

Vysoká škola:

Fakulta:

Katedra:

Školní rok:

## DIPLOMOVÝ ÚKOL

pro

obor

Protože jste splnil..... požadavky učebního plánu, zadává Vám vedoucí katedry ve smyslu směrnic ministerstva školství a kultury o státních závěrečných zkouškách tento diplomový úkol:

Název tématu:

### Pokyny pro vypracování:

a/ výběr téma a zadání práce

b/ výběr literatury a dalších materiálů

c/ výpracování práce a její řešení

zařízení pro vyučování

Autorské právo se řídí směrnicemi  
MŠK pro státní záv. zkoušky č.j. 31  
727/62-III/2 ze dne 13. července  
1962-Věstník MŠK XVII, sešit 24 ze  
dne 31.8.1962 §19 cut.z č.115/335b.

VYSOKÁ ŠKOLA STROJNÍ A TEXTILNÍ  
Ústřední knihovna  
LIBEREC 1, STUDENTSKÁ 5  
PSČ 461 17

Vysoká škola: strojní a textilní

textilní strojů  
a teorie mechanismů

Fakulta: strojní

Katedra: 1978/79

Školní rok:

## DIPLOMOVÝ ÚKOL

pro

výkonu 2 až 4

obor

23-34-6 výrobky s poje s výrobcem

Protože jste splnil.... požadavky učebního plánu, zadává Vám vedoucí katedry ve smyslu směrnic ministerstva školství a kultury o státních závěrečných zkouškách tento diplomový úkol:

Název tématu: odynamika mechanického zařízení

### Pokyny pro vypracování:

**PŘI ŘEŠENÍ ÚKOLU JE DODRŽITE NÁSLEDUJÍCÍ:**

- a/ teoretické a empirické článkové práce až 10 stran
- b/ výkonnostní výčledky
- c/ výkresy výkladů k návrhu opatření na vylepšení výroby jednotky

*V 169.6.85*

Autorské právo se řídí směrnicemi  
MŠK pro státní záv. zkoušky č.j. 31  
727/62-III/2 ze dne 13. července  
1962-Věstník MŠK XVIII, sešit 24 ze  
dne 31.8.1962 §19 a ut.z.č.115/53 Sb.

**VYSOKÁ ŠKOLA STROJNÍ A TEXTILNÍ**  
**Ústřední knihovna**  
**LIBEREC 1, STUDENTSKÁ 5**  
**PSČ 461 17**

Rozsah grafických laboratorních prací: Konstrukční sestava upravené jednotky;

Rozsah průvodní zprávy: 10 stran strojopisu a formátu A4

Seznam odborné literatury:

Výkresová dokumentace a originál jednotky Kovostav v Žamberku

Vedoucí diplomové práce: Doc. Ing. Jaroslav Jarušovský, MSc.

Konsultanti: Ing. Janovský, Kovostav Žamberk

Datum zahájení diplomové práce: 10. 10. 1976

Datum odevzdání diplomové práce: 10. 10. 1976

L. S.

*Chátral*  
Doc. Ing. Jaroslav Jarušovský, MSc.

Vedoucí katedry

*Hruška*  
Doc. Mgr. Bohumil Lánský, JSC  
Děkan

v Libereci dne 9. 10. 1976

VŠST LIBEREC

Fakulta strojnícka

Odbor 23 - 34 - 8

Výrobné stroje a zariadenia

zameranie

textilné stroje

Katedra textilných strojov a teórie mechanizmov

Dynamika krutného zariadenia SZ

Dušan Zábaček

Vedúci práce : Doc. Ing. Charvát, CSc VŠST Liberec

Konzultant : Ing. Dunovský Elitex Žamberk

Rozsah práce :

Počet strám .....	50
Počet príloh a tabuľiek .....	6
Počet odrázkov .....	16
Počet výkresov .....	1
Počet modelov, alebo iných príloh .....	-

Dátum: 25.5.1979

## Dynamika krutného zariadenia

3.

Miestopísané prehlasujem, že som diplomovú prácu vypracoval samostatne s použitím uvedenej literatúry.

V Liberci, dňa 25.5.1979

*Darín Zábač*

O B S A H :

	strana
1.0. Úvod.....	7
1.1. Popis tvarovacieho stroja TK 600 .....	8
1.2. Prehľad historického vývoja krutných ústrojov pre nepravý zákrut udeľovaný krutným kolíkom .....	9
1.3. Porovnanie krutných ústrojov svetových výrobcov	13
2.0. Krutné ústroje tvarovacích strojov TK 600 .....	15
2.1. Operné kotúče krutných ústrojov .....	15
2.2. Valivé uloženie kotúčov .....	19
2.3. Krutné trubky .....	20
2.4. Prídržné magnety .....	22
3.0. Krutné ústroje ako tretí prevod .....	23
4.0. Silové pomery v krutnom ústroji .....	25
5.0. Sklzy v krutnom ústroji .....	31
5.1. Meranie a výpočet sklzov .....	32
5.2. Vyhodnotenie zistených sklzov .....	35
6.0. Meranie kruhovitosti operných kotúčov .....	35
6.1. Zhodnotenie merania kruhovitosti .....	40
7.0. Doba rozbehu krutného ústroja .....	41
8.0. Návrhy na zlepšenie funkcie krutnej jednotky ..	46
9.0. Záver .....	48
10.0. Použitá literatúra .....	49

Použité označenie :

d	priemer odvalovacej časti krutnej trubky	/	mm	/
D	priemer odvalovacej časti operného kotúča	/	mm	/
e	rameno valivého odporu	/	mm	/
$e_A$	vzdialenosť ós	/	mm	/
F	sila ( medzi dvomi členmi )	/	N	/
$F_N$	normállová	/	N	/
$F_T$	tečná	/	N	/
$F_c$	odstredivá	/	N	/
i	prevodový pomer	/	-	/
I	moment zotrvačnosti	/	kg m <sup>2</sup>	/
$I_{red}$	redukovaný moment zotrvačnosti	/	kg m <sup>2</sup>	/
l	dĺžka	/	mm	/
m	hmotnosť	/	kg	/
M	moment odporu ( medzi dvomi členmi )	/	Nm	/
$M_H$	hnací moment	/	Nm	/
$M_{vo}$	moment valivého odporu	/	Nm	/
n	otáčky	/	1/mm	/
P	príkon	/	W	/
r	polomer odvalovacej časti krutnej trubky	/	mm	/
R	polomer odvalovacej časti operného kotúča	/	mm	/
t	čas	/	s	/
$t_r$	doba rozbehu	/	s	/
v	rýchlosť	/	$m s^{-1}$	/
$v_o$	obvodová rýchlosť	/	$m s^{-1}$	/
$\varepsilon$	uhlové zrýchlenie	/	$s^{-2}$	/

# Dynamika krutného zariadenia

6.

$\alpha$	uhol medzi spojnicou os krutnej trubky a operného kotúča a spojnicou os oper- ných kotúčov	/ ° /
$\mu$	súčinitel klzného trenia	/ - /
$f$	pomerný sklz	/ - /
$\gamma$	uhol natočenia	/ - /
$\rho$	merná hmotnosť	/ kg m <sup>-3</sup> /
$\omega$	uhlová rýchlosť	/ s <sup>-1</sup> /
$\Delta$	odchyľka	/ m /

## I n d e x y :

- 1 hnací operný kotúč
- 2 krutná trubka
- 3 hnany operný kotúč
- 4 rám

## 1.0. ÚVOD

Prudký rozvoj výroby syntetických vláken si vynucuje i rozvoj strojného zariadenia pre ich nasledovné spracovanie. To sa však nedá zaistiť iba kvantitatívnym rozvojom týchto odvetví, ale predovšetkým rozvojom kvalitatívnym, t.j. výrobou strojov s vyžími produkčnými parametrami a združujúcimi niektoré skôr oddelené operácie. Dôležitým spôsobom spracovania syntetických vláken je ich tvarovanie.

