/.

Kapacita: 3 modely

W 600 - 2	55 registrů odpovídá 312ti program. krokům
W 600 - 6	119 " 824 "
W 600 - 14	247 " 1848 "

Ukládací registry mohou být přetvořeny na program.kroky W 600 má příspůsobitelnou kapacitu, je možný vznik přidáním paměti nebo magnetic. pásky

Specifikace: napájení 115 / 230 V ± 10 % , 50/60 Hz, 50 W  
váha 17,7 kg  
rozměry 228,6 x 508 x 520,7 mm

Přídavná zařízení: 601 - výstup. tiskárna

- 602 - souřadnicový zapisovač diagramů se schopností alfanumerického výstupu
- 603 - zásobník papírové pásky
- 604 - snímač štítků
- 605 - spojovací jednotka
- 611 - vstupní / výstupní psací stroj
- 612 - analogový zapisovač grafů
- 614 - snímač značených štítků
- 618 - rozšiřovač paměti, rozšíření na max.512 reg. 4096 kr.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		DP 66

WANG 700

Wang - Laboratories

USA



- 4 modely samoobsažných stolních elektronických kalkulátorů s řadou periferních zařízení.

Model 700 B - obsahuje 8 192 bitů vnitřní paměti. Ta je organizována do 120 ti datových zásobných registrů nebo 960 ti programových kroků.

720 B - má 2 x větší paměťovou kapacitu než W 700 B  
700 C/720 C - pokročilé programovatelné kalkulátory mají všechny rysy modelů B a přidané rozhodovací příkazy, programové dodatky, nezávazně rozšířenou paměť, progr. desky a kazety s dvojitými magnetickými páskami.

Všechny modely mají schopnost rozhodování, větvění, vytváření obvodů a podprogramů.

Operace: +; -; x; +;  $x^2$ ;  $\sqrt{x}$ ;  $1/x$ ;  $\lg x$ ;  $\ln x$ ;  $e^x$ ;  $10^x$ ;  $|x|$ ; zaokrouhl.;  
speciální dvoukrokové příkazy - 1/2 sec. pauza; posuv de-

setinné čárky /9 míst vpravo i vlevo/;  $180/\pi$ ;  $\pi/180$   
speciální funkce - 16 definovaných funkcí

$^\circ/\text{rad}$ ;  $\sin;\cos$ ;  $\tg$ ;  $\sin^{-1}$ ;  $\cos^{-1}$ ;  $\tg^{-1}$ ;  $\sinh$ ;  $csh$ ;  $tgh$ ;  $snh^{-1}$ ;  $cosh^{-1}$ ;  $tgh^{-1}$ ; převod z pravoúhlých souřadnic na polární a naopak;

$x; \sqrt[6]{x}; \sqrt[5]{x}$ ; /při třídění i jednotlivě;  $\bar{N}$  - rozložení;  $\bar{X}^2$  - statisticky;  $\bar{X}^2$  - rozložení;  $B$  - rozložení;  $n!$ ; funkce chyby;  $\beta$  - funkce;  $P$  - rozložení;  $LR$ ;  $GNC$ ;

přímé / dvoukrokovými příkazy / a nepřímé / jednokrokovými příkazy / adresování všech registrů

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V DP
Fakulta textilní		67

Programování : programy vstupují do vnitřní paměti klávesnice nebo převáděním instrukcí z kazety magnetic. pásky, nebo z nezávazného snímače značených štítků. Z klávesnice může vyjít 111 odlišných příkazů. Úplná kapacita s jednou kazetou je 32 000 program. kroků, ručně nebo programem může být vyvoláno 64 různých podprogramů z kteréhokoliv místa programu. Po ukončení podprogramu, se tento vrací zpět do hlavní programové linie.

Bezpodmínečné a podmínečné větvění programu. Příkazy přenosu / jen u 700 C / 720 C / - je jich 14 a kontrolují ukládání a vyvolávání z vnějších paměťových zařízení. Tyto příkazy umožňují současný přenos 1, 8, 16, 32, 64, 128 nebo 256 progr. kroků.

Vybavení " Software " - částečný seznam naplně :  
přehled naplnění  
všeobecná statistika a matematika  
řada naplnění pro ūčtování a analýzu  
analýza rozptylu a regresní analýza  
rozšířené matematické programy  
základní vzdělání  
minimální vklad programů

Vstup: klávesnice - 10 stand. tlačítka + desetinná čárka  
exponent může vstupovat v zvlášť, výměna mezi  
registry X a Y  
magn. páskový příkaz v programu může zaznamenávat programy  
z magn. jádrové paměti na magn. pásku.  
převádění programů - ručně kontrolními tlačítky  
automaticky

Výstup: tiskárna -  
display - zobrazuje 2 registry / X a Y /  
kapacita : 12 digitů, znaménko a deset.čárka  
2 dig. exponent a znaménko  
systém automatické pevné a pahyblivé řádové čárky / od  $10^{-1}$   
do  $10^{+9}$   
Specifikace : napájení 115/230 V ± 10 % , 50/60 Hz, 50W  
váha 17,7 kg  
rozměry 228,6 x 508 x 520,7 mm

Přídavná zařízení serie W 700 :

W 701

výstupní psací stroj



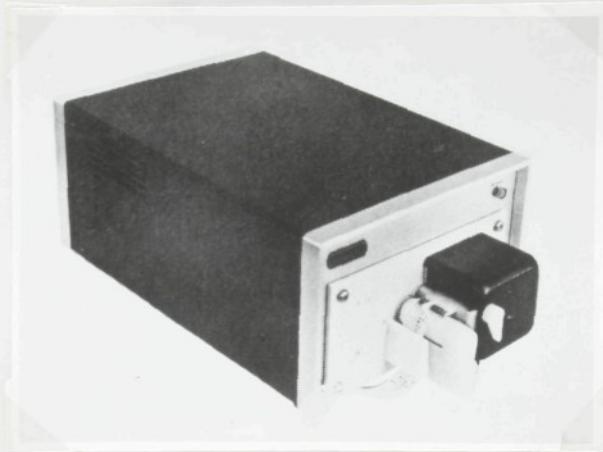
- zajišťuje alfanumerický výstup a zároveň provádí jeho kontrolu

W 702

souřadnicový výstupní  
zapisovač

- přidává digitální za-  
kreslení grafů a alfa-  
numerický výstup s jeho  
současnou kontrolou

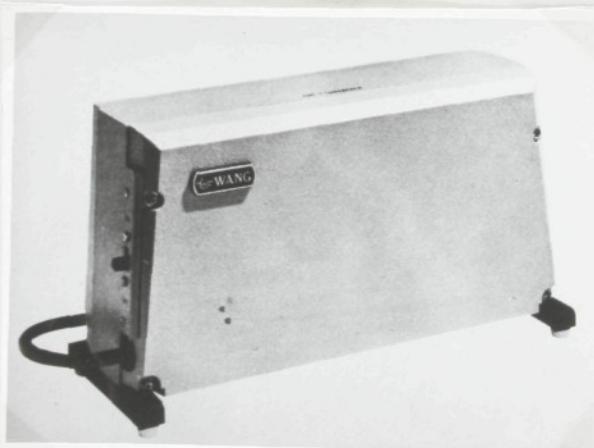
W 703

dodavatel děrné  
papírové pásky

- interpretuje ven z linky naděrovanou pásku, která opatřuje uživateli vypočítané výstupy.

