# TECHNICKÁ UNIVERZITA V LIBERCI FAKULTA STROJNÍ Katedra energetických zařízení

# Lukáš Novotný Bezventilové čerpadlo

Vedoucí diplomové práce:
Konzultant diplomové práce:

Ing. Tomáš Vít, Ph.D. Doc. Ing. Jiří Unger, CSc.

Rozsah práce: Počet stran: 51 Počet příloh: 12

#### ANOTACE

Diplomová práce je zaměřená na studium membránového bezventilového čerpadla. V práci jsou shrnuty dosavadní poznatky o bezventilovém membránovém čerpadle. Jejím hlavním cílem je ověřit teoretické znalosti v této oblasti a navrhnout experimentální zařízení, jeho realizace a následné provedení experimentů. Navržené experimentální zařízení má umožnit provedení řady experimentů, jejichž výsledky jsou součástí této práce, a zároveň má sloužit pro další výzkum v této oblasti.

V práci jsou prezentovány výsledky určení rezonanční frekvence budícího členu a měření rychlostí metodou termoanemometrie. Součástí práce jsou i výsledky numerických simulací.

#### **ANNOTATION**

The thesis is focused on the research of valve-less diffuser pump for liquid. It presents the summary of the results from the previous research, the design of experimental setup and the results of various experiments and numerical simulations.

Thesis present results of experiments obtained by Hot-wire anemometry and numerical simulations. The Hot-wire anemometry experiments are focused on the assignation of the resonant frequency of the pump and on the measurement of various velocity profiles.

Finally, the thesis shows shortcomings and possibilities ways of improvements of used experimental and numerical methods.



# TECHNICKÁ UNIVERZITA V LIBERCI Fakulta strojní

Katedra energetických zařízení

Studijní rok: 2006/2007

# ZADÁNÍ DIPLOMOVÉ PRÁCE

Jméno a příjmení	Lukáš Novotný
Studijní program	magisterský - M2301 strojní inženýrství
Obor	2302T010 Konstrukce strojů a zařízení
Zaměření	Tepelná technika

Ve smyslu zákona č. 111/1998 Sb. o vysokých školách se Vám určuje diplomová práce na téma:

# Bezventilové čerpadlo

#### Zásady pro vypracování:

(uveď te hlavní cíle diplomové práce a doporučené metody pro vypracování)

- 1. Souhrn současných poznatků o sledovaném jevu
- Konstrukce bezventilového čerpadla. Návrh a příprava experimentálního zařízení (CTA) pro určení charakteristik čerpadla.
- Provedení experimentů sledujících závislost výkonu zařízení na frekvenci akčního členu,. určení frekvenční a výkonové charakteristiky zařízení
- 4. Numerická simulace experimentu
- 5. Porovnání výsledků experimentu a numerické simulace.

Forma zpracování diplomové práce:

- původní zpráva: 50 stran
- grafické práce: cca.15 stran příloh

Seznam literatury (uved'te doporučenou odbornou literaturu):

- Bruun, H. H.: Hot wire anemometry, Oxford Univ. Press, 1995.
- Schlichting, H.: Boundary-layer therory, Springer-Verlag, 2000.
- Fluent Inc.: User's Guide Vol. 1-5, Fluent Inc., 1998.
- Dančová, P.: Studie proudění typu "Synthetic jet", Diplomová práce, TU Liberec, 2006
- Olsson, A.: Valve-Less Diffuser Pumps for Liquids, Disertační práce, Royal Institut of Technology, Stockholm, 1996.
- Smits, J. G.:Piezoelectric Micropump with Three Valves Working Peristaltically, Sensors and Actuators, vol. A21-A23, pp. 203-206, 1990.
- Olsson, A., Stemme, G., Stemme, E.: A valve-less planar fluid pump with two pump chambers, Sensors and Actuators A 46-47 (1995) 549-556.

Vedoucí diplomové práce:

Ing. Tomáš Vít, Ph.D.

Konzultant diplomové práce:

Doc. Ing. Jiff Unger, CSc.



Doc. Ing. Jiří Unger, CSc

vedoucí katedry

Doc. Ing. Petr Louda, CSc. děkan

V Liberci dne 22. 3. 2007

Platnost zadání diplomové práce je 15 měsíců od výše uvedeného data. Terminy odevzdání diplomové práce jsou určeny pro každý studijní rok a jsou uvedeny v harmonogramu výuky.

Místopřísežně prohlašuji, že jsem diplomovou práci vypracoval samostatně s použitím uvedené literatury.

V Liberci dne 25.5.2007

Lukáš Novotný

#### Prohlášení

Byl jsem seznámen s tím, že na mou diplomovou práci se plně vztahuje zákon č.121/2000 Sb. o právu autorském, zejména § 60 – školní dílo.

Beru na vědomí, že Technická univerzita v Liberci (TUL) nezasahuje do mých autorských práv užitím mé diplomové práce pro vnitřní potřebu TUL.

Užiji-li diplomovou práci nebo poskytnu-li licenci k jejímu využití, jsem si vědom povinnosti informovat o této skutečnosti TUL; v tomto případě má TUL právo ode mne požadovat úhradu nákladů, které vynaložila na vytvoření díla, až do jejich skutečné výše.

Diplomovou práci jsem vypracoval samostatně s použitím uvedené literatury a na základě konzultací s vedoucím diplomové práce.

#### Declaration

I have been notified of the fact that Copyright Act No.121/2000 Coll. Applies to my thesis in full, in particular Section 60, School Work.

I am a fully aware that the Technical University of Liberec is not interfering in my copyright by using my thesis for the internal purposes of TUL.

If I use my thesis of grant a license for its use, I am aware of the fact that I must inform TUL of this; in this case TUL has the right to seek that I pay the expenses invested in the creation of my thesis to the full amount.

I compiled the thesis on my own with the use of the acknowledges sources and on the basis of consultation with the head of the thesis.

25.5.2007

Lukáš Novotný

V úvodu své diplomové práce bych rád poděkoval Ing. Tomáši Vítovi, Ph.D. za odborné vedení, trpělivost a cenné rady a připomínky, které mně vedly po celou dobu potřebnou k vypracování práce. Vřelý dík zaslouží i pan Petr Jerje za rady a pomoc v oblasti elektroniky a elektrotechniky. Dík zaslouží i pan Jaroslav Kneř, který se zasloužil o výrobu experimentálního zařízení.

V neposlední řadě patří velký dík mým rodičům a přítelkyni za podporu během studia.

# OBSAH

1.	ÚV(	DD	5
	1.1.	Bezventilové membránové čerpadlo	5
	1.2.	Cíl a rozsah diplomové práce	6
2.	TEC	DRETICKÁ ČÁST	7
-	2.1.	Teorie bezventilového membránového čerpadla	7
	2.1.1	1. Tlakové ztráty difuzoru a trysky	7
	2.1.2	2. Membrána	7
	2.1.3	3. Čistý objem proudu	8
	2.1.4	4. Kinetická energie	8
	2.1.5	5. Potenciální energie	9
	2.1.6	5. Rezonanční frekvence	9
	2.1.7	7. Reynoldsovo číslo 1	0
	2.2.	Termoanemometrie	0
	2.2.1	Princip CTA 1	1
	2.2.2	2. Typy sond	3
	2.2.3	3. Kalibrace rychlostí 1	4
	2.2.4	4. Chyby měření	6
	2.2.5	5. Porovnání CTA s LDA a PIV1	7
	2.2.6	5. Výhody HWA1	7
	2.2.7	7. Nevýhody HWA1	8
-	2.3.	Numerická metoda měření 1	8
	2.3.1	1. Základní schéma1	8
	2.3.2	2. Vytváření sítě	8
	2.3.3	3. Výpočetní model1	8
3.	ME	TODY ŘEŠENÍ2	0
	3.1.	Experimentální zařízení	1
	3.2.	Tuhost soustavy	2
	3.3.	Termoanemometrické experimenty2	5
	3.3.1	1. Měření rychlosti pomocí CTA	5
	3.3.2	2. Kalibrace sondy	5
	3.3.3	B. Parametry sondy	7

3.3.4	.4. Parametry CTA můstku	
3.4.	Numerická metoda řešení	
4. VÝS	SLEDKY	
4.1.	Tuhost membrány	
4.2.	Teoretický výpočet	
4.3.	CTA	
4.3.1	1. Frekvence	
4.3.2	2. Rychlosti v ose čerpadla	
4.3.3	3. Rychlostní profily	
4.3.4	.4. Průběh rychlosti v čase	
4.	.3.4.1. Tryska	
4.	.3.4.2. Difuzor	39
4.4.	Výsledky numerické simulace	
4.4.1	1. Součinitele tlakových ztrát	
4.4.2	2. Čerpadlo	
5. ZÁV	VĚR	48
POUŽIT	ГÁ LITERATURA	50
PŘÍLOH	HY	51