Zvláštne postavenie medzi používanými spôsobmi tvarovania syntetických vláken má tvarovanie nepravým zákrutom pomocou krutného kolíka. Tento spôsob tvarovania je vhodný pre výrobu objemových vláken veľkej šírky variácií vlastností. Stroje pre tvarovanie nepravým zákrutom týmto nepretržitým procesom sa začali vyrábať a používať až po 2. svetovej vojne a ich konštrukčný vývoj a zvyšovanie výkonov nie je zdaleka na konci.

V Československu sa problematikou tvarovania syntetických vláken zaobrá Elitex, koncernový podnik, ktorý v súčasnej dobe vyrába stroj pre kontinuálne dĺženie a tvarovanie nekonečných viacejvlákkenných polyamidových, polyesterových a polypropylénových materiálov typu TK 600, ktorý vychádza v podstate z vývojovej rady strojov TK, ako aplikácia poznatkov o prevádzke strojov v tvarovacom procese a aplikácia teoretických a experimentálnych štúdií o podmienkach tvarovania vláken.

**I.1. Popis tvarovacieho stroja TK 600.**

Stroj TK 600 je obojstranný o 192, alebo 48 pracovných miestach / skrátený /. Po oboch stranách pracovného stojana je umiestnená cievočnica pre prekladanie materiálu. Na jednom konci pracovného stojana je umiestnená skriňa pohonu, slúžiaca pre pohon pohybových častí stroja, na druhom skriňa elektro, ktorá obsahuje ovládacie a regulačné prvky stroja. Prekladané cievky sú uložené v cievočnici, ktorá je trojetážová. Vlákno je vedené z predlohy podlážkou cez strihané zariadenie, podávacie valce galetami, do fixačných blokov elektricky vyhrievaných. Vlákno ďalej prechádza umeľou chladiacou zónou. Nepravý zákrut udeľuje vláknu krutné ústroje. Ztvarované vlákno je ďalej vedené cez čidlo pretrhu, odťahové valce s galetami sú navíjané na koncové cievky, umiestnené vo dvoch etážach pred fixačnými blokmi. Návádzanie vlákna do fixačných blokov je prevádzkané vzduchom. Na ztvarované vlákno je možné nanášať preparačnú emulziu .

Jedným z najdôležitejších uzlov tvarovacích strojov typu TK sú krutné ústroje. Krutné ústroje je zariadenie, ktoré slúži k tomu, aby udeľovalo krutnej trubke / v ktorej je umiestnený krutný kolík / potrebné otáčky - radové stotisíce otáčok za minútu. Okolo kolíka je omotané tvarované vlákno, ktoré je skrúcované za súčasného , postupného pohybu.

### 1.2. Prehľad historického vývoja krutných ústrojov pre nepravý zákrut udeľovaný krutným kolíkom

---

Vývoj krutných ústrojov, keď neprihliadame k menej dôležitým konštrukčným variantám, môžeme rozdeliť do niekoľko základných stupňov, podľa spôsobu uloženia krutnej trubky :

- priame valivé uloženie krutnej trubky
- nepriame valivé uloženie krutnej trubky
  - s mechanickým pridržovaním krutnej trubky
  - s magnetickým pridržovaním krutnej trubky
    - ku dvojici operných kotúčov
    - k jednému opernému kotúču

Pri priamom valivom uložení krutnej trubky je valivé uloženie tvorené špeciálnym dvojradovým guličkovým ložiskom / tzv. vretenom /, ktorého vnútorný krúžok priamo tvorí s hriadeľom jedinú súčasť. Pri tomto krutnom ústroji je hriadeľ vretena dutý a je súčasne krutnou trubkou, ktorou prechádza vlákno. Na jednom z koncov hriadeľa je umiestnený udeľovač zákrutu, okolo ktorého je omotané tvarované vlákno. Udeľovač zákrutu je tvorený napríklad priečnym kolíkom z drôtu. Postupom doby a majmä u ďalších variant krutných ústrojov je takmer jediným používaným udeľovačom zákrutu safírový priečny kolík, tvaru diabolo. Pohon hriadeľa vretena je uskutočnený prítlakom k nekonečnému remeňu. Tento spôsob pohonu zostal dodnes zachovaný.

Priamym valivým uložením krutnej trubky sa dosiahlo výkonu

/ ten je daný výškou pracovných otáčok krutnej trubky / maximálnych otáčok 80 000 l/min. V súvislosti s krutným ústrojom uloženým na valivých ložiskách je nutné sa zmieniť o tom, že sa používalo tiež priameho klzného uloženia krutnej trubky, pri ktorom sa dosahovalo otáčok trubky až do 500 000 l/min.

Ďalší konštrukčný vývoj ústrojov viedol k nepriamemu uloženiu krutnej trubky. Najprv sa objavili konštrukcie s mechanickým prítlakom trubky k operným kotúčom. Nevýhodou tohto typu je najmä to, že trubka pri svojom odvalňovaní uvádza do pohybu dvojicu operných kotúčov a že osové vedenie trubky musí byť klzné medzi nákrúžkom trubky a operným kotúčom. Najvyžšie výkony týchto krutných ústrojov sú až do otáčok 250 000 l/min.

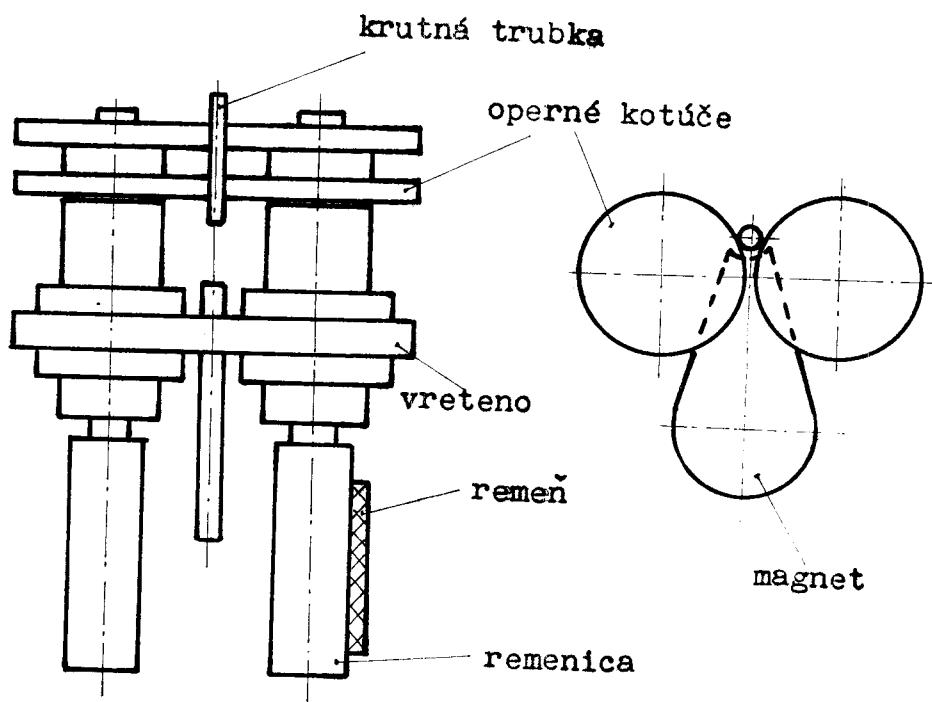
V súčasnej dobe vyrábaných tvarovacích strojov sa prevažne používajú ústroje s magnetickým pridržovaním krutnej trubky k operným kotúčom. Používajú sa dva typy týchto ústrojov a to s dvoma alebo iba s jedným operným kotúčom. Väčšinou sa používajú dvojkotúčové ústroje, napríklad firmy : Elitex /ČSSR/, FAG /NSR/, Heberlein /Švajčiarsko/.