W 705 - 1A

spojovací jednotka



- umožňuje napojit různá vnější zařízení na jakýkoliv kalkulačor serie W 700.

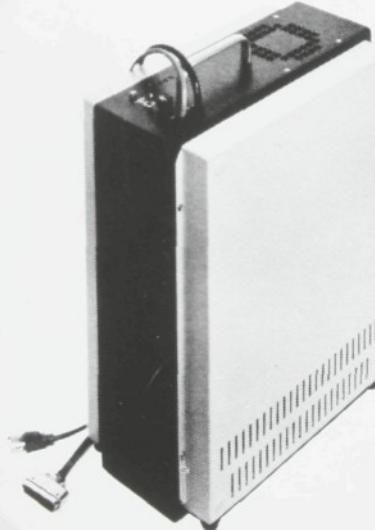
W 707

kazeta s magnetickými  
páskami

W 708 - 1,2

rozšířená paměť

- vnější jádrové zařízení,  
užívané k ukládání nebo  
vyvolávání programových  
kroků nebo dat a alfa-  
betických informací  
do hlavní paměti



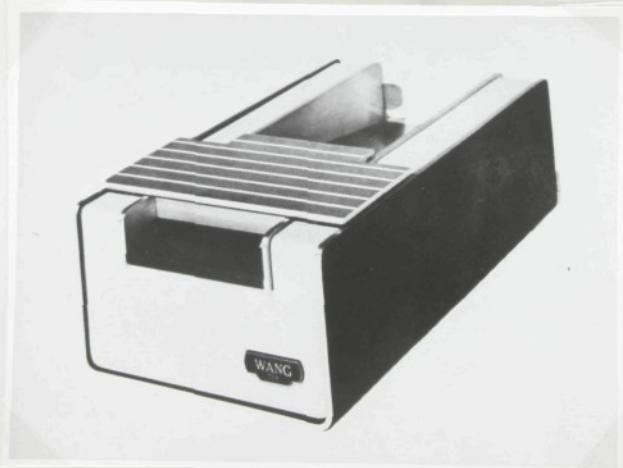
W 710 - 1

přehrávač desek



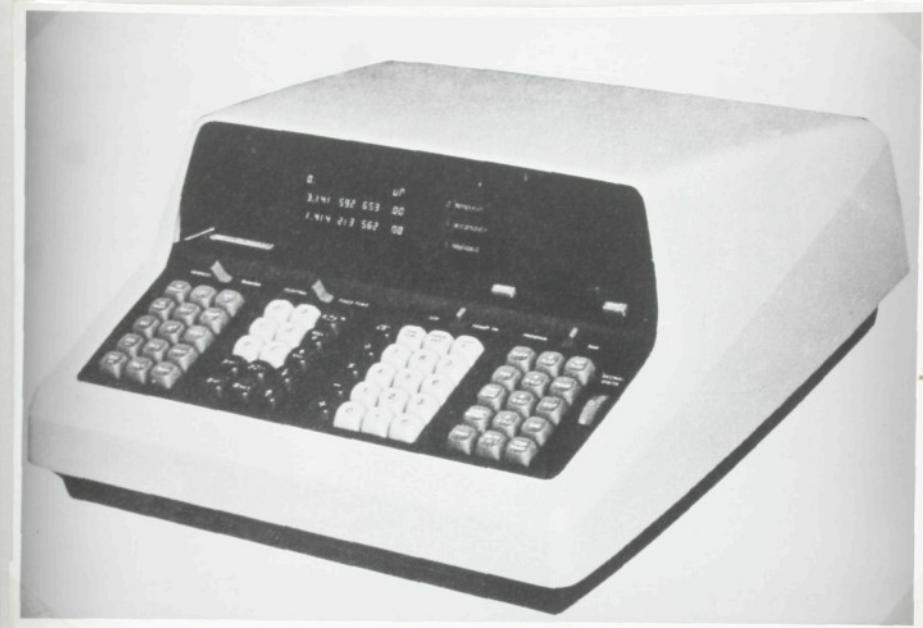
- jen pro W 700 C/720C  
pevný nebo přenosný  
nahrává přídavné pro-  
gramy nebo ukládá  
data  
může uložit až 131000  
programových kroků

W 714

snímač značených  
štítků

- umožňuje snímat tužkou vypsané štítky

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		DP
HP 9100 A/B	Hewlett - Packard	USA



- programovatelný elektronický stolní kalkulačor. Komputorová pamět umožňuje ukládat instrukce a konstanty pro opakující se řešení.

Operace: +; -; × ; ÷;  $\sqrt{x}$ ;  $\ln x$ ;  $\lg x$ ;  $e^x$ ; sin; cos; tg;  $\sin^{-1}$ ;  $\cos^{-1}$ ;  $\tg^{-1}$ ; sinh; cosh; tgh;  $\sinh^{-1}$ ;  $\cosh^{-1}$ ;  $\tgh^{-1}$ ; °/rad; převod pravoúhlých souřadnic na polární a naopak; kumulativní součty a rozdíly vektorů; zaokrouhlení;  $|x|$ ;  $\bar{x}$ ;

Programování: kalkulačory jsou programovány buď užitím klávesnice nebo magnetickými štítky. Samovládatelný vestavěný magnetický snímač může zaznamenávat programy z paměti na magnetické karty nebo naopak, možnost opakovatelného použití. Jeden štítek může obsahovat 2 programy o 196 ti krocích. Pro delší programy mohou být štítky srovnány kaskádovitě za sebou.

Kapacita:magnetická jádrová pamět  
model 9100 A - 16 zásobních registrů pro 196 program.  
kroků a 2 konstanty  
2208 bitů  
9100 B - 32 zásobních registrů pro 392 program.  
kroků a 4 konstanty  
3840 bitů

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní	D P	73

register přizpůsobuje pohyblivou čárku číslu s 12-ti číselnými znaky / vč. dvou nezobrazovaných digitů / a dvoudigitovým exponentem, nebo 14 ti program.kroků  
 ROM - pouze snímaná paměť  
 má přes 32 000 bitů stálých informací pro klávesnicový způsob práce

Výstup : display

systém pevné a pohyblivé rádové čárky  
 / pevná čárka do 9 ti číselných znaků

Specifikace: dynamická řada  $10^{-98} - 10^{99}$

napájení	115/230 V $\pm$ 10 % , 50/60/400 Hz
	70 W

váha	18,1 kg
------	---------

přepr.váhy	29,5 kg
------------	---------

rozměry	210 x 406 x 483 mm
---------	--------------------

Přídavná zařízení :

HP 9101	rozšířená paměť
---------	-----------------

- přidává 248 registrů. Tyto registry mají stejnou konfiguraci jako registry kalkulaček a jsou použitelné pro ukládání údajů a instrukcí. Prováděcí časy funkcí rozšířené paměti jsou srovnatelné s časy potřebnými na převedení týchž funkcí do kalkulaček samotného.

Základní systém sestává z kalkulaček 9100 A / B a rozšířené paměti 9101 bez požadavku na spojovací jednotku.