# POUŽITÉ VELIČINY

A, B, C	[1]	konstanty
A(z), A(y)	[m <sup>2</sup> ]	průřezy v difuzoru a trysce
$A_w$	[m <sup>2</sup> ]	teplosměnná plocha drátku
c <sub>w</sub>	[J.K <sup>-</sup> 1]	tepelná kapacita drátku
D, d	[m]	průměr
E	[V]	elektrické napětí
E	[J]	celková energie
E <sub>Kmax</sub> , E <sub>Pmax</sub>	[J]	maximální kinetická, potenciální energie
f, f <sub>R</sub>	[Hz]	frekvence, rezonanční frekvence
F	[N]	síla
Н	[J]	teplo přenesené do okolí
Ι	[A]	elektrický proud
$K_V$	[m <sup>2</sup> ]	konstanta membrány
K <sub>P</sub>	$[N.m^{-1}]$	tuhost membrány
L	[m]	délka
m <sub>z</sub> , m <sub>y</sub>	[kg]	hmotnost tekutiny v difuzoru a trysce
М	[s]	časová konstanta
n	[1]	exponent
$p_d$ , $p_t$	[Pa]	tlak v difuzoru, trysce
$p_i, p_o, p_c$	[Pa]	tlak na vstupu, na výstupu, v komoře
$Q_C, Q_K, Q_R$	[J]	teplo přenesené konvekcí, kondukcí, radiací
$\mathbf{R}_{\mathrm{w}}, \mathbf{R}_{\mathrm{A}}, \mathbf{R}_{\mathrm{0}}$	[Ω]	elektrický odpor drátku, odpor při teplotě okolí, při $0^{\circ}C$
<b>R</b> <sub>L</sub> , <b>R</b> <sub>1</sub>	[Ω]	elektrické odpory na Wheatstoneově můstku
t, T	[s]	čas, perioda
$T_A, T_f, T_w$	[K]	teplota proudu vzduchu, okolí, drátku
U, u, v	$[m.s^{-1}]$	rychlost
v <sub>d</sub> , v <sub>t</sub>	$[m.s^{-1}]$	rychlosti proudu tekutiny v nejužší části difuzoru a trysky
$v_z, v_y$	$[m.s^{-1}]$	rychlosti proudu tekutiny v difuzoru a trysce
$V_0, V_c$	[m <sup>3</sup> ]	objem vypumpovaný za 1 periodu, okamžitý pumpovaný objem
W	[J]	teplo generované pomocí proudu
<b>X</b> , <b>X</b> <sub>0</sub>	[m]	výchylka, maximální výchylka membrány
Z	[m]	výchylka

$\alpha_0$	$[W.m^{-2}.K^{-1}]$	součinitel přestupu tepla
α, β	[°, rad]	úhel
λ	$[W.m^{-1}.K^{-1}]$	tepelná vodivost
μ	[Pa.s]	dynamická viskozita
ν	$[m^2.s^{-1}]$	kinematická viskozita
$\xi_d,\xi_t$	[1]	ztrátový součinitel difuzoru, trysky
η	[1]	poměr ztrátových součinitelů difuzoru a trysky
ρ	[kg.m <sup>-3</sup> ]	měrná hmotnost tekutiny, hustota
Φ	$[m^3.s^{-1}]$	objemový tok fyzikální veličiny
$\Phi_{\rm i}, \Phi_{\rm o}$	$[m^3.s^{-1}]$	objemový tok na vstupu a na výstupu
$\Phi_d, \Phi_t$	$[m^3.s^{-1}]$	objemový tok v difuzoru a trysce
ω	[rad.s <sup>-1</sup> ]	úhlová rychlost

# POUŽITÉ ZKRATKY

CC	konstantní proud (constant current)			
СТ	konstantní teplota (constant temperature)			
CTA	anemometrie za konstantní teploty (constant temperature anemometry)			
HWA	hot wire anemometry			
LDA	laserová dopplerovská anemometrie (laser Doppler anemometry)			
PIV	Particle Image Velocimetry			
Nu	Nusseltovo číslo			
Re	Reynoldsovo číslo			

## 1. Úvod

#### 1. ÚVOD

#### 1.1. Bezventilové membránové čerpadlo

Výzkum mikročerpadel byl zahájen v roce 1980 a od té doby bylo vyvinuto velké množství čerpadel. Ty mohou být vyráběny z různých materiálů, ale většinou z křemíku a skla. Tyto materiály jsou odolné proti agresivním médiím. Čerpadla jsou podle principu rozdělitelné do dvou hlavních skupin: s mechanickými členy, bez mechanických členů. Čerpadla s mechanickými částmi jsou dále dělitelné:





perikrystalické, s vratným pohybem mechanického členu a rotační čerpadla. Čerpadla bez mechanických členů jsou s vratným pohybem membrány. Tyto čerpadla mají velký rozsah tekutin, které mohou pumpovat a jsou snadno realizovány použitím křemíkové mikromechaniky.

Bezventilové membránové čerpadlo pracuje na principu difuzor – tryska. Čerpadlo se skládá z jedné pumpující části (komory) a proudem tekutiny usměrněným difuzorem/tryskou s kruhovým průřezem, tj. jeden vstup a jeden výstup. Pumpující komora má 2 vibrující membrány. Princip difuzor – tryska funguje na základě ztrát, které jsou ve směru trysky větší než ve směru difuzoru. To znamená, že



trysky větší než ve směru difuzoru. To znamená, že Obr. 1.2. Dvoukomorová mikropumpa [1] je tekutina pumpována ze vstupní strany do výstupní.

Základní části v difuzorové pumpující jednotce se skládají z difuzorových dílů spojených dutým objemem s oscilující membránou. Difuzor je definován jako potrubí s rozšiřujícím se průřezem ve směru proudu a tryska jako potrubí se zužujícím se průřezem ve směru proudu. Činnost čerpadla je založena na usměrnění proudu tekutiny do dvou difuzorových částí. Objem proudu v difuzorovém směru je totiž větší než ve směru trysky. Pumpovací cyklus je rozdělen na plnící a výtlačný režim. Během plnícího cyklu se dutý objem zvětšuje a větší množství tekutiny se do dutiny dostane přes vstupní část (difuzor), a menší přes výstupní část (trysku). Během výtlačného režimu je objem dutiny zmenšován a

větší množství tekutiny ven z dutiny jde přes výstupní část, fungující jako difuzor a menší množství přes vstupní část (trysku). Výsledkem pro jeden pumpovací cyklus je, že získaný objem je transportován ze vstupní do výstupní strany pumpy.

Bezventilové čerpadlo má rezonanční frekvenci, která je převážně určena množstvím tekutiny v difuzorové části a pružnými vlastnostmi membrány. Zvýšením pumpující frekvence zvýšíme dodávku tekutiny. Nejlepší výkon čerpadla je dosažitelný budící frekvencí blížící se rezonanční frekvenci. Rezonanční frekvence je obvykle stovky Hz, což je o řád vyšší než optimální hnací frekvence ventilové pumpy podobné velikosti. Možnost, mít vyšší budící frekvenci, je hlavním důvodem, proč princip tohoto čerpadla umožňuje mnohem vyšší výkon než čerpadla založeném na pasivním prvku.

#### 1.2. Cíl a rozsah diplomové práce

Diplomová práce je zaměřená na studium bezventilového membránového čerpadla. V práci jsou shrnuty dosavadní poznatky o bezventilovém membránovém čerpadle. Jejím hlavním cílem je ověřit teoretické znalosti v této oblasti a navrhnout experimentální zařízení, jeho realizace a následné provedení experimentů. Navržené experimentální zařízení má umožnit provedení řady experimentů, jejichž výsledky jsou součástí této práce, a zároveň má sloužit pro další výzkum v této oblasti.

V práci je odvozen teoretický výpočet a zde jsou prezentovány výsledky numerických simulací a měření metodou termoanemometrie.

# 2. TEORETICKÁ ČÁST

#### 2.1. Teorie bezventilového membránového čerpadla

Bezventilové membránové čerpadlo pracuje na principu rozdílných tlakových ztrát difuzoru a trysky (převzato z [3]).