Dvojkotúčové ústroje /obr.1/ sú výrobne menej náročné, keď ich nevýhodou je väčší príkon, lebo sa trubkou roztáča i druhé vreteno / operný kotúč/.

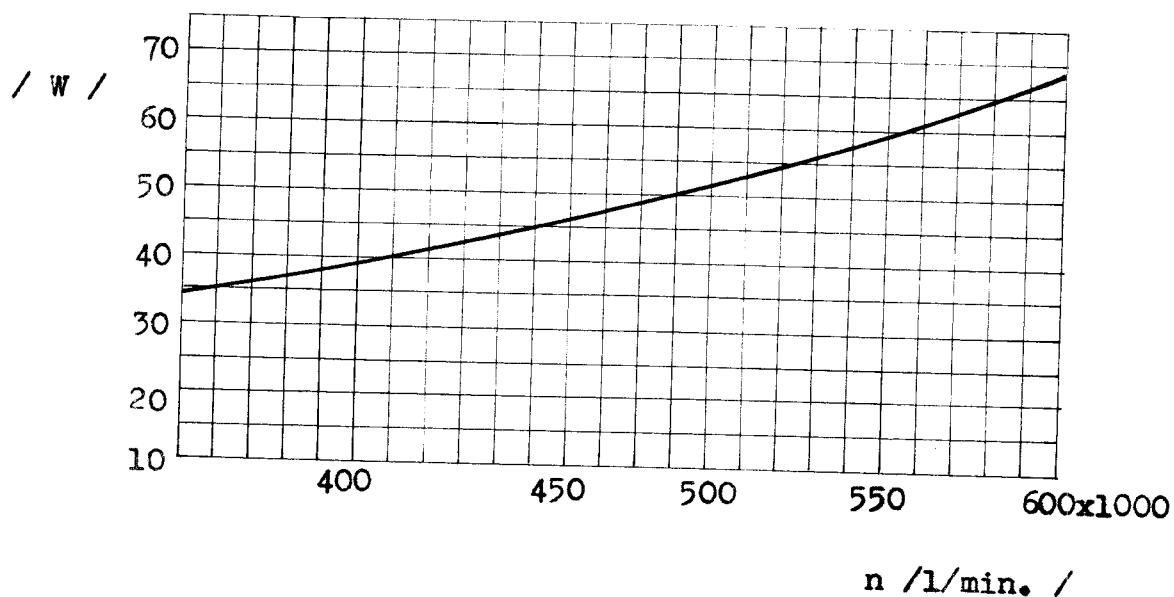
Pri jednokotúčových ústrojov /obr.3/ je krutná trubka pridržovaná vo svojej polohe iba magnetickými silami permanentného magnetu. Takéto ústroje je výrobne náročnejšie, ale pretože má iba jediné vreteno, má nižší príkon než dvojko-

## Dynamika krutného zariadenia

11.



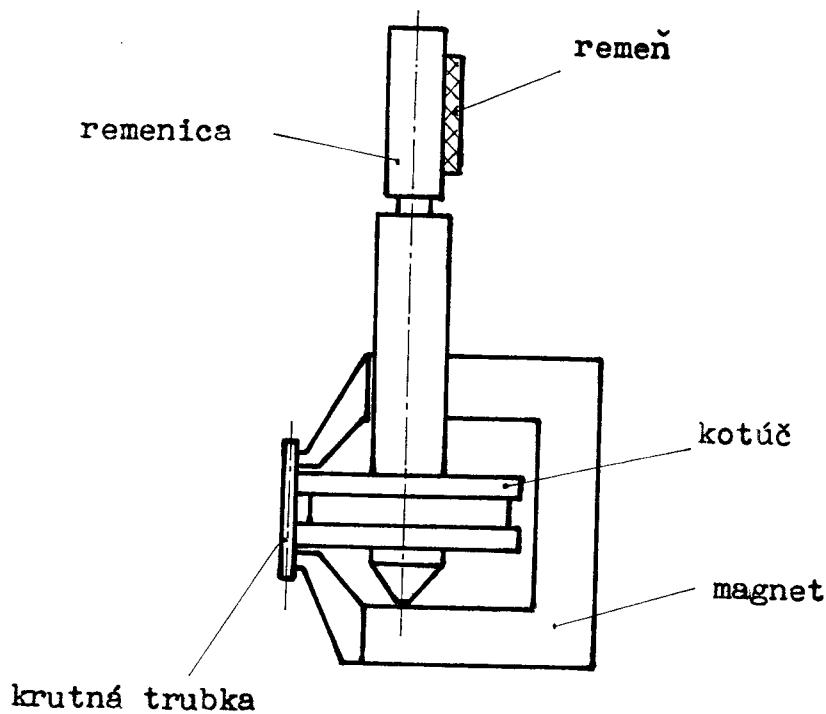
Obr. 1 dvojkotúčové ústroje



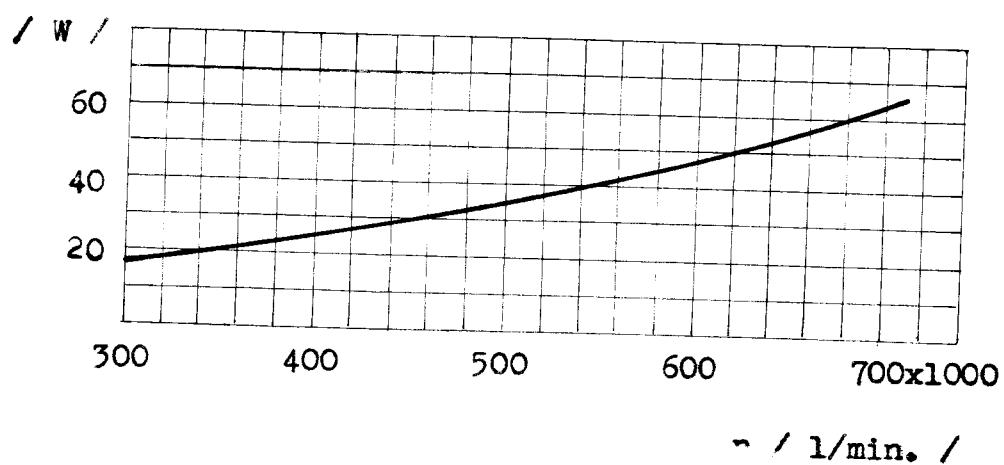
Obr. 2 Príkon dvojkotúčového ústroja v závislosti na otáčkach

## Dynamika krutného zariadenia

12.



Obr. 3 jednokotúčové ústroje



Obr. 4 Príkony jednokotúčového ústroja závislosti na "n"

túčové. Príkony ústrojov s magnetickým pridržovaním závislosti na otáčkach krutnej trubky sú vynesené v obr. 2, 4.

Súčasné tvarovacie stroje pracujú s otáčkami krutnej trubky približne do 800 000 l/min. a to ako s dvojkotúčovými, tak i s jednokotúčovými ústrojami.

Na výstave ITMA 75 boli predvádzané podobné krutné ústroje / dvojkotúčové /, v mechanickom chode pri otáčkach 900 000 l/min. /firma FAG/ a pri otáčkach 1 000 000 l/min. firma Heberlein /. Toto však neznamená, že existujú stroje, ktoré by mohli pri týchto otáčkach tvarovať.

### 1.3. Porovnanie krutných ústrojov svetových výrobcov

Medzi najvýznamnejších svetových výrobcov krutných ústrojov patria firmy FAG /NSR/ a Heberlein /Švajčiarsko /. Ich krutné ústroje sú podobné ako i československé krutné ústroje. Najväčšie rozdiely ovplyvňujúce otáčky krutnej trubky, sú práve v odvalovacích priemeroch krutnej trubky. V tabuľke 1 sú uvedené odvalovacie priemery krutných trubiek jednotlivých výrobcov.