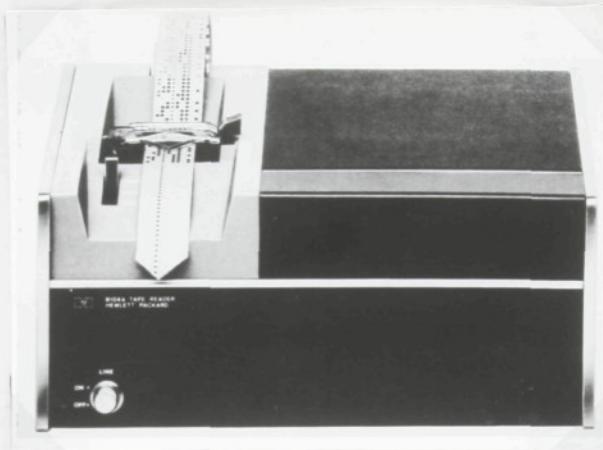
Kapacita: uchovává 248 konstant nebo 100 progr. kroků / 3427 programových kroků/ nebo kombinaci konstant a programů. Jádrová pamět má celkem 24 576 bitů.

HP 9102 A	nárazníková krabice
-----------	---------------------

- izoluje periferní zařízení v systému a zesiluje výstupní signály pro vlastní operace. Nárazník je nutný, když je ke kalkulačce 9100 A/B a rozšířené paměti 9101 A přidávána další pariferní jednotka / vyjma display a snímč štítků/

HP 9104

snímač děrné pásky



- načítá numerické údaje z děrné pásky do kalkulátoru. Čtení dat je vyvoláno příkazem v kalkulátoru. Snímač přestavá čistí pásku, když narazí na znak konec vstupu. Děrovací deska umístěná za předním panelem umožňuje mazání údajů a děrování pracovních znaků pro snímač nebo kalkulátor.

Specifikace snímače:

rychlosť	20 znaků za sec
napájení	115/230 V + 10 % - 15 % 48/440 Hz, 30 VA
váha	4,- kg
rozměry	127 x 280 x 203 mm

Specifikace pásky:

šířka	25,4 mm /kód = 8 znaků/ 17,4 mm /kód = 5 znaků/
	páska je tažena z kazety o šířce 76 mm, umístěné na zadní části snímače

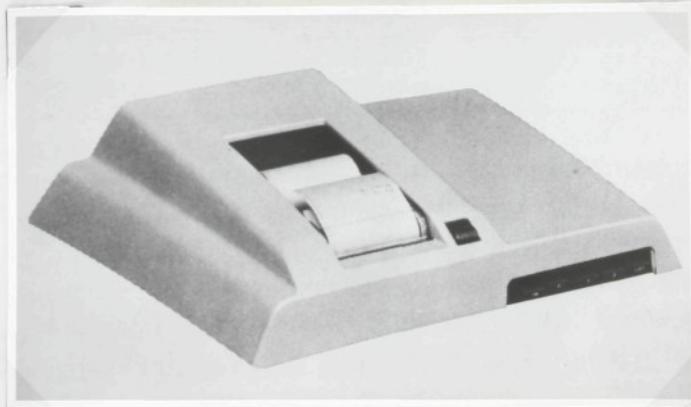
HP 9106

spojovací článek



HP 9120

tiskárna



- tiskne obsah jakýchkoliv kombinací kalkulačních registrů pomocí ručních nebo programových příkazů, zapisuje obsahy programové paměti. Tichost operací je získána použitím elektro-senzitivního tiskacího principu. Umístění tiskárny navrch kalkulačtoru umožnuje snadný přístup a minimální požadavky na prostor. Specifikace: tiskací rychlosť

150 řádků za min. při 50 Hz  
180 " při 60 Hz

forma tisku

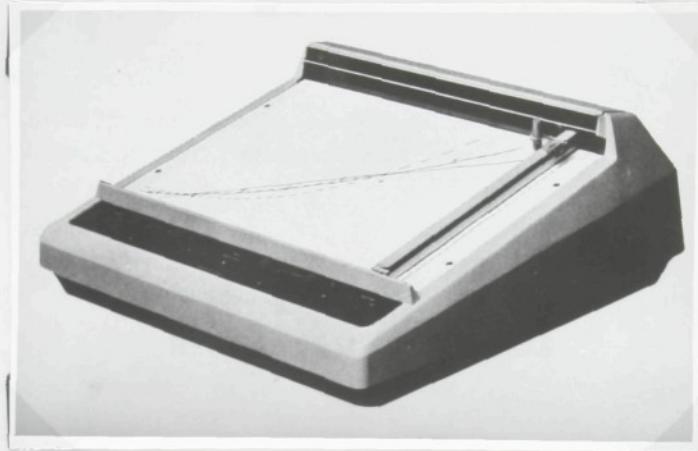
15 znaků na řádek

papírová role

5 řádků na 25,4 mm

63,3 x 6 350 mm

HP 9125

souřadnicový zapisovač  
grafov

- provádí stálý grafický záznam k problémům řešeným na kalkulátoru. Zapisovač vynáší body specifikované čísla v X, Y registrech kalkulátoru, jestiže je v činnosti instrukce "formatu". Vzájemný vztah mezi proměnnými je obvykle programován v kalkulátoru a pak převáděn na zapisovač.

Specifikace: plocha diagramu      250 mm - směr osy Y  
    380 mm - " X

počátek - může být umístěn kdekoliv na ploše tak, aby dovoloval 4 - kvadrantový diagram

přesnost -  $\pm 0,8$  mm

přesnost pohybu - odchylka od přímé čáry mezi dvěma body vzdálenými 125 mm  $\pm 1$  mm

při konstantní okolní teplotě

zakreslovací čas - min. 0,4 sec mezi 1 a 2 bodem celkový čas závisí na počítacím čase

HP 9150 A

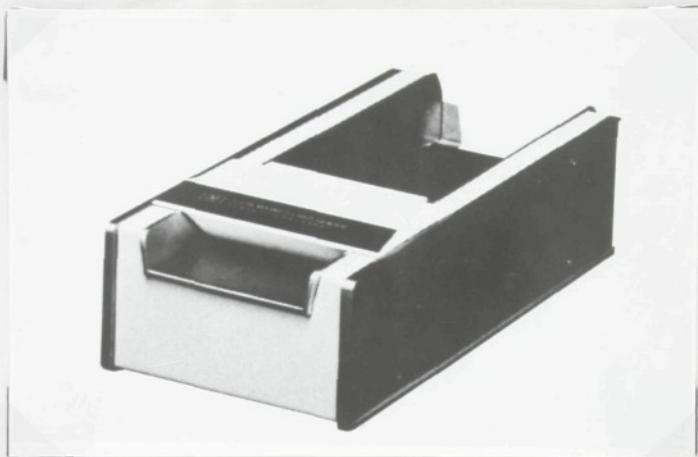
display



## - ukazatel registrů X, Y a Z kalkulačtoru 9100

Specifikace:	rozměry znaku	9 x 25,4 mm
	jasnost	schopná viditelnost v normálně osvětlené místnosti
	úhel pohledu	60° na obě strany ze středu obrazovky
	napájení	115/230 V ± 10 %, 250 W
	váha	30,- kg
	rozměry	380 x 430 x 530 mm

HP 9160 A

snímač značených  
štítků

- opticky snímá štítky popsané mekkou tužkou. Použitím standartní velikosti tabulky štítků se mohou programy a numerické údaje lehce přenášet. Štítek obsahne 28 znaků. Pro delší programy se dají štítky řadit kaskádovitě za sebou.