#### 2.1.1. Tlakové ztráty difuzoru a trysky

Snížení tlaku za difuzorem a tryskou je popsáno:

$$\Delta p_{d} = \frac{\rho . v_{d}^{2}}{2} . \xi_{d} \qquad \Delta p_{t} = \frac{\rho . v_{t}^{2}}{2} . \xi_{t} \qquad (2.1.1. a, b)$$

 $\rho-\text{hustota tekutiny}$ 

 $v_d$ ,  $v_t$  – rychlosti proudu tekutiny v nejužší části difuzoru a trysky

 $\xi_d$ ,  $\xi_t$  – koeficienty tlakových ztrát difuzoru a trysky (ztrátové součinitele)



Obr. 2.1. Teorie čerpadla

#### 2.1.2. Membrána

Okamžitý objem pumpovaný membránou:

$$V_c = V_0 . \sin \omega t$$
, kde  $V_0 = K_V . x_0$  (2.1.2. a, b)

$$\omega = 2.\pi.f \tag{2.1.3.}$$

 $V_0$  – objem vypumpovaný za jednu periodu

K<sub>V</sub> – konstanta membrány (m<sup>2</sup>)

x<sub>0</sub> – amplituda vychýlení středu membrány

f – pumpovací frekvence

#### 2.1.3. Čistý objem proudu

Čistý objem proudu je:

$$\Phi_o - \Phi_i = \frac{dV_c}{dt} = V_0 . \omega . \cos \omega . t$$
(2.1.4.)

 $\Phi_o,\,\Phi_i-$ okamžitý vstup a výstup objemového toku

Součinitel tlakových ztrát předpokládáme konstantní během celého pumpovacího cyklu. Použitím této rovnice a integrací přes celý pumpovací cyklus získáme výraz pro čistý objem transportovaný čerpadlem.

$$\Phi = \frac{V_0 \cdot \omega}{\pi} \cdot \frac{\eta^{\frac{1}{2}} - 1}{\eta^{\frac{1}{2}} + 1} = \frac{K_v \cdot x_0 \cdot \omega}{\pi} \cdot \frac{\eta^{\frac{1}{2}} - 1}{\eta^{\frac{1}{2}} + 1}, \qquad (2.1.5.)$$

kde 
$$\eta = \frac{\xi_t}{\xi_d}$$
 (2.1.6.)

je podíl koeficientů tlakových ztrát v trysce a difuzoru.

Maximální objem proudu v difuzorovém směru,  $\Phi_{dmax}$ , a ve směru trysky,  $\Phi_{tmax}$ , během jednoho cyklu:

$$\Phi_{d\max} = \eta^{\frac{1}{2}} \Phi_{t\max} = V_0 \cdot \omega \cdot \frac{\eta^{\frac{1}{2}}}{\eta^{\frac{1}{2}} + 1} = \Phi \cdot \frac{\pi \cdot \eta^{\frac{1}{2}}}{\eta^{\frac{1}{2}} - 1}$$
(2.1.7.)

#### 2.1.4. Kinetická energie

Přibližná hodnota rezonanční frekvence membrány může být určena použitím energetické analýzy se zanedbáním ztrát, tj. že jako maximální kinetická energie tekutiny v difuzoru, trysce a maximální potenciální energií membrány. Při uvažování  $p_i = p_o = 0$  je celková kinetická energie difuzorové a tryskové části:

a

$$E_{K \max} = \sum \frac{\Delta m(y) . v(y)^2}{2} + \sum \frac{\Delta m(z) . v(z)^2}{2}$$
(2.1.8.)

Kde hmotnost elementu tekutiny v difuzoru a trysce je:

$$\Delta m(y) = \rho . A(y) . \Delta y, \ \Delta m(z) = \rho . A(z) . \Delta z \qquad (2.1.9. a, b)$$

$$v(y) = \frac{\Phi_d}{A(y)}, \ v(z) = \frac{\Phi_t}{A(z)}$$
 (2.1.10.)

jsou rychlosti elementu tekutiny v difuzoru (y) a trysce (z).

 $\Phi_d$ ,  $\Phi_t$  – jsou okamžité objemy proudu v difuzoru a trysce a A(y) a A(z) jsou průřezy.

## 2. Teorie

V případě kuželových difuzorů jsou:

$$A(y) = \frac{\pi}{4} \left[ d + (D - d) \frac{y}{L} \right]^2$$
(2.1.11.)

$$A(z) = \frac{\pi}{4} \left[ d + (D - d) \frac{z}{L} \right]^2$$
(2.1.12.)

Kinetická energie je potom:

$$E_{K\max} = \int_{0}^{L} \frac{\Phi_{d}^{2}}{2.A(y)} \cdot \rho.dy + \int_{0}^{L} \frac{\Phi_{t}^{2}}{2.A(z)} \cdot \rho.dz \qquad (2.1.13.)$$

Po dosazení:

$$E_{K\max} = \frac{\Phi_d^2}{2} \cdot \rho \cdot \int_0^L \frac{4 \cdot dy}{\pi \left[ d + (D - d) \frac{y}{L} \right]^2} + \frac{\Phi_t^2}{2} \cdot \rho \cdot \int_0^L \frac{4 \cdot dz}{\pi \left[ d + (D - d) \frac{z}{L} \right]^2}$$
(2.1.14.)

A úpravě:

$$E_{K \max} = \frac{K_V^2 . x_0^2 . \omega^2}{\pi . \left(\eta^{\frac{1}{2}} + 1\right)^2} . (\eta + 1) . \frac{2}{\rho} . \frac{1}{\int_0^L \frac{dy}{\left[d + (D - d)\frac{y}{L}\right]^2}}$$
(2.1.15.)

## 2.1.5. Potenciální energie

Potenciální energie membrány je:

$$E_{P_{\max}} = \frac{K_P K_V}{2} x_0^2$$
(2.1.16.)

 $K_P$  – je konstanta tuhosti membrány (N/m<sup>3</sup>)

## 2.1.6. Rezonanční frekvence

Z rovnosti maximálních energií určíme rezonanční frekvenci:

$$E_{K\max} = E_{P\max} \tag{2.1.17.}$$

$$f_{R} = \left[\frac{K_{P}}{16.K_{V}.\pi.\rho} \cdot \frac{\left(\eta^{\frac{1}{2}}+1\right)^{2}}{\eta+1} \cdot \frac{1}{\int_{0}^{L} \frac{dy}{\left[d+(D-d)\frac{y}{L}\right]^{2}}}\right]^{\frac{1}{2}}$$
(2.1.18.)

#### 2.1.7. Reynoldsovo číslo

Důležitým parametrem v tekutinových systémech je Reynoldsovo číslo Re, které pro stacionární proud určuje, zda je proud laminární nebo turbulentní. Proud v potrubí s Re<2300 značí, že proudění je laminární a pro Re > 2300 je turbulentní. Maximální Reynoldsovo číslo se nachází v nejužším průřezu pumpy, tj. v hrdle difuzoru, trysky. V případě kruhového průřezu platí:

$$Re = \frac{v.d}{v} = \frac{d.\Phi}{A_d.v} = \frac{4.\Phi}{\pi.d.v}$$
(2.1.19.)

v – střední průřezová rychlost

 $\Phi$  – objem proudu v průřezu

v – kinematická viskozita proudící tekutiny

Maximální Reynoldsovo číslo je pak:

$$\operatorname{Re}_{\max} = \frac{4.\Phi_{d/t\max}}{\pi.d.\nu} = \frac{4}{d.\nu} \cdot \frac{\eta^{\frac{1}{2}}}{\eta^{\frac{1}{2}} - 1} \cdot \Phi$$
(2.1.20.)

Tento výraz pro maximální Reynoldsovo číslo může být použit jako indikativ pro rozhodnutí, zda je proud v difuzoru laminární nebo turbulentní.

#### 2.2. Termoanemometrie

CTA anemometr je přístroj pro měření rychlosti tekutinách a je obzvláště vhodný pro měření turbulentních fluktuací rychlostí proudění. Pracuje na základě konvekčního přenosu tepla ze zahřívaného čidla do okolní tekutiny, přičemž přestup tepla je primárně závislý na rychlosti tekutiny. Použitím velmi tenkých drátkových čidel umístěných v tekutině a elektroniky se zpětnovazební smyčkou je umožněno měření fluktuací rychlostí malého měřítka turbulence a vysokých frekvencí (0 až 20 – 50 kHz).



Obr. 2.2. Wheatstoneův můstek

Na obr. 2.2. je znázorněn Wheatstoneův můstek s měřící sondou a voltmetrem. Poměr napětí před a za můstkem je 1:20, to znamená, že na voltmetru naměříme 20krát vyšší napětí, než které je ve skutečnosti na sondě.

#### 2.2.1. Princip CTA

Uvažujme tenký drát nasazený do držáku sondy a vystavený rychlosti proudící tekutiny U. Když projde proud přes drátek, je generováno teplo  $(I^2R_w)$ . Toto teplo musí být stejné jako tepelné ztráty konvekcí do okolí.