Výrobca	Odvalovací priemer trubky/ mm /		
Elton /ČSSR/	ø 2,5	ø 3,15	
FAG /NSR/	ø 1,58	ø 2,11	ø 2,53
Heberlein /Švaj./	ø 2,0		

Tab. 1 / odvalovacie ø krutných trubiek /.

Firma FAG používa krutné trubky s najmenším odvalovacím priemerom 1,58 mm. S týmito trubkami dosahuje otáčky krutnej trubky až 800 000 l/min. /12/, bez toho aby sa zvyšovali otáčky vretena prítlačného kotúča. Zmenšuje sa iba prevodový pomer medzi prítlačným kotúčom a trubkou až na  $i = 1 : 24$ .

Firma Heberlein používa krutnú trubku s najmenším odvalovacím priemerom 2,0 mm. Otáčky krutnej trubky dosahujúce 800 000 l/min. /12/ sú dosiahnuté prevodovým pomerom 1:20. V tomto prípade sa zvyšujú otáčky vretena prítlačného kotúča .

V ČSSR vo Výskumnom ústave pre valivé ložiská v Brne bolo vyvinuté krutné ústroje KU 10. V tomto krutnom ústroji sú použité krutné trubky firmy FAG o odvalovacom priemere 1,58 mm, ktoré tiež dosahujú otáčky 800 000 l/min. / 1 /.

## 2.0. Krutné ústroje tvarovacích strojov TK 600

Na tvarovacích strojoch typu TK 600 sa používa krutné ústroje 6300/P 5. Toto krutné zariadenie je dvojkotúčové s magnetickým pridržovaním nepriamo valivo uloženej krutnej trubky.

Krutné ústroje je v podstate tretím prevodovým ústrojom udeľujúcim krutnej trubke potrebné otáčky. Krutná trubka je pritom nepriamo valivo uložená na dvojici operných kotúčov / viď.fot.I/. Jeden z rotorov operných kotúčov je pritom poháňaný prostredníctvom remenice plochého remeňa. Podľa postavenia krutnej jednotky k remeniu možno prevádzkať zákrut buď S, Z, alebo združovať ústroje / S - Z /.

Jadrom krutného ústroja je dvojica rotorov operných kotúčov uchytená na doske ústroja s vloženou krutnou trubkou, ktorá je pridržovaná permanentným magnetom / ten je tiež uchytený na doske /.

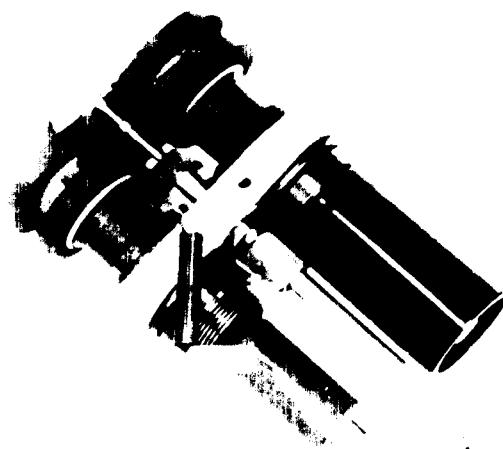
Každá jednotka musí mať samozrejme i držák, ktorý nese vlastné krutné ústroje, ktoré vyvodzuje prítlak medzi remenom a remenicou, ďalej zariadenie pre vyraďovanie a zaraďovanie do funkcie.

### 2.1. Operné kotúče krutných ústrojov

Jedným z dôležitých faktorov ovplyvňujúcich zvyšovanie otáčok krutnej trubky sú operné kotúče, ktoré za chodu

Dynamika krutného zariadenia

16.



Fot.1 Krutné ústroje dvojkotúčové s magnetickým pridržovaním krutnej trubky

krutného ústroja podopierajú krutnú trubku, čím určujú jej polohu voči ostatným časťam ústroja. Pri vysokých obvodových rýchlosťach kotúča /až 80 m/s/, v styku s krutnou trubkou sa musí prejaviť každá tvarová nepresnosť obvodového priemeru na trubke i na kotúči.

Nehomogenita materiálu kotúča môže spôsobiť, že sa i dobre opracovaný povrch, pri roztočení na maximálne prevádzkové otáčky „zvlní“.

Tieto nepriaznivé javy spolu s tým, že vlastná poloha kotúča voči telesu ústroja je daná nie uplne presne, pretože hriadeľ vretena musí mať voči púzdro určitú vôľu, znamenajú voliť materiál kotúča tak presný, aby sa nepresnosti prevádzkové a nutné konštrukčné vykompenzovali pružnosťou kotúča. Kotúč by nemal v dôsledku odstredivých síl príliž meniť svoje rozmery, lebo narastaním jeho priemeru dochádza ku zmene polohy krutnej trubky a v krajných polohách, by sa hnací a hnaný kotúč mohli pridrieti.

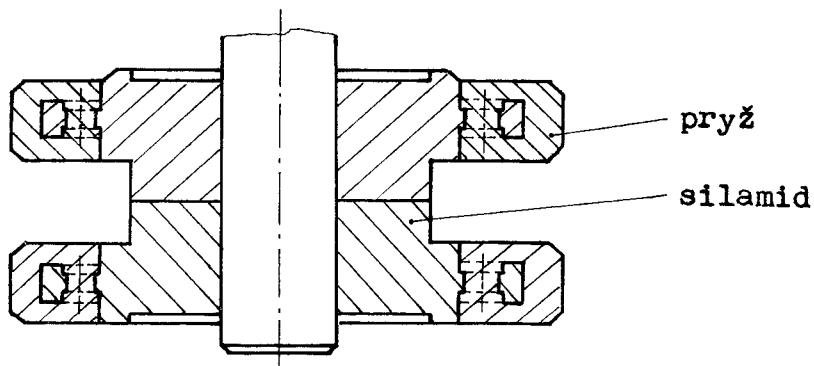
Tieto dve protikladné požiadavky vyžadujú raz malý modul pružnosti, druhýkrát veľký modul pružnosti materiálu kotúčov, čo vedie ku kompromisnému riešeniu t.j. k volbe materiálu o strednom module pružnosti. Tento problém je tiež riešený tak, že jadro kotúča sa vyrába z menej pružného materiálu, zachováva i pri vysokých otáčkach dané rozmery kotúča. Obloženie kotúča s materiálu o veľkom module pružnosti, ktorý kompenzuje nepresnosti.

Vedľa namáhania odstredivými silami je obvodová plocha kotúča cyklicky namáhaná kontaktnými napätiami medzi trubkou a kotúčom.

Významným činiteľom ovplyvňujúcim technický život operných kotúčov je tiež vysoká teplota vznikajúca odvalovaním krutnej trubky, prenosom tepla s krutnej trubky, ktorá sa ohrieva vírivými prúdmi, ktoré vznikajú otáčaním trubky v magnetickom poli. Teplota kotúča môže dosiahnuť  $80-100^{\circ}\text{C}$ . Požiadavky na vlastnosti materiálu operných kotúčov / ich obloženie / sú náročné a môžeme ich zhŕnuť v tieto najdôležitejšie:

- optimálny modul pružnosti v ťahu
- čo najväčší koeficient trenia voči ocely
- odolnosť voči opotrebeniu pri odvalovaní za sucha
- čo najväčšia medza únavovej pevnosti voči kontaktným tlakom
- stabilita mechanických vlastností do teplôt  $80-100^{\circ}\text{C}$
- vhodné elektromagnetické vlastnosti, aby nedochádzalo k ohrevom pri otáčaní v magnetickom poli
- minimálna merná hmotnosť

Ako najvhodnejší materiál sa skúškami priamo na krutnom ústroji ukázala polyuretanová pryž. Jadro kotúča býva zo silamidu /napr. polyamidu plneného skleneným vláknom/.