Specifikace: rychlosť snímání 20 milisek /znak  
šířka čáry min. 0,5 mm  
váha 2,- kg  
rozměry 85 x 130 x 280 mm

HP 1163 A

systémový stůl



- je určen speciálně pro kalkulátor 9100. Všechny šnůry zapojení periferních zařízení jsou umístěny na zadním panelu tak, že jen jednu je nutné zavést do sítě. Stůl může být snadno přemístěn, je navržen s vytažitelnými příhrádkami zásoby materiálu. Zadní panel je odklopný pomocí dvou tlačítek. Stůl má akumulátor, umožňující použíti vnějšího elektrického obvodu.

Specifikace: napájení

115/230 V ± 10 %, 46/66 Hz  
max. počet výstupů na síť - 4  
max. energie ze sítě 960 V

váha

41,8 kg

přepravní váha

50,9 kg

max. zatížení

227,3 kg

max. zatížení

vytažit. zásuvky

11,4 kg

rozměry

šířka 629 mm

výška 699 mm

délka

vrch. desky 1 143 mm

celk. délka

stolu 117,5 mm

HP 9805 A

Hewlett-Packard

USA



- statistický kalkulátor kombinuje počítací možnosti velkých systémů se snadností operací jednoduchých stolních kalkulátorů. Je zde klapka pro vstup dat, histogram a mazací klapka pro opravu chybných výstupů. Pomocí různých přídavných zařízení lze sestavit 5 různých kompletních verzí modelu 9805 A.

Operace: +; -; x; +%; 1/x; x/12; ln x; lg x;  $e^x$ ;  $x^y$ ; LR; PR;  $\bar{x}$ ; s; KK; histogram; test pro párové a nepárové hodnoty  
Všechny výpočty jsou prováděny s přesností na 10 významných míst.

Kapacita: 1 místo ukládání informací

1 součtový registr

/ rozšířené systémy 4 a 5 mají 30 míst ukládání informací/

Vstup: Tiskárna

10 ti digitový display

systém pevné a pojmovlivé řádové čárky

5 systémů modelu 9805 A :

1 - základní statistický systém  
má tiskárnu a statist. klávesnici

2 - základní statistický systém s displayem  
obsahuje totéž co první systém a má přidaný 10ti digitový display

HP 9810 A

Hewlett - Packard

USA



- programovací kalkulátor velmi přizpůsobitelný. Uživatel si sám dle své vlastní potřeby navrhuje klávesnici, rozsah paměti, způsob výstupu, přídav. zařízení vstupu, výstupu a kontroly. Programy z rozšířené zásoby "software" serie 9800. Zásoba často používaných programů je na magnetických štítcích připravena k okamžitému vložení do kalkulátoru.

#### Speciální rysy :

- vykonávání matemat. operací přímo v zásobních registrách bez zpětného vyvolání do pracovního registru.
- použitím nepřímého adresování se ušetří nečíselné programové operace a zvětší se rychlosť výpočtu
- větvení do programových sekcí identifikovaných pouze názvy pomocí symbolického adresování
- uskutečnitelný vstup do podprogramů z jakéhokoliv místa programu

Operace: napevně vestavěná klávesnice

+; -; x; ÷; zaokrouhllování; 1/x;  $x^2$ ;  $\sqrt{x}$ ;  $\sqrt[3]{x}$

vyměnitelné klávesnice

matem. blok -  $\theta$ /rad;  $\theta$ /'; /"; -10; N!; zaokrouhllování; převádění pravoúhlých souřadnic na polární a naopak; opětne vyvolávání součtů záporných a kladných hodnot; ln x;  $a^x$ ; arc; sin; cos; tg;  $x^y$ ; libovolně definovatelné funkce  $f( )$ ;

blok definovatelných funkcí  
uživatel může použít každou z 9-ti klápek označenou  $f_1$  až  $f_9$  a vytvořit vlastní funkci.

Tato funkce je automaticky uchovávána, dokud nebude změněna.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Katedra K M V
Fakulta textilní		D P

82

statistický blok - výpočty  $\chi^2$ ; párové hodnoty t; LR - jednoduché a násobné; PR; GNC; akumulače součtů, výsledků, druhých mocnin;  $\bar{x}$ ; s; /pro max. tří proměnné /; okamžité hledání max. a min.; KK; ln x; lg x;  $e^x$ ; kor;

blok nepodléhá hlavní programové paměti

Vstup: klávesnice

magnetické štítky

Výstup: vestavěná tiskárna - schopná alfanumericky tisknout vstupní instrukce programů, identifikátory, zprávy a návěstí, ručně, pomocí klávesnice nebo automaticky cestou programových příkazů

display - tříregistrový s přesností na 10 míst ukazatel přeplnění

systém pevné a pohyblivé řádové čárky

Kapacita: základní tvar = 51 zásobních registrů a 500 program. kroků

rozšířená paměť - vsunutelným modulem 111 zásobních registrů na 1012 nebo 2036 program. kroků

Specifikace: napájení

100/115/200/230 V  $\pm 10\%$   
50/60/70 Hz

váha 15,42 kg

přepr. váha 22,23 kg

rozměry 142,2 x 490,9 x 533,4 mm

Přídavná zařízení: HP 9860 A snímač značených štítků  
HP 9861 A psací stroj

HP 9862 A souřadnicový zapisovač grafů

### Knihevná statistických programů pro HP 9810

všechny programy dávají kompletní řešení a zahrnují opravu chyb

#### I. Analýza rozptylu

1 způsob s Bartletovým testem

2 způsoby s opakováním /  $r \leq 30$  /

2 způsoby s Tukeyovým testem pro vzájemné působení

1 způsob analýzy kovariance /  $t \leq 22$  /

latinská analýza /  $t \leq 14$  /

klasifikace přilehlosti

#### II. Regresní analýza

polynomická regrese /  $k \leq 5$ , s grafem /

" /  $k \leq 10$ , s grafem /

vícenásobná LR / počet nezávislých proměnných 6 /

" / " / 11 /

#### III. Různé

(r x c) tabulky (  $r \leq 9, c \leq 10$  )

x a R kontrolní čára ( s grafem )

HP 9820

Hewlett - Packard

USA



- programovatelný algebraický kalkulátor je stějně jako ostatní stroje serie HP 9800 plně přizpůsobitelný potřebám uživatele, který si může vybrat klávesnici, rozsah paměti, periferní zařízení, způsob vstupu a výstupu.

Operace: určení klávesnic

vestavěná klávesnice:

+; - ; x; ÷; x;

3 vyměnitelné bloky - všechny mohou být použity zároveň, nebo můžou jeden z nich kontrolovat 1,2, nebo 3 ostatní klávesnice.

matematický blok - jeho zasunutím získáme zvláštní paměť, která je permanentně programována pro řešení mat. problémů. Jejím přidáním k hlavní paměti se zdvojnásobí síla řešení problému.

sin; cos; tg;  $\pi$ ; ln x; lg x;  $x^y$ ;  $1/x$ ; zaokrouhlování; arcsin; arccos; arctg; x;  $e^x$ ;  $10^x$ ; / ke všem funkcím existují inverzní funkce /; °/rad;

blok definovatelných funkcí - k získání max. specifikace lze použít definovatelné funkce 5,15,25 klapek

blok kontroly periferií - rozdělen do 3 skupin

kontrola výstupu souřadnicového zapisovače

" tiskárny

" systémová - dává uživateli kontrolu dat a programů procházejících systémem.