Mění-li se rychlost, mění se současně součinitel přestupu tepla, mění se teplota drátku a posléze dojdeme k nové tepelné rovnováze. Tj., že

# rychlost U držák drátku drátek (čidlo)

rozměry čidla:

délka ~ 1mm průměr ~ 0,005mm

Obr. 2.3. Princip CTA [2]

proud I

posléze dojdeme k nové tepelné rovnováze. Tj., že teplo generované elektrickým proudem je rovno teplu přenesenému konvekcí.

# Základní rovnice:

$$\frac{\partial E}{\partial t} = W - H \tag{2.2.1.}$$

E – tepelná energie akumulovaná v drátku

$$E = c_w T_w \tag{2.2.2.}$$

c<sub>w</sub> – tepelná kapacita drátku

W - teplo generované pomocí proudu

$$W = I^2 R_w$$
, kde  $R_w = R_w(T_w)$  (2.2.3. a, b)

#### 2. Teorie

H – teplo přenesené do okolí

1) konvekce do proudu

$$Q_{C} = \alpha_{0} A_{w} (T_{w} - T_{A}) \qquad Nu = \frac{q_{prestup}}{q_{vedeni}} = \frac{\alpha_{0} \Delta T}{\lambda \frac{\Delta T}{d}} = \frac{\alpha_{0} d}{\lambda} \qquad (2.2.4. a, b)$$

2) kondukce do držáku sondy

$$Q_{K} = Q_{K}(T_{w}, I_{w}, ...)$$
 (2.2.5.)

3) radiace do okolí

$$Q_{R} = Q_{R} \left( T_{w}^{4} - T_{f}^{4} \right)$$
 (2.2.6.)

Stacionární přenos tepla:

$$\frac{\partial E}{\partial t} = 0 \Longrightarrow W = H \tag{2.2.7.}$$

$$I^{2}.R_{w} = \alpha_{0}.A_{w}.(T_{w} - T_{A}) = \frac{Nu.\lambda}{d}.A_{w}.(T_{w} - T_{A})$$
(2.2.8.)

 $\alpha_0$  – součinitel přestupu tepla

 $A_w$  – teplosměnná plocha

d – průměr drátku

 $\lambda$  – tepelná vodivost

#### Předpoklady:

- zanedbatelné ztráty radiací (pro měření daleko od stěny)
- zanedbatelná kondukce do držáku sondy
- T<sub>w</sub> konstantní po celé délce čidla
- konstantní rychlost po celé délce drátku
- malá rychlost v porovnání s rychlostí zvuku
- konstantní teplota a hustota tekutiny

Režim nucené konvekce (obecně):

$$Nu = A_1 + B_1 \cdot \text{Re}^n = A_2 + B_2 \cdot U^n$$
 (2.2.9.)

#### Kingův zákon:

$$I^{4}.R_{w}^{2} = E^{2} = (T_{w} - T_{A})(A + B.U^{n})$$
(2.2.10.)

úbytek napětí je mírou změny rychlosti

#### 2. Teorie

## K získání přesného měření je potřeba:

- získat představu o proudění •
  - o typ proudění, rozsah rychlostí, rozměry, frekvence
- výběr vhodné sondy a konfigurace anemometru
  - o podle typu proudění
  - o nasazení sondy, propojení kabely, konfigurace CTA
  - o nastavení teploty přehřátí jaká teplota bude na drátku
- výběr správného A/D převodníku
  - o počet kanálů, vstupní rozsah, vstupní rozklad, vzorkovací frekvence
- provést hrubou kontrolu předpokladu o proudění
  - o zda je vše tak, jak jsme předpokládali
- provést kalibraci rychlostí případně i s směrovou kalibraci
- formulovat experiment •
  - o vzorkující frekvence SR a počet vzorků N parametry určující zisk dat Společně určují vzorkující čas T=N/SR. Hodnoty těchto parametrů závisí na charakteru experimentu, požadovaném souboru dat, velikosti paměti počítače a přípustné úrovni nejistoty.
  - o Definovat síť pro měření ve více bodech
- provést experiment
  - o získat napětí na sondě. Se změnou rychlosti proudění vzduchu se mění napětí na drátku.
- zpracovat data
  - načíst data a zpracovat je
- prezentace dat do grafu nebo jejich export pro další zpracování
- zhodnotit výsledky

## 2.2.2. Typy sond

Miniaturní drátková sonda – wolfram pokrytý platinou

opravovat a většinou jsou cenově dostupné.

průměr 5 µm, délka 1,2 mm



Obr. 2.4. Drátková sonda [2]

# Sonda pokrytá zlatem

typu sond.

délka drátku 3 mm – 1,25 mm aktivní snímač, měděné konce pokryté zlatem. Pro aplikace v proudu vzduchu s turbulentní intenzitou až 25%. Frekvenční odezva je nižší něž u předchozího

Filmová sonda

Tenký platinový nebo niklový film, který je nanesen na izolační křemíkový podklad. Rovnoměrnou tloušťku filmu zajišťuje elektrolytické pokovování. Pro měření v kapalinách a v náročných podmínkách.

Dvoudrátková sonda

X sonda – dvě čidla na sebe kolmá (není podmínkou). Pro 2D proudění, kde vektory rychlosti nepřekročí úhel 45° od osy sondy.

Rozštípnutá vláknová sonda – pro 2D proudění, kde vektor

rychlosti nepřekročí úhel 90° od osy sondy. Prostorové křížení drátků ve vzdálenosti 0,2 mm od sebe.

Sonda s třemi drátky

3 drátky na sebe navzájem kolmé. Měří uvnitř 70° kuželu.

Obr. 2.5. Sonda se zlatem [2]





Obr. 2.7. X sonda [2]



Obr. 2.8. 3D sonda [2]

## 2.2.3. Kalibrace rychlostí

Sonda se pro kalibraci umístí do stejné polohy, ve které bude během experimentu. Jednoduchá sonda – držák se umístí do polohy rovnoběžné s proudem X a 3D sonda – osa sondy musí být rovnoběžná s proudem Dále se zaznamenají vnější podmínky – teplota okolí a barometrický tlak Určíme minimální a maximální kalibrační rychlosti (zhruba 0,1 násobek minimální a 1,5 násobek maximální rychlosti při experimentu)

Zvolíme počet kalibračních bodů (doporučuje se minimálně 10)

Zvolíme rozdělení rychlostí (doporučuje se logaritmické)

Získáme CTA napětí závislé na rychlosti. Dále získáme teplotu ve všech kalibračních bodech.

Balík CTA softwaru obsahuje postupy prokládání křivek. Tyto postupy upravují napětí a počítají přenosovou funkci na základě pokročilých metod, které eliminují potřebu zásahu uživatele do dat.

#### 2. Teorie

Prokládání křivek:

- polynomické získáme polynom 4. řádu a pět kalibračních konstant rychlost jako funkce upraveného napětí polynomická křivka může oscilovat, je-li rychlost mimo kalibrační rozsah rychlostí
- 2) pomocí Kingova zákonu E<sup>2</sup> jako funkce U<sup>n</sup>
  funkce s linearizující tendencí pro n<1 E<sup>2</sup> = A + B.U<sup>n</sup>
  A, B kalibrační konstanty
  postupnou změnou exponentu n minimalizujeme chyby.
- 3) Rozšířením Kingova zákona Nu = 0.35 + 0.5. Re<sup>0.5</sup> + 0.001. Re (2.2.12.)
  - Potom  $E^2 = A + B.U^{0.5} + C.U$  (2.2.13.)
- 4) Pomocí univerzální funkce:  $E^2 E_0^2 = C.F(U)$  (2.2.14.)

C – konstanta příslušné sondy

F(U) – univerzální funkce

5) Pomocí spline funkce

Výstup napětí jako funkce rychlosti:



Obr. 2.9. Prokládání křivky pomocí Kingova zákona

# 2.2.4. Chyby měření

Největší množství chyb může vznikat při snímání rychlosti:

- Anemometr odchylka, šum, opakovatelnost
  - Komerční anemometry mají malou odchylku, malý šum a dobrou opakovatelnost, takže tyto faktory nejsou významné ve srovnání s jinými zdroji chyb.
- Kalibrace, úprava
  - o Kalibrační zařízení kalibrace představuje významný zdroj chyb
  - Linearizace chyby vznikají při prokládání křivek. Tyto chyby jsou náhodné podle normálového rozdělení
- Sběr dat spojených s rozptylem chyby vznikají při rozkladu na A/D převodníku a jsou náhodné podle rozdělení  $\chi^2$ .
- Chyby spojené s podmínkami při experimentu
  - Nejistota usazení sondy souvisí s jejím nastavením při experimentu po kalibraci (směrová závislost sondy). Normálně může být sonda usazena s odchylkou 1°.
  - Nestálost teploty mezi kalibrací a experimentem nebo během experimentu představuje systematickou chybu.
  - Vypočítaná rychlost závisí na změnách okolního tlaku a hustoty vzduchu.
  - Za normálních okolností jsou změny ve složení vzduchu hlavně způsobeny změnou vlhkosti.
- Celková relativní chyba může být ~ 3%.