Obr. 5 operný kotúč

## 2.2. Valivé uloženie kotúčov

Operné kotúče krutných ústrojov sú uložené na dvojici guličkových ložiskách. S vývojom krutných ústrojov sa konštrukcia valivého uloženia oparných kotúčov takmer zjednotila na použitie tzv. vretien.

Vreteno je špeciálnym dvojradovým guličkovým ložiskom, ktorého vnútorný krúžok tvorí s hriadeľom jedinú súčasť. Vonkajší krúžok / púzdro / býva opatrený prírubou a závitom k upevneniu do telesa krutného ústroja. Na jednom konci hriadeľa je nasadená remenica a na druhom operný kotúč. Vretená sú pri výrobe namazané plastickým mazivom a predpokladá sa, že s touto prvotnou náplňou budú pracovať po celý svoj technický život, teda bez domazávania.

Rotor / hriadeľ vretna, kotúč a remenica / musí byť dynamicky podkritický, aby nedochádzalo prechodom oblastí kritických otáčok pri rozbehoch. Požiadavok podkritičnosti rotora vyvoláva automaticky nutnosť použiť čo najmenej hmotné kotúče a remenice. Dokonalé dynamické vyváženie tohto rotoru je samozrejmosťou. Dôležitou okolnosťou je to, že operné kotúče z hladiska svojej správnej funkcie musia byť na svojej funkčnej ploche dokončované až po nalisovaní na hriadeľ vretna.

Ďalšie použitie tvarovaných vláken vyžaduje rovnomernosť zákrutu pri jednotlivých krutných ústrojov, preto sú nutnosťou úzke tolerancie priemerov remeníc i kotúčov, sa možrejme s krutných trubiek.

### 2.3. Krutné trubky

Technologicky funkčnou časťou krutnej trubky je krutný kolík, okolo ktorého je obtočené tvarované vlákno. Po mechanickej stránke sú funkčnými časťami hlavne povrchy stýkajúce sa s opernými kotúčmi. Konštrukcia trubky je ďalej ešte tvorená nákružkami, ktoré sú súčasťou magnetického obvodu, ktorý pridržuje trubku ku kotúčom. Dynamické vyváženie spolu s vysokou presnosťou všetkých plôch je naprostou nevyhnutnosťou dobrej funkcie krutnej trubky.

Používané konštrukčné usporiadanie trubiek možno rozdeliť podľa umiestnenia krutného kolíka na trubky so stredovým a s koncovým kolíkom, pričom koncový kolík môže byť zasadený priamo v telese trubky, alebo v hlove trubky. Nákružky sú umiestnené v strednej časti krutnej trubky a okrem toho, že zväčšujú styčnú plochu s pólovými nástavci, tiež umožňujú axiálne ustavenie trubky na operných kotúčoch.

Trubka sa otáča veľkou frekvenciou v magnetickom poli a pretože je feromagnetická / v časti, ktorou nemusí prechádzať magnetický tok, môže byť neferomagnetická /, je intenzívne zahrievaná stratami hysterézie a vírivými prúdmi. Mechanické namáhanie trubky vzhľadom k medzi pevnosti materiálu je značne najmä odstredivými silami. Menšie je už kontaktné napätie v styku s kotúčmi.

Veľkosť odstredivej sily na krutnú trubku, ktorá je nútená odvalovať sa okolo osy neprechádzajúcou ťažiskom, pri rovnážení je možno vypočítať podľa vzorca :

$$F_{c_2} = m_2 \cdot \Delta r_2 \cdot \omega_2^2 \quad [\text{kg}, \text{m}, \text{s}^{-2}] \quad (1)$$

Pri uvažovaní  $\Delta r_2 = 0,1 \mu\text{m}$ , hmotnosti trubky 1,5 g a na-  
ných otáčkach krutnej trubky, dostaneme odstredivú silu,  
viď. tab. 2.

$\Delta r_2 [\mu\text{m}]$	$n_2 [1/\text{min.}]$	$F_{c_2} [\text{N}]$
0,1	500 000	4,10
0,1	600 000	5,92
0,1	700 000	8,06
0,1	800 000	10,52

Tab. 2 / odstredivá sila pôsobiača na trubku pri dynamic -  
kom, alebo statickom rozvážení o  $\Delta r_2 = 0,1 \mu\text{m}$ , v zá -  
vislosti na otáčkach krutnej trubky.

Na tomto príklade vidieť, že trubka musí byť skutoč -  
ne veľmi dokonale vyvážená /  $\Delta r_2 < 0,1 \mu\text{m}$  /.

Je treba podotknúť, že kotúče sú poddajné a preto skutočná  
odstredivá sila je podstatne menšia.

Základné požiadavky na materiál trubiek :

- feromagnetický materiál o vysokej pevnosti odolávajúci  
oteru pri teplotách do  $100^\circ\text{C}$ .
- materiál s takými elektromagnetickými vlastnosťami, aby  
nedochádzalo k nadmerným ohrevom pri otáčaní v magnetic -  
kom poli.

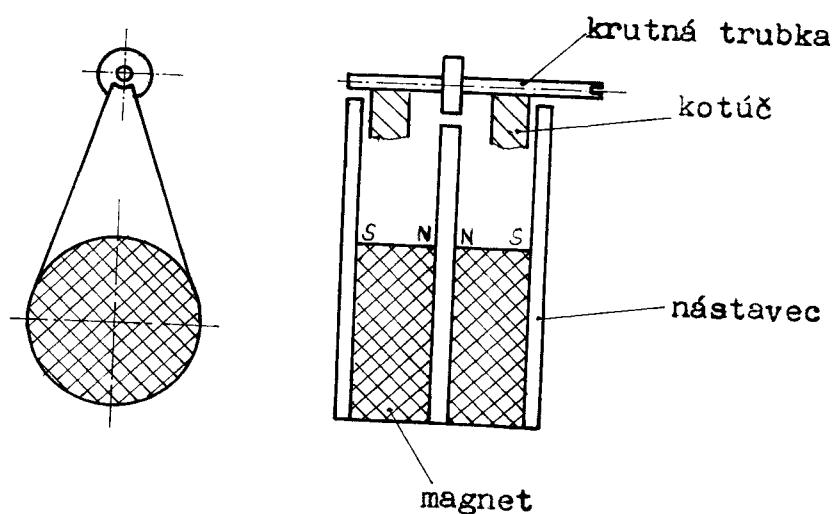
Tieto požiadavky sú protikladné, lebo materiál o vysokej  
pevnosti býva magneticky tvrdý. Preto je nutné pri volbe  
materiálu voliť kompromis.

### 2.4. Prídržné magnety

Prídržné magnety spolu s opernými kotúčmi určujú polohu krutnej trubky voči ostatným časťam ústroja. Radiálna a priečna poloha trubky je prakticky určená kotúčmi, axiálna poloha trubky je však určovaná iba vzájomnou polohou nákrúžkov trubky a pôlových nástavcov magnetov. Používané magnety sú permanentné.

Charakteristiku silových účinkov magnetu je možné ovplyvniť veľkosťou vzduchovej medzery medzi trubkou a pôlovými nástavcami a tiež tvarom pôlových nástavcov / obr.6 /.

Toto spolu s možnosťou presného nastavenia pôlových nástavcov voči operným kotúčom je najdôležitejším požiadavkom na konštrukciu magnetického obvodu .



obr.6 Prídržný magnet s pôlovými nástavcami

### 3.0. Krutné ústroje ako tretí prevod

Pri krutných ústrojoch dochádza medzi opernými kotúčmi a krutnou trubkou k odvalovaniu zasucha. Súčasne sa prenáša výkon v tomto valivom styku a dochádza ku zmene otáčok, ide o prevod medzi kotúčom a trubkou.