Kapacita: struktura paměti vykazuje v programování a při operacích takovou výkonnost, která je nedosažitelná ostatními kalkulátory a jen málo počítačů je s ní srovnatelných.

standartní pamět	173 sběr. registrů
rozšířená pamět	17 současně prováděných rovnic 429 sběr. registrů

Model HP 20 může jít od definování problému přes programování ke konečnému výsledku systémem současných rovnic / nebo inverzních matic / v jedné třetině až v jedné desetině času, který by vyžadovaly jiné způsoby řešení. Pro požadavky hromadného ukládání, musí být vestavěný snímač/ nahrávač mag. štítků. Pro širší požadavky lze přidat jednu nebo více kazet s magnet. páskami pro ukládání dat, programů i jiných informací.

Vstup: snímač značených štítků, děrných pásek,  
kazeta magnetic. pásek  
analogočíslicový převodník

vestavěný snímač štítků - 2 velikosti štítků - délka 152mm  
" 267mm  
pro krátké podprogramy lze požít  
také štítky modelu 9100/B/A

Výstup: vestavěný display - 16ti digitový  
snadno čitelný z různých úhlů a vzdáleností  
znak vysoký 14,3 mm tvořen bodovou  
maticí 7 x 5 bodů  
vestavěná tiskárna - tichá, termická tiskárna permanentně  
provádí záznamy programů a dat, může  
tisknout čísla, symboly a zprávy display i uživatele.

Maximální délka řádku displaye i tiskárny je 16 mezér, avšak může být rozšířena na 35 až 68 úderů klapek. Automaticky řízeno příkazy kalkulátoru přes kontrolní blok.

Periferní zařízení:

HP 9860 A	snímač značených štítků
9861 A	výstupní psací stroj
9862 A	souřadicový zapisovač grafů
9863 A	snímač papírové pásky "
9864 A	analogočíslicový převodník
9865 A	kazeta magnetických pásek
2570 A	zdvojovač / kontrolor perifer. zařízení
2575 A	

#### Knihovna matematických programů modelu HP 9820

- obsahuje 26 programů, které řeší asi 60 typů matematic. problémů / 177 mi stránková knihovna/

#### I. Matice a lineární rovnice

reálná aritmetická matice

komplexní aritmetická matice

reálná inverzní matice

komplexní inverzní matice

N současných lineárních rovnic s reálnými koeficienty

a s N neznámými

totéž pro

$N \leq 9$  nebo  $N \leq 18$

$N \leq 5$  nebo  $N \leq 12$

$N \leq 9$  nebo  $N \leq 18$

$N \leq 17$  nebo  $N \leq 36$

N současných lineárních rovnic s komplexními koeficienty  
 a s N neznámými  $N \leq 4$  nebo  $N \leq 11$   
 rovnice charakteristik  
 hodnoty matice s reálnými vstupy

**II. Polynomy**

polynomická aritmetika  
 polynomické hledání kořenů  
 polynomická evoluce, normalizace nebo konstrukce  
 polynomická integrace, derivace nebo posunutí středu

**III. Integrace a analýza**

diferenciální rovnice Runge - Kutta  
 Rombergův čtverec pro  $\int_a^b f(x)dx$   
 Gaussův čtverec pro  $\int_a^b f(x)dx$  nebo  $\int_a^b f(x)dx$   
 numerická integrace s pravidelným krokem  
 interpolace  
 1. a 2. derivace  
 numerická integrace s nepravidelným krokem  
 křivka přes body, užívajících křivkových funkcí  
 křivka přiléhající k Čebyševovu polynomu  
 Lagrangeova interpolace pro nestejně umístěné údaje  
 koeficienty Fourierovy řady pro nestejně umístěné údaje  
 parciální součet nekonečné řady  
 kořen funkce  $F(x) = 0$  v daném intervalu

**IV. Speciální funkce**

Besselovy funkce I  
 " II

**5. Kalkulátory se základním programovacím jazykem BASIC.**

W 2200

Wang Laboratories

U S A



-základní programovatelný kalkulátor kombinuje klávesnicové operace programovatelných kalkulátorů se základním programovacím jazykem BASIC.

Kompletní sada zapojených periferních zařízení zajišťuje přizpůsobivost určeného systému pro každou aplikaci.

Provoze kompilátor základního jazyka je "hardware" v kalkulátoru W 2200, je kalkulátor Wang 2200 dosažitelný jako skutečná pracovní oblast. To přirovnává jeho počítací sílu k malým počítačům, kde kompilátor musí být převáděn do paměti. Paměť 4K je rozšířitelná na 32K programových kroků, jedním značknutím klapky klávesnice vstupují kompletní slova základního jazyka do systému. Takt kalkulátor minimalizuje chyby a čas potřebný na vstup a vyvolávání programů.

Standartní systém sestává z kalkulátoru, klávesnice základního jazyka, katodového displeje a přehravací kazety magnetických pásek. Specifikace:

klávesnice základního jazyka

-obsahuje kompletní řadu jazykových instrukcí, 16 speciálních funkcí, z nichž každá je označena tak, aby vyvolal provedení až 32 programových částí nebo podprogramů v základním jazyce. Toto účinnější využití dosažitelné paměti kontrastuje s jinými systémy s jazykem BASIC, které vyžadují 1 programový krok pro každý alfanumerický znak.

rozměry kabel	445 x 762 x 254 mm 3,66 m s přípojkou na vstupní a výstupní kanál kalkulátoru
přehrávací kazeta magn. pásek	- uchovává data a programy pro budoucí obnovení. Pásková jednotka vyhledává bloky dat a programů a převádí je z pásky do paměti pod programovou kontrolou. To usnadňuje řetězení programu bez ručního zásahu.
Vypínací a zapínací rychlosť	1/2 sec.
nahrávací rychlosť	4,76 cm /sec.
hledací rychlosť	4,76 cm /sec.
prevodní rychlosť	100 kroků / sec.
mezera mezi záznamy	31,8 mm
kapacita	1749 bitů/m
display	- ukazuje jak údaje základního programovacího jazyka, které vystupují z klávesnice, tak i výsledky počítání prováděného systémem
rozměry	267 x 203 mm
rozměry znaků	16 řádek po 64 znacích
kalkulátor	3 x 5 mm
operace : +; -; x; $\sqrt{x}$ ; $e^x$ ; $x^y$ ; lg x;  x ; zackrouhlování; sin;cos;	
tg; arctg;	
kapacita paměti	4096 kroků
kapacita periferních zařízení	14 K - rozšířitelné na 32 K
dynamická řada	max. $9 \cdot 10^{-99} - 10^{99}$ /K=1024 bitů/
napájení	115/230 V $\pm$ 10 %
rozměry	50 / 60 Hz
teplota	508 x 356 x 305 mm
	15 - 35 °C

HP 9830 A

Hewlett - Packard

USA



- je víceúčelový programovatelný kalkulátor, který automaticky odvozuje obsáhlou řadu vyzkoušeného „Software, zahrnující účetnictví, matematiku, statistiku a vzdělání.
- Model 9830 užívá základní programovací jazyk BASIC .

#### Klávesnice

- je určena pro maximální přizpůsobivost uživatele. Z větší části zdvojuje tiskárnu nebo dálnopis. Ostatní skupiny klápek zahrnují aritmetické operace, vydavatelské klapky, klapky kontroly displeje a skupiny programů.