Dále vznikají chyby při zpracování dat:

Tj. při výpočtu střední rychlosti a směrodatné odchylky rychlosti.

## 2.2.5. Porovnání CTA s LDA a PIV

Anemometr poskytuje analogový výstup, který představuje rychlost v daném bodě. Informace o rychlosti je tak k dispozici pro kterýkoliv čas.

LDA signál se vyskytuje náhodně. PIV signál je zaznamenáván v pravidelných časových intervalech.



CTA – sonda do proudu

Obr. 2.10. Porovnání signálů z CTA, LDA a PIV [2]

CTA a LDA snímají rychlost v bodě, PIV rychlost v rovině

LDA, PIV – nasycení proudu částicemi

CTA – nejlevnější

PIV – nejdražší

## 2.2.6. Výhody HWA

- Snadnost použití
- Relativně nízká cena oproti LDA
- Vysoká frekvenční odezva až 50 kHz (LDA maximálně 30 kHz)
- Velký rozsah měření rychlostí
- Velikost sondy žhavená sonda má průměr 5 μm a délku 1,25mm (LDA 50 μm \* 0,5mm)
- Možné měření jedné, dvou nebo tří složek vektoru rychlosti v různých bodech proudového pole
- Široká škála sond
- Spolu s LDA má velmi široký rozsah rychlostí
- Multisenzorová sonda měří teplotu společně s fluktuací rychlosti a teplotního pole ("cold – wire")
- Filmová sonda použití pro dvoufázové proudění (např. kapalina plyn)
- Vysoká přesnost v pečlivě připravených experimentech (chyba měření 0,1 až 0,2 %)
- Odstup signálu od šumu

## 2.2.7. Nevýhody HWA

- Měření je ovlivněno přítomností sondy v proudovém poli kontaktní metoda
- Špatně se určuje směr proudění
- Je nutná přesná kalibrace
- Přirozená konvekce při nízkých rychlostech

#### 2.3. Numerická metoda řešení

Cílem numerických metod pro řešení parciálních diferenciálních rovnic je hledat diskrétní řešení definované v dostatečně malých podoblastech základní oblasti pomocí soustavy algebraických rovnic.

### 2.3.1. Základní schéma

- fyzikální problém co budeme řešit
- matematický model matematické rovnice popisující chování děje, zjednodušení (nestlačitelnost,  $3D \rightarrow 2D, ...)$
- řešení
- vyhodnocení výsledků

Výpočty jsou provedeny v programu Fluent 6.1.22.

Výpočty byly pro zjednodušení řešeny pomocí 2D modelu.

#### 2.3.2. Vytváření sítě

Pro numerickou simulaci je nutný geometrický popis s vytvořením nepřekrývajících se diskrétních elementů (konečných objemů). K přípravě výpočetní sítě byl použit software GAMBIT 2.1.6.

## 2.3.3. Výpočetní model

Pro výpočet je uvažováno proudění vzduchu o hustotě  $\rho = 1,225 \text{ kg/m}^3$  a dynamické viskozitě  $\mu = 1,7894.10^{-5} \text{ Pa.s.}$ 

Pro výpočet je použit model turbulence, který je součástí programu Fluent. Na základě doporučení [7] byl vybrán *RNG k-ε model*.

# 2. Teorie

Úloha čerpadla byla řešena jako nestacionární, s časovým krokem o velikosti 0,005.T, kde T je perioda a T = 1 / f, kde f je frekvence akustického měniče. Rychlost membrán byla definována pomocí externí funkce, viz kapitola 3.4.

Dále byly numerickými metodami počítány ztrátové součinitele difuzoru a trysky. Úlohy byly řešeny jako osově symetrické, stacionární.

#### 3. Metody řešení

# 3. METODY ŘEŠENÍ

Použité experimentální zařízení je na obrázku 3.1. a je tvořeno:

- pumpou s průměrem komory 20 mm
- akustickými měniči (KPS-100) s piezokrystaly
- generátorem signálu AGILENT 33220A LXI
- filmovou sondou Dantec 55P11
- anemometrem Dantec 90C10
- sběrnicí NI CA 1000
- A/D převodníkem NI PCI MIO 16E 1
- počítačem
- držákem sondy a travezačním zařízením
- propojovacími kabely
- digitálním ampérmetrem
- digitálním voltmetrem



Obr. 3.1. Experimentální zařízení

#### 3.1. Experimentální zařízení

Na počátku bylo navržení samotného čerpadla. To je vyrobena z dvou dílů plastu (plexiskla), které byly následně slepeny. Čerpadlo má dva difuzory (trysky) o průměrech 6 mm a 2 mm, délce 10 mm a tloušť ce 10 mm. V čerpadle je jako komora vyvrtán otvor o průměru 20 mm.

Nejdříve byl experiment navrhnut s budícími členy, reproduktory SPM 28/8 od firmy GES – ELEKTRONICS. Reproduktory mají odpor 8  $\Omega$  a rozměry: průměr 28 mm a tloušťka 4,8 mm.

Reproduktory byly nalepeny na pumpu pomocí vteřinového lepidla Loctite 401. Po zapojení ke generátoru signálu asi po pěti minutách provozu oba reproduktory vyhořely. Z důvodu velmi krátké životnosti reproduktorů jsme se rozhodli použít akustické měniče (KPS-100) s piezokrystaly s menším zdvihem, než bylo plánováno.

Aby bylo možné čerpadlo zkonstruovat, museli











jsme na něj nejprve nalepit dvě čtvercové destičky s délkou hrany 50 mm s vyvrtanými otvory o průměru 25 mm jako nástavce, protože čerpadlo bylo původně konstruováno pro velikost reproduktorů.



Obr. 3.4. Čerpadlo

Obr. 3.5. Čerpadlo s reproduktory SPM Obr. 3.6. Pumpa s akustickými měniči

#### 3.2. Tuhost soustavy

Pro výpočet rezonanční frekvence čerpadla bylo zapotřebí zjistit tuhost budícího členu. Ta byla určena postupným zatěžováním a odečítáním výchylky membrány akustického měniče. Za předpokladu lineární charakteristiky je možné určit tuhost ze vztahu:

$$F = K_{p.Z}$$
, tedy  $K_{p} = \frac{F}{Z}$  (3.2.1. a, b)

kde F je zatěžující síla, z je výchylka membrány a k je tuhost. Naměřené a vypočítané hodnoty jsou v kapitole 4.1.



Obr. 3.7. Měření tuhosti membrány [9]

Zařízení pro měření tuhosti membrány je na obrázku 3.7 a je tvořeno:

- digitálními vahami AND GF 1200
- traverzačním zařízením
- výchylkoměrem mikrometrem
- akustickým měničem



Pro určení tuhosti membrány Kp, která vystupuje ve vztahu pro výpočet vlastní frekvence čerpadla (2.1.18), bylo nutné určit závislost posunutí středu membrány na tlaku působícím na celou plochu membrány. V [10] jsou uvedeny výsledky numerické simulace (FEM) akustického měniče KPS-100. Při této simulaci byly mechanické vlastnosti materiálu membrány nastaveny tak, odpovídaly aby výsledky simulace výsledkům experimentu s bodovým zatížením membrány. Následně byl takto validovaný model zatížen konstantním tlakem působícím na plochu membrány. FEM model a okrajové

podmínky,

Obr. 3.8. Měření tuhosti membrány výsledky FEM simulace a závislost posunutí středu membrány na působícím tlaku jsou znázorněny na obrázcích 3.9. – 3.12. Z analýzy je možné určit, že konstanta Kp má hodnotu  $14.10^6$  N.m<sup>-3</sup>.





Obr. 3.10. Zadání okrajových podmínek

23

MSC

# 3. Metody řešení



Obr. 3.11. Závislost vychýlení membrány na tlaku



Obr. 3.12. Průhyb membrány

#### 3.3. Termoanemometrické experimenty

#### 3.3.1. Měření rychlosti pomocí CTA

Rychlost proudění byla měřena metodou termoanemometrie v režimu konstantní teploty CT, tj. teplota drátku je pomocí proudu (odporu) udržována na konstantní teplotě. Tento režim se používá hlavně k měření rychlostí a jejich fluktuací.