Prevodový pomer krutného ústroja je definovaný ako pomer medzi uhlovými natočeniami hnacieho operného kotúča a krutnej trubky / hnaný člen /.

$$i_{12} = \frac{d\gamma_1}{d\gamma_2} \quad (2)$$

Pre diferenciálne uhlové natočenia platí :

$$d\gamma_1 = \omega_1 \cdot dt$$

$$d\gamma_2 = \omega_2 \cdot dt$$

Pri odvalovani / bez sklzov / predpokladáme zhodné obvodové rýchlosťi na oboch stýkajúcich sa členoch :

$$\nu_1 = \omega_1 R_1 = \omega_2 \cdot r$$

z čoho vyplýva, že

$$i_{12} = \frac{\omega_1}{\omega_2} = - \frac{r}{R_1} \quad (3)$$

Prevodovým pomerom krutného ústroja je teda pomer medzi polomermi / prípadne priemermi / odvalovacích častí krutnej trubky a hnacieho operného kotúča.

Vedľa vyžšie uvedeného hlavného prevodového pomeru ústroja môžeme podobne definovať ešte ďalšie prevodové pomerky :

$$i_{23} = \frac{\omega_2}{\omega_3} = - \frac{R_3}{r} \quad (4)$$

$$i_{13} = \frac{\omega_1}{\omega_3} = i_{12} \cdot i_{23} = \frac{R_3}{R_1} \quad (5)$$

## Dynamika krutného zariadenia

24.

V reálnom trecom prevode dochádza z rôznych príčin ku sklzom. Obvykle sa definuje pomerný sklz ako podiel sklzo-vej rýchlosťi k rýchlosťi hnacieho člena.

V našom prípade napríklad :

$$\xi_{12} = \frac{v_1 - v_2}{v_1} = 1 - \frac{\omega_2}{\omega_1} \cdot \frac{r}{R_1}$$

Skutočné krutné ústroje, ktoré najmä z dôvodov, že pri zmene zmyslu zákrutov z S na Z dochádza ku zámene hnacieho a hnaného kotúča, majú zhodné polomery / priemery / oboch operných kotúčov.

$$R_1 = R_2 = R$$

Za tohoto predpokladu a pri zavedení pomerných sklzov budú prevodové pomery nasledovné :

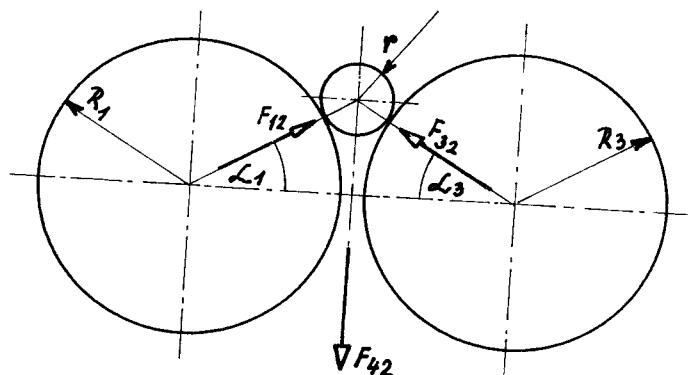
$$i_{12} = - \frac{r}{R} \cdot \frac{1}{1 - \xi_{12}} \quad (3')$$

$$i_{23} = \frac{R}{r} \cdot \frac{1}{1 - \xi_{23}} \quad (4')$$

$$i_{13} = \frac{1}{(1 - \xi_{12}) \cdot (1 - \xi_{23})} = \frac{1}{1 - \xi_{13}} \quad (5')$$

#### 4.0. Silové pomery v krutnom ústroji

Pri rozboore silových pomerov v krutnom ústroji sa zameriam na sily pôsobiace na krutnú trubku. Najprv prevedieme rozbor síl za kludu, so zanedbaním trenia. Schéma síl pôsobiacich na trubku je znázornená na obr. 7.



Obr. 7 Sily pôsobiace na krutnú trubku za kludu

Sily pôsobiace na trubku môžeme považovať za rovinnú sústavu vtedy, keď zanedbáme vlastnú tiaž krutnej trubky / trubka je uložená zvisle a jej tiaž je eliminovaná príslušnou zložkou magnetického prítlaču /. Tiaž trubky je asi stotina prítlačnej sily magnetu, takže zjednodušujúci predpoklad spôsobí úplne zanedbateľnú odchýlku.

Silový rozbor prevedieme najprv obecne ( $\alpha_1 \neq \alpha_3$ ), pre prípad rozdielnych polomerov operných kotúčov. Doplňujúcim predpokladom pre tento rozbor je kollosť smeru prítlačnej

sily magnetu na spojnicu stredov operných kotúčov. Z rovnováhy síl v obr. 7 vo vodorovnom smere vyplýva

$$F_{N12} \cos \alpha_1 - F_{N32} \cos \alpha_3 = 0 \quad (6)$$

vo zvislom smere

$$-F_{42} + F_{N12} \sin \alpha_4 + F_{N32} \sin \alpha_3 = 0 \quad (7)$$

Teraz doplníme túto úvahu zjednodušením pre obvyklé, súmerné krutné ústroje ( $R_1 = R_3$ ,  $\alpha_1 = \alpha_3$ ). Vyžšie uvedené rovnice potom dostanú tvar :

$$F_{N12} = F_{N32} = F_N \quad (6')$$

$$-F_{42} + F_{N12} \sin \alpha + F_{N32} \cdot \sin \alpha = 0 \quad (7')$$

Veľkosť jedinej neznámej môžeme určiť priamo :

$$F_N = \frac{F_{42}}{2 \sin \alpha} \quad (8)$$

Ďalej prevedieme teoretický rozbor silových pomerov za rovnomerného pohybu s uvažovaním trenia. Pri tomto rozboji predpokladáme platnosť všetkých zjednodušení obvyklých pri teórii mechanizmov. Niektoré tieto zjednodušenia sú v našom prípade značne nepresné. Uvedieme niektoré napr. : členy mechanizmov sa považujú za absolútne tuhé telesá bez nepresnosti tvaru a vzájomnej polohy členov. Tento predpoklad je v prípade krutného ústroja veľmi obmedzený, lebo pri použití operných kotúčov z umelých hmôt sa nedá o absolútnej tuhosti včbec hovoriť.

Podobne je to z nemennosťou tretích síl pri stálom režime práce mechanizmu, lebo v skutočnosti tretie pomery nezostávajú dlhodobe stále / zmeny v povrchových vrstvách členov a pod. /.

Pri rozbore silových pomerov v krutnom ústroji budeme uvažovať oba zmysly otáčania. Na obr. 8 sú znázornené sily v mechanizme pri „vtlačovaní“ krutnej trubky t.j. pri zákrute Z. Podobne na obr.9 sú znázornené sily v mechanizme pri „vytlačovaní“ krutnej trubky t.j. pri zákrute S.

V horných častiach obch obrázkov sú znázornené zmysly pohybu jednotlivých členov, na dolných častiach sú znázornené sily a momenty / vektory / pôsobiace na členy 1,2 a 3, pričom pri členoch 1 a 3 sa obmedzujeme iba na zataženie, ktoré ovplyvňuje momentovú podmienku rovnováhy voči osy členov. To znamená, že sa obmedzujeme iba na vyriešenie rovnováhy krutnej trubky / členu 2/.

V zostavených rovniciach, kde budú rozličné znamienka, bude znamienko pre zákrut Z / zmysel otáčania, viď obr.8 / nad znamienkom pre zákrut S / zmysel otáčania, viď obr. 9/.