10 spec. funkčních klapek. Každá klapka může mít dvě funkce nebo programy. Klapky mohou být účinně využity následujícími způsoby - k zobrazování textu, tam kde je text užíván jako určující pomůcka

- k znázornňování funkcí. Funkce mohou být jednoduché nebo násobné a odlišné parametry mohou být funkcím dodávány z hlavního programu nebo mezi funkcemi
- k reprezentaci vstupu programu

Programovací a vydávací pravidla pro spec. funkční klapky jsou stejně jako pro normální programování.

#### Rozšiřitelná kapacita

- 2 různé způsoby - užívaná ukládací/snímací paměť je rozšiřitelná z 3500 ti bitů / 1760 slov / na 7616 bitů / 3808 slov /
- přidáním ROMu /pouze snímané paměti/ může být přidáno od 2 K do 16 K bitů

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana
Fakulta textilní	KMV	89

Zatím dosažitelné snímané paměti :

- 11270 B maticové přídavky
- 11271 B zapisovač nutný pro kontrolu modelu 9862 zapisovače
- 11272 B rozšíření vstupu/výstupu poskytuje přídavnou schopnost částečně předepsat tvar vstupu
- 11274 B řetěz proměnný
- 11277 B koncovka umožnuje modelu HP 30, aby byl spojen se vzdáleným počítačem

Vstup: pásková kazeta

- se zásobou pro programy, data, spec. funkční klapky.
- Kazeta má 2 směrovou prohlídku pro min. časy hledání. a přerušovaný způsob pro souběžné početní operace a hledání kazetových seznamů.
- Jednoduchá pásková kazeta může obsahovat 80 000 bitů t.j. 40 000 slov, závisejících na struktuře seznamu založeného uživatelem.

Výstup: display

- alfanumerický, snadno čitelný z různých úhlů a vzdálostí. Ukazuje 32 znaků 14,3 mm vysokých, tvořených bodovou maticí 7 x 5.
- Vstupuje-li více znaků než 32, znaky se automaticky posouvají doleva, aby udělaly místo pro znaky přidané klapkami. Klávesnice je opatřena tlačítkem pro posun doprava a doleva. Těmito automatickými operacemi získáme 80 znaků. Čísla jsou ukazována až na 12 desetinných míst v řádu pohyblivé desetinné čárky.

Specifikace : napájení

100/120/220/240 V + 5%-10%  
50/60 Hz, 150 VA max.

váha	19,5 kg
přepravní váha	23,6 kg
rozměry	146 x 450,9 x 635 mm

Periferní zařízení :

- model HP 30 přijímá současně 5 periferií / je-li zahrnuta tiskárna HP 9866/. Použitím modelu HP 9868 - rozšiřovatel vstupu/výstupu může vzrůst toto množství až na 13 periferií.

Seznam zatím dosažitelných periferií

- HP 9860 A snímač značených štítků
- 9861 A výstupní psací stroj
- 9862 A souřadnicový zapisovač X - Y
- 9863 A snímač děrné pásky
- 9864 A analogočíslicový převodník
- 9865 A kazeta magnetických pásek
- 9866 A široká tiskárna
- 9868 A rozšiřovač vstupu / výstupu
- 2752 A dálnopis
- 2895 B děrovač papírové pásky
- 2748 A fotosnímač papírové pásky

## ROM - pouze snímaná paměť modelu HP 9830 A

Kalkulátor HP 9830 dovoluje přidání až 8mi bloků této paměti, 5 lze přidat jako vnější zasouvatelné jednotky, 3 jako vnitřní. Přídavné paměti rozšiřují schopnosti modelu, dovolují rozšíření základního jazyka bezemny velikosti standartní paměti nebo bez dalšího použití jakýchkoliv funkčních speciálních klálek.

Seznam pamětí : maticové operace

11270 B/F

kontrolní souřadnic.zapisovač

11271 B/F

rozšíření vstupu / výstupu

11 272 B/F

řetěz proměnných

11274 B/F

písmeno B určuje vnější paměť

F " vnitřní paměť"

## 11270 - maticové operace

čtení numerických informací z údajů zadaných v poli nebo řadě tiskne kompletní pole, středník označuje uzavření pole pokládá pole rovné 0 pokládá pole rovné 1 ukládá čtvercové pole do identické matice mění pracovní dimenze pole převádí matici B do matice A tvoří určené sčítání, odčítání a násobení matic tvoří určené skalární mocniny převádí transponovanou matici B do matice A převádí inverzní matici B do matice A počítá determinant do čtvercové matice

## 11271 - operace kontrolního souřadnicového zapisovače

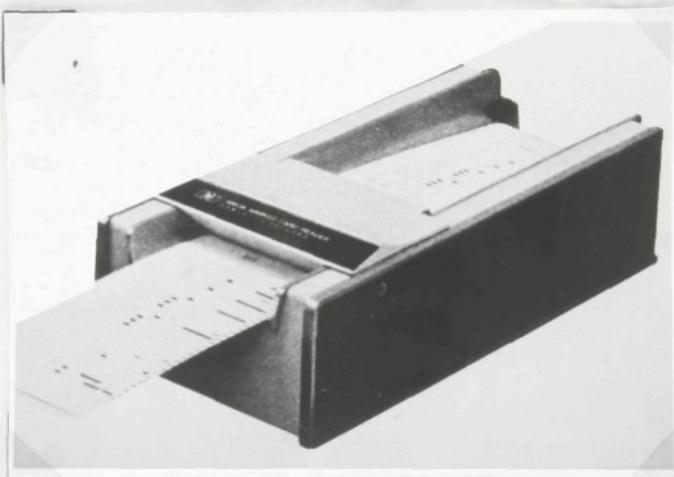
Parametry A, B, C, D mohou být jednoduché hodnoty nebo složité výrazy. Jestliže nebyly uživatelem specifikovány, jsou opomíjeny. umístění řady X a Y v uživatelových jednotkách / řada X z A do B, řada Y z C do D / dočasné posunutí počátku vynesení osy X na body Y = A z X = C do X = D s označením na intervalech B /podobně s osou Y posunutí pera do bodu X = A, Y = B . Hodnota C kontroluje, zda pero klesá nebo stoupá a zda je tato akce umístěna před anebo po psaní totéž co kreslení diagramu, kromě toho, že vzdálenost bodů A, B je měřena relativně vzhledem k pohybujícímu se peru stoupání pera bez pohybu do nové polohy tisk řetězu bez uvozovek používaných standartním formátem tisk hodnot N a M, užívajících formátu na určeném rádku parametry A, B, C,D kontrolují tvar a velikost a úhel otočení kreslených znaků dovoluje peru, aby bylo umístěno kdekoliv na ploše zapisovače, užívající klávesnicového posunutí displeje zapisovač také může psát znaky z klávesnice kalkulátoru

## 11272 - rozšíření vstupu a výstupu

umožňuje uživateli široké střídání periferních zařízení. Nejdůležitější rysy této paměti jsou vstup a výstup údajů a automat. kód schopnosti převodu.

11274 - řetěz proměnných umožňuje modelu HP 9830 přijímat a manipulovat alfanumerickými informacemi. Nové příkazy poskytované jsou tří hlavních typů - vstupu, manipulace a výstupu. Použití této paměti činí program opravdu konverzační, programy nejsou dále omezeny na pouhou numerickou manipulaci. Leteckové proměnné více rozšiřují operace většiny programů. Užití jmen, nadpisů a dalších alfabetických kódů je zvláště důležité v takových aplikacích jako jsou úhrn mezd, kontrola, inženýrské návrhy a vyměřování.