K měření byl použit anemometr Dantec 90C10 a filmová sonda Dantec 55P11. Naměřená data jsou zpracována programem StreamWare 3.01, kterým je možno nadefinovat experiment. Na generátoru signálu AGILENT 33220A LXI byl nastaven obdélníkový signál, protože má při stejné frekvenci a maximálním napětí vyšší výkon. Změnou frekvence se změnil i dodávaný výkon (P=E.I), aby zůstal konstantní, bylo na generátoru signálu změněno napětí.



Obr. 3.13. Schéma uspořádání experimentu

#### **3.3.2.** Kalibrace sondy

Před měřením je nutné provést kalibraci sondy. Kalibrace se provedla pomocí kalibračního zařízení, jehož schéma je na obr. 3.14. Kalibrace sondy je prováděna v rozsahu rychlostí <0,1; 5> m/s a to změnou průtoku vzduchu kalibračním zařízením. Kalibračním zařízením je tzv. kalibrátor, do něhož je přiveden stlačený vzduch. Na jeho konci je hrdlo, do něhož je umístěna sonda, na které se udržuje změnou napětí konstantní teplota. Změna napětí je mírou změny rychlosti. Pro vyhodnocení kalibrace se vychází z tzv. Kingova zákona (viz kapitola 2.2.3.) a naměřenými hodnotami je proložena křivka ve tvaru:

$$E^{2} = A + B.U^{n} \tag{3.3.1.}$$

Hodnota exponentu n byla volena n = 0,41. Na základě lineární regrese je možné určit kalibrační konstanty A a B a byly určeny: A = 1,474 a B = 0,965. Průběh kalibrační křivky je na obrázku 3.10.



Obr. 3.14. Schéma kalibračního zařízení



Obr. 3.15. Průběh kalibrační křivky (proložení Kingovým zákonem)

#### 3. Metody řešení

#### **3.3.3.** Parametry sondy

Тур	_	55P11
Materiál sondy	_	platinou pokrytý wolfram
Délka senzoru	_	1,25 mm
Průměr senzoru	_	5 µm
Odpor vedení	_	0,5 Ω
Odpor při 20°C	_	3,2 Ω
Délka kabelu	_	4 m

#### 3.3.4. Parametry CTA můstku

Poměr můstku	_	1:20
Přehřátí	_	0.8
Gain	-	8
Signal Gain	—	1
Lowpass filter	_	30kHz

#### 3.4. Numerická metoda řešení

Numerická metoda řešení byla počítána programem Fluent 6.1.22. Pro výpočet byl vybrán matematický *RNG k-ε model*.

Vytvoření výpočtového modelu a sítě bylo provedeno programem Gambit 2.1.6. Úloha byla řešena jako dvourozměrná, nestacionární. Tekutinou byl uvažován vzduch o parametrech:  $\rho = 1,225 \text{ kg/m}^3$  a  $\mu = 1,7894.10^{-5} Pa.s.$ 



Obr. 3.16. Výpočtová síť



Obr. 3.17. Detail difuzoru

Okrajové podmínky:

- Na vstupu byla zadána podmínka konstantního tlaku Pressure Inlet
- Na výstupu byla zadána podmínka konstantního tlaku Pressure Outlet
- Na horní a dolní membránu byla zadána funkce rychlosti, která má kosinusový charakter a parametry "x", "y" a "t"

t – velikost časového kroku

x – určuje frekvenci v stovkách Hz

v – odpovídá maximální rychlosti membrány a je přibližně určeno jako násobek střední rychlosti vypočítané:

$$v_{st\check{r}} = 2.x_0.f$$
 (3.4.1.)

x<sub>0</sub> – zdvih membrány

f - frekvence membrány (f = 100 Hz)

zdvih x <sub>0</sub>	v <sub>stř</sub> (m/s) pro	v (m/s) pro		
(mm)	100 Hz	100 Hz		
0,25	0,05	0,08		
0,14	0,28	0,05		
0,035	0,007	0,01		
0,014	0,028	0,005		

Tab. 3.1. Rychlosti zadávané do výpočtu ve Fluentu

Obr. 3.18. Průběh rychlostí membrán



Membrány se pohybují ve fázi, tj. obě od sebe a obě k sobě. Pro zjednodušení byla membrána uvažována jako pohybující se "stěna" s konstantní rychlostí po celé délce.

```
#include "udf.h"
DEFINE_PROFILE(horni, thread, position)
face t f;
begin_f_loop(f, thread)
real t = RP Get Real("flow-time");
F PROFILE(f, thread, position) = x*v*cos(2*x*314.15927*t);
}
end_f_loop(f, thread)
}
DEFINE PROFILE(dolni, thread, position)
face_t f;
begin_f_loop(f, thread)
real t = RP_Get_Real("flow-time");
F_PROFILE(f, thread, position) = -x*v*cos(2*x*314.15927*t);
}
end_f_loop(f, thread)
```

Obr. 3.19. Zadání rychlostních profilů membrán

Dále byly vytvořeny modely difuzoru a trysky a byly počítány ztrátové součinitele, resp. jejich poměr. Modely byly konstruovány 2D a počítány jako osově souměrné, stacionární. Pro výpočet byl vybrán matematický *RNG k-\varepsilon model*. Tekutinou byl opět uvažován vzduch o parametrech:

 $\rho = 1,225 \text{ kg/m}^3 \text{ a} \mu = 1,7894.10^{-5} \text{ Pa.s.}$ 

Okrajové podmínky:

- Na vstupu byla zadána podmínka konstantního tlaku Pressure Inlet
- Na výstupu byla zadána podmínka konstantního tlaku Pressure Outlet



Obr. 3.20. Model difuzoru



Obr. 3.21. Model trysky

Při výpočtech bylo vycházeno z Bernoulliho rovnice:

$$\frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 + p_1 = \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2 + p_2 + p_z$$
(3.4.2.)

A z rovnice pro ztrátový součinitel:

$$\xi = \frac{2.p_Z}{\rho . v_1^2} \tag{3.4.3.}$$

A dostaneme:

$$\xi = \frac{\rho \cdot (v_1^2 + v_2^2) + 2 \cdot p_1 - 2 \cdot p_2}{\rho \cdot v_1^2}$$
(3.4.4)

#### 4. Výsledky

# 4. VÝSLEDKY

#### 4.1. Tuhost membrány

hmotnost (g)	výchylka (µm)	tuhost (N/m)
21	9,30	4344
31	12,34	3905
39	13,20	3320
52	21,41	4039
60	24,95	4079
77	33,55	4274
96	46,27	4728
107	55,45	5084
127	65,70	5075
132	73,05	5429
151	75,63	4913
164	81,32	4864
Průměrná hodnota		4505
Směrodatná odchylka		585

V tabulce 4.1. a na obrázku 4.1. je vidět závislost výchylky membrány na zatížení. Podle vzorce (3.2.1. b) je vypočtena tuhost celé soustavy. Soustava se dá v měřeném rozsahu považovat za lineární s konstantní tuhostí, která bude prezentována průměrnou hodnotou z naměřených tuhostí. Průměrná hodnota tuhosti soustavy je *4505 N/m*.

Tab. 4.1. Tuhost soustavy



Obr. 4.1. Tuhost soustavy

#### 4.2. Teoretický výpočet

Maximální výchylka membrány z nulové polohy pro 440 Hz je 0,014 mm [10]. Použitím vzorce (2.1.2.) byla určena objemová konstanta, jako kdyby se jednalo o jednu membránu se zdvihem jako válec.  $k_v = 1,59.10^{-3} m^2$ . Poměr ztrátových součinitelů difuzoru a trysky pro odpovídající rychlosti byl stanoven  $\eta = 4,5$  a byl považován za konstantní po celý pumpovací cyklus, viz kapitola (4.4.2). Podle vzorce (2.1.18.) byla vypočtena rezonanční frekvence čerpadla  $f_R = 551,3 Hz$ , což se relativně dobře shoduje s naměřenou rezonanční frekvencí 440 Hz. Vlastní frekvence samotného akustického měniče je cca 870 Hz.

#### 4.3. CTA

#### 4.3.1. Frekvence

Při termoanemometrickém měření byla nejdříve zjišťována frekvenční charakteristika pro tyto výkony: 1,82 mW, 8,22 mW a 4,88 mW. Pro všechny výkony bylo provedeno měření ze strany trysky s otevřeným difuzorem a pro výkon 4,88 mW i se zalepeným difuzorem. Pro tento výkon byla provedena i všechna další měření.



Obr. 4.2. Frekvenční charakteristika pro výkon 1,82 mW ze strany trysky



Obr. 4.3. Frekvenční charakteristika pro výkon 8,22 mW ze strany trysky



Obr. 4.4. Frekvenční charakteristika pumpy ze strany trysky pro výkon 4,88 mW

Frekvenční charakteristika byla měřena nejdříve "nahrubo" po 50 Hz v intervalu 50 až 800 Hz. V oblasti, kde je dosahováno nejvyšších středních rychlostí, 300 až 500 Hz bylo provedeno jemnější měření, po 10 Hz.