Zložkové rovnice pre člen 2 :

$$F_{N12} \cos \alpha_1 \pm F_{T12} \sin \alpha_1 - F_{N32} \cos \alpha_3 \mp F_{T32} \sin \alpha_3 = 0 \quad (9)$$

$$-F_{42} \mp F_{T12} \cos \alpha_1 + F_{N12} \sin \alpha_1 \mp F_{T32} \cos \alpha_3 + F_{N32} \sin \alpha_3 = 0 \quad (10)$$

Momentová rovnica pre člen 2 :

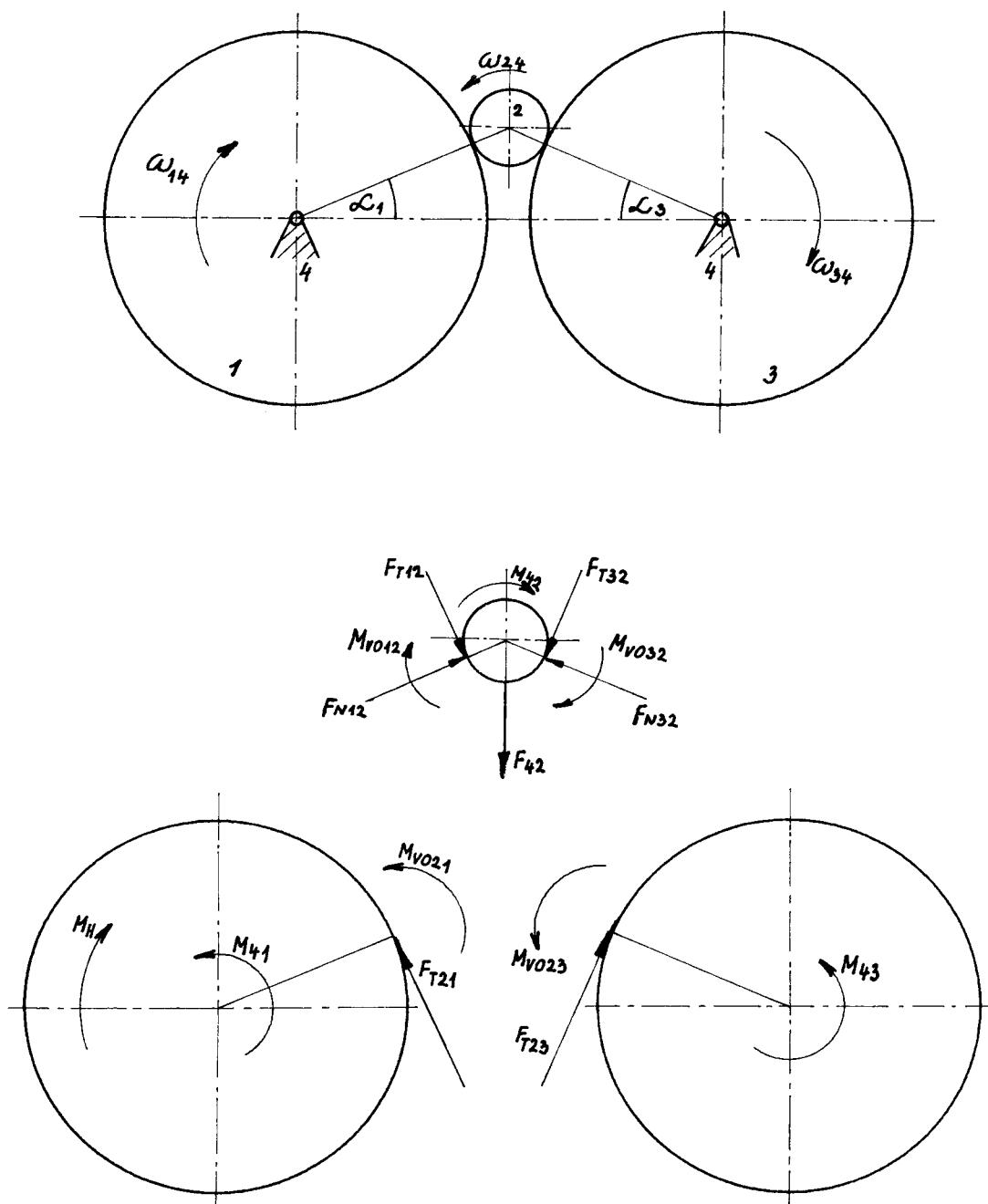
$$F_{T12} r - F_{T32} r - M_{42} - M_{vo12} - M_{vo32} = 0 \quad (11)$$

Trenie klzné a valivé zahrneme do sústavy rovníc pomocou podmienok pre valenie členu 2 po členoch 1 a 3 a vyjadrením momentu valivého odporu.

Podmienky valenia :

medzi členmi 1 a 2

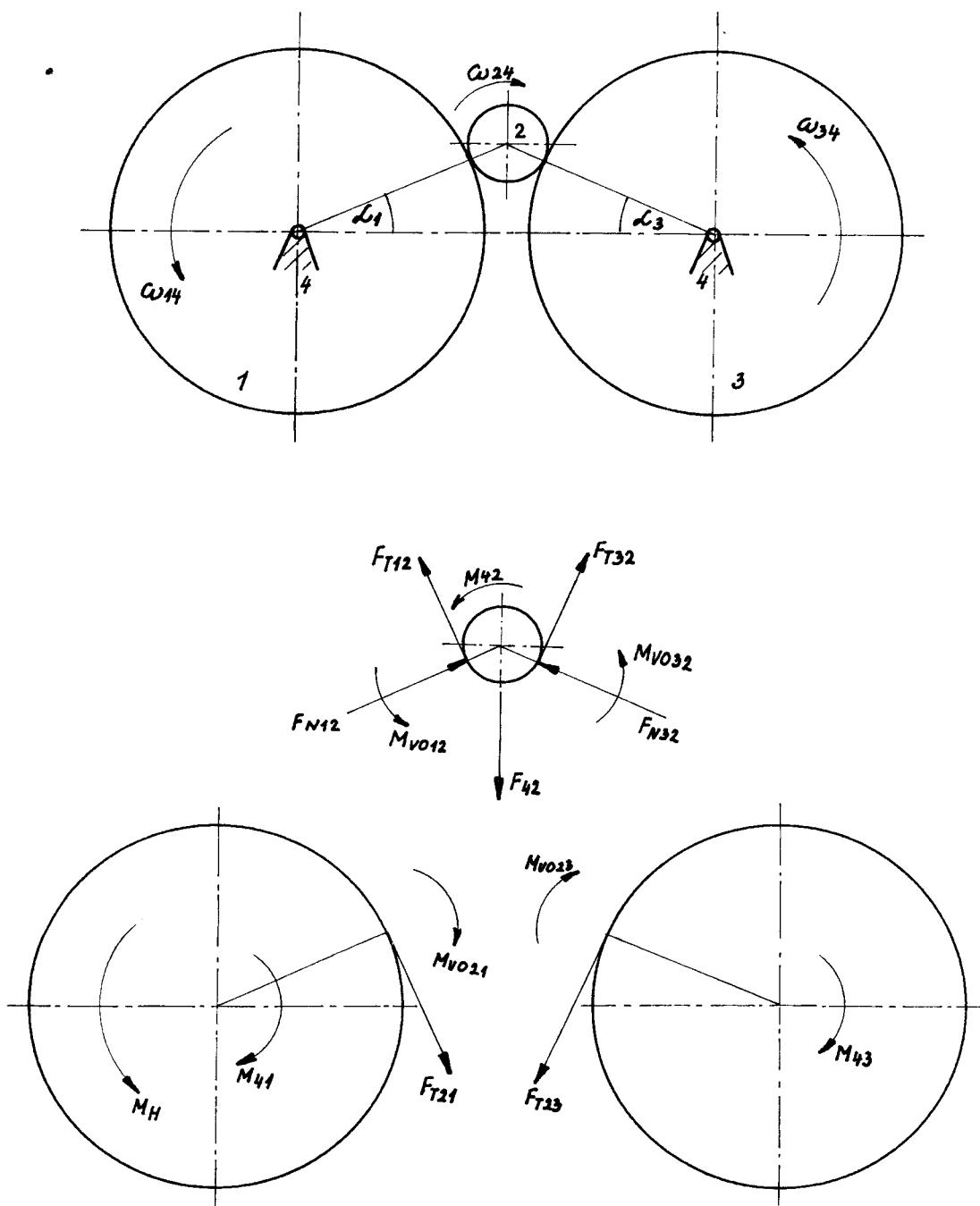
$$F_{T12} \leq F_{N12} \mu_{12} \quad (12)$$



Obr. 8 Sily pôsociace v krutnom ústroji za rovnomerného pohybu / pri zákrute Z /

# Dynamika krutného zariadenia

29.