HP 9860 A

snímač  
značených štítků

- opticky snímá štítky popsané měkkou tužkou. Standartní štítek obsahuje 30 znaků a prodloužený 50 znaků. Snímač má stejně programovací schopnosti jako klávesnice. Pro delší programy mohou být štítky kaskádovitě seřazeny za sebou. Štítky jsou znova použitelné a uložené v ochranných schránkách.

Specifikace :	rychlosť snímání	30 msec/ 1 znak
	šířka čáry	min. 0,5 mm
	napájení	115/230 V ± 10 %
	váha	48/ 440 Hz - 7 W
	rozměry	2,5 kg
	teplota	88 x 135 x 28 mm
		0 - 55 °C

HP 9861 A

psací stroj

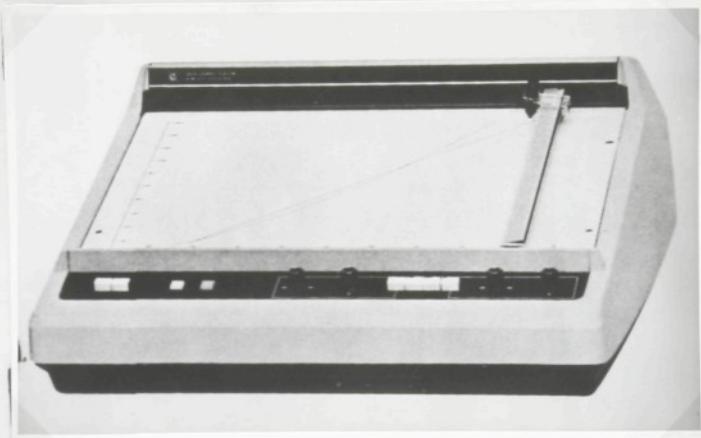


- zahrnuje základní model psacího stroje výstupu 3841 a spojení kalkulátor / psací stroj 11212. Je schopen vykonávat následující tři operace - tiskne údaje obsažené v kalkulátorovém registru X
  - tiskne alfanumerické zprávy a kontroluje funkci psacího stroje
  - zaznamenává programové kroky obsažené v kalkulátorové paměti

Od okamžiku, kdy je vstup klávesnice programován z kalkulátoru, je psací stroj ideální pro zhotovování závěrečných zpráv, kompletní dokumentace řešení problému nebo vypisování předtiskných formulářů.

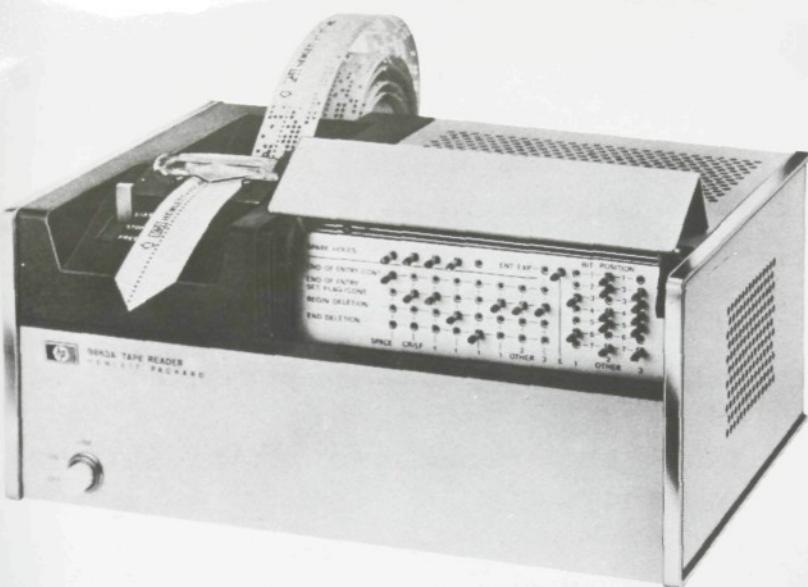
Specifikace: programovatelná šíře numerického pole a umístění desetinné čárky, uspořádání a čištění tabulky  
 min. rychlosť 12,5 znaků / sec  
 max. šíře papíru 414 mm  
 alfanumerické zprávy přesahující pravý okraj budou zastavovat program a rozsvěcovat lampu

HP 9862 A

souřadnicový  
zapisovač

- automaticky vynáší grafický záznam k problémům řešeným na kalkulačce řady 9800. Zapisovač vynáší i body specifikované čísly v X, Y registrech, když je v činnosti instrukce formátu. Zapisovač může pracovat v souřadnicích lineárních, semilogaritmických, logaritmických. Možnosti jeho použití rozšiřuje vkládaný blok matematických funkcí. Zapisovač HP 9862 ve spojení se stolním kalkulátorem je schopen vynášet osy a dimenze a kresby popisovat speciálními symboly.

HP 9863 A

snímač děrné  
pásy

- umožňuje plnou kontrolu dat a uložení programů pomocí děrné párové pásky. Model 9863 A může být ručně nařízen na normální a datový způsob.

Normální způsob - znaky pásky jsou interpretovány jako programové instrukce a dovolují plnou kontrolu kalkulátoru z pásky.

Datový způsob: poskytuje numerické údaje vstupu pro mezivýpočty nebo pro převod do jiných periferií jako je např. kazeta magnetických pásek.

Specifikace:	rychlosť	20 znaků/sec
	šíře pásky	2,54 cm
	kód znaku	8 hladin
	napájení	5 hladin
	váha	115/230 V + 10 % - 22 %
	rozměry	48/440 Hz, 39 VA max.
		4,- kg
		140 x 280 x 203 mm

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana 95
Fakulta textilní		KMV

HP 9866	široká tiskárna
---------	-----------------

- byla určena specificky pro model 9830 HP kalkulátor. Tichá termická tiskárna je schopna tisknout v rychlých časech, dlouhých řádcích tytéž čísla, symboly a znaky jaké jsou ukazovány displayem. Znaků je 80 na řádek a jsou tvořeny bodovou maticí 5 x 7.

Specifikace:

rychlost	250 řádků/min.
napájení	100/120/220/240 V + 5 % - 10%
váha	50/60 Hz, 250 VA max.
přepavní váha	18,4 kg
rozměry	24,77 kg
	450,9 x 154,9 x 409 mm

## V y s v ě t l i v k y

+	.....	sčítání
-	.....	odčítání
x	.....	násobení
$\frac{+}{x}$	.....	dělení
$\sqrt{x}$	.....	druhá mocnina
$x^y$	.....	umocňování
$\sqrt[3]{x}$	.....	druhá odmocnina
$ x $	.....	absolutní hodnota
$1/x$	.....	inverzní hodnota
%	.....	procentuální počítání
0	.....	nulování
ln x	.....	přirozený logaritmus
lg x	.....	dekadický logaritmus
e <sup>x</sup>	.....	
10 <sup>x</sup>	.....	inverzní funkce k logaritmickým funkcím
${}^{\circ}/{}^{\circ} / " - 10$	.....	převod stupňů/min/sec na desetinné vyjádření
${}^{\circ}/\text{rad}$	.....	převod stupňů na radiány a naopak
sin	{	
cos		
arcsin		goniometrické funkce
arccos		
arctg		
sinh		
cosh		
arcsinh		hyperbolické goniometrické funkce
arccosh		
arctgh		
1/sin		
1/cos		
1/arcsin		inverzní goniometrické funkce
1/arccos		
1/arctg		
1/sinh		
1/cosh		
1/arcsinh		inverzní hyperbolické goniometrické funkce
1/arccosh		
1/arctgh		
/	.....	integrál
N!	.....	faktoriál
P	.....	permutace a kombinace
f( )	.....	libovoľně definovatelná funkce
$\bar{x}_2$	.....	aritmetický průměr
s	.....	rozptyl
s	.....	směrodatná odchylka
N - rozložení	.....	normální rozložení
P - "	.....	Poissonovo rozložení
B - "	.....	Binomické rozložení
- "	.....	rozložení
LR -	.....	lineární regrese
PR	.....	parabolická regrese
RK	.....	regresní koeficient
KK	.....	korelační koeficient
funke	.....	funkce
GNC	.....	generátor náhodných čísel
kor	.....	oprava chybných výsledků