#### 4. Výsledky

Z obrázku je vidět, že největší výkon má pumpa při 440 Hz. Pro tuto frekvenci byla prováděna další měření.

Změnou frekvence se změnil i dodávaný výkon (P=E.I), aby zůstal konstantní, bylo na generátoru signálu změněno napětí.



Obr. 4.5. Jemná frekvenční charakteristika pumpy ze strany trysky pro výkon 4,88 mW

#### 4.3.2. Rychlosti v ose čerpadla

Největší výkon čerpadla byl naměřen při frekvenci 440 Hz. Pro tuto frekvenci byla měřena rychlost v ose pumpy:

- ze strany trysky s otevřeným difuzorem
- ze strany trysky se zalepeným difuzorem
- ze strany difuzoru s otevřenou tryskou
- ze strany difuzoru se zalepenou tryskou



Obr. 4.6. Střední rychlost v ose čerpadla ze strany trysky pro výkon 4,88 mW



Obr. 4.7. Střední rychlost v ose čerpadla ze strany difuzoru pro výkon 4,88 mW

# 4.3.3. Rychlostní profily

Dále bylo provedeno měření rychlostních profilů ve dvou vzdálenostech, 1 mm a 3 mm, ze strany difuzoru i ze strany trysky.



Obr. 4.8. Rychlostní profily trysky pro výkon 4,88 mW



Obr. 4.9. Rychlostní profily difuzoru pro výkon 4,88 mW

#### 4.3.4. Průběh rychlosti v čase

Dále bylo měření provedeno průběhu rychlosti v čase, tedy měření s TTL signálem a to ze strany trysky i difuzoru ve vzdálenosti 1 mm od vyústění. TTL signál nám určuje, kdy napětí nabývá hodnoty 0 V a kdy zadané hodnoty výstupního napětí z generátoru signálu, tedy 4,08 V. Měření bylo prováděno pro frekvenci při největším výkonu pumpy, tedy 440 Hz.



#### 4.3.4.1. Tryska

Obr. 4.10. TTL signál při frekvenci 40 kHz a jmenovitém výstupním napětí 4,08 V a okamžité absolutní rychlosti na sondě naměřená pomocí CTA (tryska 1mm)



Obr. 4.11. Okamžité absolutní rychlosti na sondě naměřená pomocí CTA a srovnaná podle TTL signálu (tryska 1mm)



Obr. 4.12. Zprůměrňování okamžitých absolutních rychlostí srovnaných podle TTL signálu (tryska 1mm)



Obr. 4.13. Vektory rychlostí: sání – výtlak (tryska 1mm)



#### **4.3.4.2.** Difuzor

Obr. 4.14. TTL signál při frekvenci 40 kHz a jmenovitém výstupním napětí 4,08 V a okamžité absolutní rychlosti na sondě naměřená pomocí CTA (difuzor 1mm)



Obr. 4.15. Okamžité absolutní rychlosti na sondě naměřená pomocí CTA a srovnaná podle TTL signálu (difuzor 1mm)



Obr. 4.16. Zprůměrňování okamžitých absolutních rychlostí srovnaných podle TTL signálu (difuzor 1mm)



Obr. 4.17. Vektory rychlostí: sání – výtlak (difuzor 1mm)



Obr. 4.18. Přímé porovnání vektorů rychlostí difuzoru a trysky

Z obrázku 4.18. je vidět, že při sání je nasáváno větší množství vzduchu difuzorem než tryskou a při výtlaku jde větší množství vzduchu tryskou.

# 4.4. Výsledky numerické simulace

## 4.4.1. Součinitele tlakových ztrát

Z obrázku je vidět, že difuzor má menší ztrátový součinitel než tryska. Poměr součinitelů tlakových ztrát pro teoretický výpočet byl určen podle rychlosti proudění v difuzoru,  $\eta = 4.5$  a byl považován za konstantní pro celý pumpovací cyklus.



Obr. 4.19. Průběh součinitelů tlakových ztrát





Obr. 4.20. Rychlosti membrán pro zdvih 0,25 mm a frekvenci 100 Hz (záporná rychlost směrem dolů) - 5 cyklů



Obr. 4.21. Hmotnostní toky na vstupu a výstupu pro zdvih 0,25 mm a frekvenci 100Hz – 5 cyklů (záporné hodnoty ukazují výstup ze systému a kladné vstup do systému)

#### 4. Výsledky

Po sumarizaci hodnot vstupu a výstupu a jejich vydělení počtem časových kroků a frekvencí dostaneme dvě "stejné" hodnoty s opačným znaménkem (kladná hodnota na vstupu do systému a záporná na výstupu ze systému), tj. množství tekutiny, které je za jeden cyklus přepumpováno systémem na výstupní stranu čerpadla.

Výpočty byly prováděny vždy pro 5 cyklů čtyř výše uvedených zdvihů (0,25 mm, 0,14 mm, 0,035 mm a 0,014 mm) a těchto frekvencí: 50 Hz, 100 Hz, 200 Hz, 250 Hz, 400 Hz, 500 Hz, 625 Hz, 800 Hz a 1000 Hz. Jeden pumpovací cyklus byl počítán na 200 časových kroků. Každý výpočet obsahoval tedy 1000 časových kroků.

Z výpočtů je vidět, že maximální výkon čerpadla se pohybuje mezi 250 až 500 Hz, což odpovídá vypočítané i naměřené hodnotě.

Na obr. 4.27. (vstupní část) je vidět, že při sání jsou větší rychlosti než při výtlaku, tedy, že při sání projde více tekutiny než při výtlaku. Časový krok "0" odpovídá klidové poloze membrány a v časovém kroku "1" se membrány pohybují od sebe (sání).

Na obr. 4.28. (výstupní část) je vidět, že při sání jsou menší rychlosti než při výtlaku, tedy že tekutina je touto stranou pumpována ven.



Obr. 4.22. rychlosti na "pressure inlet" pro zdvih 0,014 mm a frekvenci 400 Hz



Obr. 4.23. rychlosti na "pressure outlet" pro zdvih 0,014 mm a frekvenci 400 Hz

zdvih 0,25 mm					zdvih 0,14 n	nm
frekvence	hm. tok	hm. tok		frekvence	hm. tok	hm. tok
(Hz)	(g/s)	(g/periodu)		(Hz)	(g/s)	(g/periodu)
50	0,032	6,480E-04		50	0,019	3,896E-04
100	0,085	8,533E-04		100	0,047	4,710E-04
200	0,235	1,174E-03		200	0,122	6,077E-04
250	0,334	1,335E-03		250	0,168	6,735E-04
400	0,587	1,468E-03		400	0,303	7,581E-04
500	0,719	1,438E-03		500	0,394	7,871E-04
625	0,878	1,404E-03		625	0,476	7,619E-04
800	1,076	1,345E-03		800	0,575	7,192E-04
1000	1,417	1,417E-03		1000	0,666	6,656E-04
	zdvih 0,035 r	nm		zdvih 0,014 mm		
frekvence	hm. tok	hm. tok		frekvence hm. tok hm. t		hm. tok
(Hz)	(g/s)	(g/periodu)		(Hz)	(g/s)	(g/periodu)
50	0,004	7,828E-05		50	0,002	3,920E-05
100	0,009	8,505E-05		100	0,004	4,238E-05
200	0,018	9,013E-05		200	0,009	4,464E-05
250	0,023	9,197E-05		250	0,011	4,537E-05
400	0,036	9,005E-05		400	0,017	4,317E-05
500	0,045	9,068E-05		500	0,021	4,228E-05
625	0,055	8,751E-05		625	0,025	3,991E-05
800	0,067	8,415E-05		800	0,029	3,677E-05
1000	0,080	7,992E-05	]	1000	0,034	3,361E-05

Tab. 4.2. Hmotnostní toky vypočtené ve Fluentu pro různé zdvihy a frekvence



Obr. 4.24. Výkon čerpadla pro zdvih 0,25 mm



Obr. 4.25. Výkon čerpadla pro zdvih 0,14 mm







Obr. 4.27. Výkon čerpadla pro zdvih 0,014 mm

### 5. ZÁVĚR

V diplomové práci byly zkoumány vlastnosti bezventilového membránového čerpadla pro proudění vzduchu. Během této diplomové práce se podařilo navrhnout experimentální zařízení, na němž byla provedena řada experimentů, které měly ověřit funkci bezventilového čerpadla, potvrdit dosavadní teoretické poznatky ukázat další možnosti využití tohoto zařízení. V této kapitole jsou shrnuty poznatky získané během práce na základě dosažených výsledků.

#### Konstrukce zařízení

Budící člen experimentálního zařízení je tvořen dvěma akustickými měniči přilepenými k vlastní pumpě stávající se z komory o průměru 20 mm a dvou difuzorů (trysek) o průměrech d=2 mm a D=6 mm a délce L=10 mm. Akustické měniče KPS-100 mají průměr 45 mm a jsou napájeny obdélníkovým signálem. Všechny experimenty uvedené v této práci byli provedeny ve vzduchu při stejném budícím výkonu, P=4,88 mW.

#### Výsledky experimentů

Prvním krokem bylo určení rezonanční frekvence budícího členu, tedy frekvence při které je časově středovaná rychlost proudění největší. Námi naměřená rezonanční frekvence je  $f_R$ =440 Hz, teoretickým výpočtem byla určena  $f_R$ =551,3 Hz. Takovýto výsledek můžeme považovat za velmi dobrou shodu. Malý rozdíl je pravděpodobně způsoben tím, že zjednodušený jednorozměrný analytický výpočet nemůže postihnout celou problematiku činnosti čerpadla.

Následnými experimenty byly detailně měřeny rychlosti ve směru proudění (ve směru osy x) z obou stran čerpadla s otevřenou i zalepenou druhou stranou čerpadla a rychlostní profily (ve směru osy y) pro různé vzdálenosti od vyústění. Výsledky těchto experimentů velmi dobře ukazují princip činnosti bezventilového čerpadla. Detailnější analýza rychlostního pole čerpadla by měla být cílem dalších experimentů. Velmi perspektivní se v této souvislosti jeví použití bezkontaktních metod – PIV popřípadě LDA.

V práci jsou rovněž publikovány výsledky časové změny rychlosti v trysce a difuzoru během jedné periody. Rovněž z těchto výsledků je velmi dobře patrná činnost tohoto zařízení.

#### Výsledky numerické simulace

Numerická simulace potvrdila teoretické předpoklady, že proudění je ve směru difuzoru. Numerickou simulací získaná rezonanční frekvence odpovídá s určitou nepřesností výsledkům získaným z teoretického výpočtu i výsledkům experimentů.

#### 5. Závěr

Výsledky numerické simulace založené na standardních modelech turbulence mohou velmi dobře sloužit při návrhu zařízení, k porovnání jednotlivých konstrukčních variant jako je úhel otevření difuzoru a průměr komory.

#### Doporučení a předpokládané směry dalšího výzkumu

Na základě této práce je možné určit směry dalšího výzkumu v oblasti bezventilových membránových čerpadel.

Během práce se ukázalo, že použité akustické měniče mají při používaném budícím napětí ( $\pm 10V$ ) příliš malý zdvih jak průtočné objemy tekutiny, tak i výstupní a vstupní rychlosti jsou velmi malé. Pro další experimenty by bylo vhodné zvážit použití zesilovače. Vzhledem ke konstrukci měničů je možné předpokládat, že by se budící napětí mohlo blížit hodnotám ( $\pm 50V$ ) bez ohrožení funkčnosti měničů. Při takovémto napětí by byly dosažené výkony značně vyšší.

Pro přesné měření je nutná přesná kalibrace. Vzhledem k nízkým rychlostem proudění je nutné provést kalibraci velmi přesně. I přesto se ale vždy projeví vliv volné konvekce. Řešením může být použití bezkontaktních metod pro měření rychlosti.

Zde prezentovaná práce ukazuje jen některé vlastnosti bezventilového čerpadla a zmiňuje jen některé možnosti jeho použití. Dalším zdokonalováním konstrukce čerpadla by bylo jistě možné sestrojit zařízení menších rozměrů pracující s daleko vyšším výkonem.

# POUŽITÁ LITERATURA

[1] Olsson, A.: Valve-Less Diffuser Pumps for Liquids, Disertační práce, Royal Institut of Technology, Stockholm, 1996

[2] Finn E. Jørgensen: How to Measure Turbulence with Hot-wire Anemometers – A Practical Guide

[3] Olsson, A. Stemme, G., Stemme, E.: A valve-less planar fluid pump with two pump chambers, Sensors and Actuarots A 46-47 (1995) 549-556

[4] Dančová, P.: Studie proudění typu "Synthetic Jet", Diplomová práce, TU Liberec,2006

[5] Bruun, H. H.: Hot wire anemometry, Oxford Univ. Press, 1995

[6] Schlichting, H.: Boundary-layer theory, Springer-Verlag, 2000

[7] Fluent Inc.: User's Guide Vol. 1-5, Fluent Inc., 1998

[8] Smiths, J. G.: Piezoelectric Micropump with Three Valves Working Peristaltically, Sensors and Actuarots, vol. A21-A23, pp. 203-206, 1990

[9] Dančová, P.: nepublikované experimenty TUL, 2007

[10] Vít T., Dančová P., Trávníček Z.: Experimental and numerical study of piezoelectric actuator, Developments in Machinery Design and Control '2007, Červený kláštor, September 11 – 14, 2007 (v přípravě)

# SEZNAM PŘÍLOH

- **Příloha 1.** Konstrukční návrh čerpadla
- **Příloha 2.** Frekvence
- Příloha 3. Průměrná rychlost v axiálním směru
- Příloha 4. Rychlostní profily
- Příloha 5. Okamžité rychlosti na vstupu a výstupu podle výpočtu ve Fluentu
- Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu



**Příloha 1.** Konstrukční návrh čerpadla a příruby

**Příloha 2.** Nominální frekvence pro různé výkony akčního členu Měření ze strany trysky s otevřeným difuzorem P=1,82 mW



Měření ze strany trysky s otevřeným difuzorem P=8,22 mW



**Příloha 2.** Nominální frekvence pro různé výkony akčního členu Měření ze strany trysky P=4,88 mW





## Příloha 3. Průměrná rychlost v axiálním směru





Ze strany difuzoru P=4,88 mW



# **Příloha 4.** Rychlostní profily

Měření ze strany trysky P=4,88 mW



Měření ze strany difuzoru P=4,88 mW



**Příloha 5.** Okamžité rychlosti na vstupu a výstupu podle výpočtu ve Fluentu Pressure inlet pro zdvih 0,014 mm a frekvenci 400 Hz v tomto sledu: sání, výtlak



Pressure outlet pro zdvih 0,014 mm a frekvenci 400 Hz v tomto sledu: sání, výtlak





#### Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu

2.88e-01

2.74e-01

2.60e-01

2.45e-01

2.31e-01

2.16e-01

2.02e-01

1.87e-01

1.73e-01

1.59e-01

1.44e-01

1.30e-01

1.15e-01

1.01e-01

8.65e-02

7.21e-02

5.77e-02

4.33e-02

2.89e-02

1.44e-02

1.84e-05

2.24e-01

2.13e-01

2.01e-01

1.90e-01

1.79e-01

1.68e-01

1.57e-01

1.45e-01

1.34e-01

1.23e-01

1.12e-01

1.01e-01

8.95e-02

7.84e-02 6.72e-02

5.60e-02

4.48e-02

3.36e-02

2.24e-02

1.12e-02

5.05e-05

Rychlostní pole pro zdvih 0,014 mm a frekvenci 400 Hz po 25 časových krocích, tedy 1/8 cyklu, s počátkem, když jsou membrány v klidové



1.51e-01

1.43e-01

1.36e-01

1.28e-01

1.21e-01 1.13e-01

1.06e-01

9.81e-02

9.05e-02

8.30e-02 7.55e-02

6.79e-02

6.04e-02

5.29e-02

4.53e-02 3.78e-02

3.03e-02

2.27e-02

1.52e-02 7.67e-03

1.37e-04



#### **Příloha 6.** Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu



Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu

Rychlostní pole vstupní části pro stejné parametry

Velocity Vectors Colored By Velocity Magnitude (m/s) (Time=2.5000e-03) FLUENT 6.1 (2d, segregated, mgke, unsteady)





# Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu

Velocity Vectors Colored By Velocity Magnitude (m/s) (Time=4.3750e-03) FLUENT 6.1 (2d, segregated, mg/ke, unsteady) Velocity Vectors Colored By Velocity Magnitude (m/s) (Time=4.6875e-03) FLUENT 6.1 (2d, segregated, mg/ke, unsteady) FLUENT 6.1 (2d, segregated, mg/ke, unsteady)



Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu

Rychlostní pole výstupní části pro stejné parametry

Velocity Vectors Colored By Velocity Magnitude (m/s) (Time=2.5000e-03) FLUENT 6.1 (2d, segregated, mgke, unsteady)





# Příloha 6. Průběh rychlostního pole čerpadla během jednoho pumpovacího cyklu