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana KMV
Fakulta textilní		

## Závěrečná rekapitulace

v této kapitole podávám přehled kapesních a stolních kalkulačorů vyráběných v ČSSR i v zahraničí. Většinu z uvedených zahraničních výrobků lze koupit i u nás. Zatím ještě není v Československu výroba tohoto typu výpočetních zařízení na úrovni srovnatelné s cizinou, hlavně s firmami USA. Je proto dobrým perspektivním řešením Sovětského svazu zakoupení licence na výrobu stroje USA firmy Hewlett - Packard 9100. Je to stolní kalkulačor velmi přizpůsobivý, který se může značně uplatnit v nejrůznějších oborech.

Stroje, které jsem popsala lze rozlišovat dle následujících dvou hledisek : 1) dle oblasti použití a) ráz obchodně administrativní

elektronické stolní kalkulačory , především pak CASIO AL 3000, kapesní kalkulačory - EL-8, FRIDEN 1008, HP 80

b) ráz technicky-odborný  
všechny programovatelné kalkulačory, pro statistické účely jsou vhodné stroje fy COMPUCORP COMPUTER jak stolní, tak i ruční dálé pak kalkulačor HP 9805

- 2) dle místa použití a) použití v provozu a terénu  
všechny kapesní kalkulačory pro svou mobilnost,  
Výhodným se zdá být i nový čs. výrobek OKU 101, zatím ještě neuvedený na trhu, tento stolní kalkulačor má všechny dotykové plochy chráněné před oxidací pozlacením.  
b) použití ve výzkumných laboratořích  
stolní kalkulačory s širokou možností zapojení periferních zařízení

Kalkulačory vyššího stupně, které používají základního programovacího jazyka BASIC, nejsou již myslím nevhodnější pro oblast použití technika, zde např. textilního odborníka, který není čistým matematikem a nepotřebuje a nevyužije při své činnosti všechny možnosti takovýchto strojů.

Při použití výpočetní techniky, která je sice přesná a rychlá se ovšem někdy v praxi vyskytuje potíže zaviněné nedbalostí a nepozorností lidí, upravujících programy a prvotní podklady sledovaných dat do tvaru srozumitelného stroji. Casto máme dobré a výkonné stroje, ale práce lidí není vždy tak precizní a dokonalá, aby byly získány uspokojivé výsledky.

Souhrnně lze však říci, že potřeba výpočetní techniky se stává nezbytnou téměř ve všech odvětví národního hospodářství.

VŠST Liberec	Využití matematicko- statistických metod v textilním průmyslu	Strana KMV
Fakulta textilní		

Ve

Z Á V Š R

Stupeň vývoje aplikací statistických metod závisí na následujících podmínkách - existence vhodných úloh pro aplikace znalost a osvojení matematicko - statistických metod dostupnost prostředků výpočetní techniky

Výzkum v textilním průmyslu sleduje produkci co nejkvalitnějších a nejvhodnějších výrobků, splňujících zároveň určité ekonomické požadavky na ně kladené. Výzkum si nelze představit bez statistických metod, které jsou měřítkem konfrontace pravděpodobnostního matematického modelu se skutečností, nebo jiným modelem, simulujícím skutečnost.

Ve využívání všech možností aplikace matematicko - statistických metod existuje jistá stagnace zajičiněná neznalostí příslušných metod řešení a strachem před někdy složitými metodami řešení problémů, které vyžadují změnu vžitného systému organizace práce a nepřinášejí výsledky okamžitě.

*nebo spíše, že když má být využívána!*

V textilních podnicích se aplikace statistických metod dříve využívaly jen pro úlohy popisného anebo analytického charakteru. V poslední době se ovšem začíná uplatňovat i statistická prognóza, která porovnává ne jeden, ale řadu modelů odrážejících skutečnost s modelem pravděpodobnostním.

Používání výpočetní techniky je u nás dnes již dost rozšířené. Podniky bud mají vlastní výpočetní techniku nebo úzce spolupracují s výpočetními středisky. Převážně se u nás počítá na malých počítačích, jako jsou Cellatron Ser - 26, Robotron 100, Odra, Minsk 22, MSP 2 a ZPA 200, z nichž každý má více nebo méně rozsáhlou knihovnu programů. Pro lepší využití již vypracovaných programů se provádí celostátní registrace programů.

Další rozvoj aplikací statistických metod lze očekávat ve vytváření pracovních týmů, kde by na řešených problémech textilního výzkumu spolupracoval textilní odborník s matematikem - analyzátem. Dále pak v automatizaci získávání dat a jejich zpracování a automatizaci řízení technologických a výrobních procesů, což umožní úplné, zatím ještě neuskutečněné, zvládnutí všech stupňů vývoje aplikací statistických metod.

Ve své práci jsem se snažila popsat jednotlivé metody a způsoby práce se statistickými daty zároveň s příklady jejich využití v textilním průmyslu, především pak v oblasti zkoušení textilních materiálů, abych ukázala, že textilní průmysl je opravdu vhodnou oblastí k aplikaci statistických metod.

Uvádí také výběr kalkulačorů od nejjednodušších ručních až po programovatelné elektronické, které jsou již dnes velmi precizní a dokonalé. Užívání tohoto typu výpočetní techniky má pro specializované odborníky daleko větší smysl nežli práce s počítači, která vyžaduje znalost nějakého programovacího jazyka a programátorské zkušenosti. Počítače mají sice pro zkušeného programátora daleko širší výpočetové možnosti, avšak specializovanými odborníky nejsou plně využity a práce s nimi je zdlouhavější.

To také dokazují programy zařazené v příloze diplomové práce, které daleko obšírnější cestou řeší příklady, které se na některých elektronických kalkulačorech vypočítávají v několika vteřinách pouhým zmačknutím příslušné klapky na klávesnici přístroje.

VŠST Liberec	Využití matematicko - statistických metod v textilním průmyslu	Strana 100
Fakulta textilní		KMV

Statistické metody nelze v žádném případě chápát jako samoúčelné. Vždy je třeba aby na jejich aplikaci navazoval důkladný rozbor získaných výsledků, poučení z jeho závěrů a realizace opatření, vedoucích k likvidaci zjištovaných nedostatků.

Ve své práci se zabývám však pouze studií matematicko - statistických metod, úplné rozpracování řešení určitého případu / tedy rozbor statistických výsledků a návrh realizace nápravných opatření / by přesahovalo rámec této práce.

Závěrem děkuji konzultantovi ing. J. Černému CSc za cenné rady a informace poskytnuté k diplomové práci.