Obr. 9 Sily pôsobiace v krutnom ústroji za rovnomerného pohybu / pri zákrute S /

## Dynamika krutného zariadenia

30.

medzi členmi 2 a 3

$$F_{T32} \leq F_{N32} \mu_{32} \quad (13)$$

Veľkosti momentov valivého odporu :

medzi členmi 1 a 2

$$M_{VO12} = F_{N12} \cdot c_{12} \quad (14)$$

medzi členmi 2 a 3

$$M_{VO32} = F_{N32} \cdot c_{32} \quad (15)$$

Momentové podmienky rovnováhy na členoch 1 a 3 sú nasledovné :

$$M_H - F_{T12} R_1 - M_{41} - M_{VO12} = 0 \quad (16)$$

$$F_{T32} R_3 - M_{VO32} - M_{43} = 0 \quad (17)$$

Po dosadení momentov valivého odporu do rovníc ( 11 ), ( 16 ) a ( 17 ), dostaneme sústavu 5-tich lineárnych rovníc. Pri uvažovaní súmernosti krutného ústroja a zhodnosti ramien valivého odporu :

$$d_1 = d_3 = \ell$$

$$R_1 = R_3 = R$$

$$c_{12} = c_{32} = c$$

bude sústava rovníc nasledovná :

$$F_{N12} \cdot \cos \alpha \mp F_{T12} \sin \alpha - F_{N32} \cos \alpha \mp F_{T32} \sin \alpha = 0$$

$$F_{N12} \cdot \sin \alpha \mp F_{T12} \cos \alpha + F_{N32} \sin \alpha \mp F_{T32} \cos \alpha - F_{42} = 0$$

$$-F_{N12} c + F_{T12} r - F_{N32} c - F_{T32} r - M_{42} = 0$$

$$-F_{N12} c - F_{T12} R + M_H - M_{41} = 0$$

$$-F_{N32} c + F_{T32} R - M_{43} = 0$$

Po experimentálnom zistení niektorých hodnôt ako napríklad momentov odporu, ramena valivého odporu a pod., by sme zámenou neznámych mohli danú sústavu rovníc rôzne modifikovať a tak vypočítať hodnoty, ktoré nás zaujímajú.

#### 5.0. Sklzy v krutnom ústroji

Mnohí vedci sa už zaoberali sklzami vo valivom styku pružných valcových telies a to ako teoreticky, tak i prakticky. Čo sa týka teoretického riešenia napäťového pola pri valení, je prevedené pre prípad, kedy sa neprekročí medza pružnosti. Závery prác niektorých autorov napr. Fromma, Bondara / 1 / sú priamo využiteľné za určitých predpokladov pre materiály s jednoznačnými mechanickými charakteristikami / kovy /. Pre krutné ústroje, kde poznáme mechanické hodnoty operných kotúčov veľmi nepresne, sú i tak dôležité kvalitatívne závery skúmania sklzov vo valivom styku.

Fromm vo diele Berechnung des Schlupfes beim Rollen deformierbarer Scheiben dospel teoreticky / bez svojich vlastných experimentov / k záveru, že sklz pri valení dvoch kotúčov v dotykovej ploche je čo do veľkosti stály, ale že v jednotlivých častiach dotykovej plochy sa skladá z dvoch premenlivých zložiek : klzného sklzu /Gleitschlupf/ a tvárového sklzu /Formänderungsschlupf/. Dotyková plocha sa delí na časť bez klzného sklzu /Haftgebiet/ a s klzným sklzom /Gleitgebiet/.

Pri zväčšovaní prenášanej trecej tečnej sily dochádza postupne ku zväčšovaniu oblasti klznych sklzov až k totálnemu skazu /  $F_T = c\mu \cdot F_N$  / v celej dotykovej ploche.

### 5.1. Meranie a výpočet sklzov

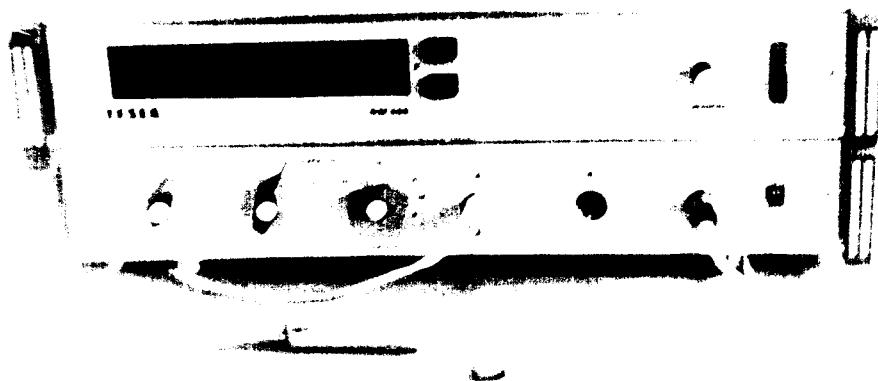
Zistenie sklzov v krutnom ústroji umožňuje predpovedať skutočné otáčky krutnej trubky a hnaného operného kotúča pri známych otáčkach hnacieho operného kotúča.

Skazy pri rotačných členoch sa dajú najlepšie zistiť prepočtom zo zmeraných prevodových pomerov / pomerov otáčok /. Meranie otáčok bolo prevedené špeciálnym prístrojom - miestom zákrutov, prietahu, otáčok a odťahovej rýchlosi TESLA DM 500 PC OL A - 462 v skúšobni ELITEX, k.p. závod 04 Žamberk.

Otáčky operných kotúčov boli snímané fotoelektrickým snímačom a otáčky krutnej trubky magneticko - indukčným snímačom. Merací prístroj so snímačmi otáčok je vidieť na fotografii č. 2.

Na krutnom ústroji boli postupne merané otáčky z čiel hriadeľov rotorov operných kotúčov, pričom značky pre snímanie impulzov boli vytvorené čierrou farbou. viď obr. 10.

Zmysel otáčania pri ktorom bolo meranie prevádzkané / zákrut S / je naznačený tiež na obr. 10. Meranie bolo prevedené na 10-tich krutných ústrojoch .



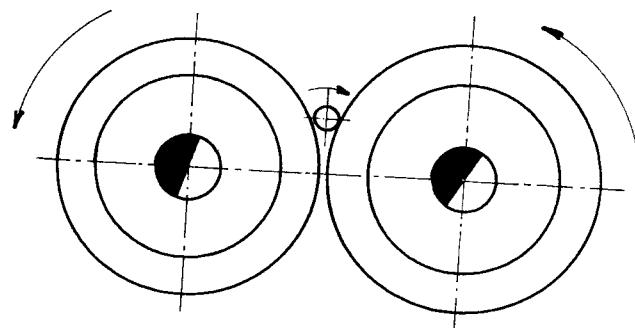
Fot. 2 Prístroj na meranie otáčok TESLA DM 500  
PC OIA -462 so snímačmi otáčok

# Dynamika krutného zariadenia

34.

Pomerný sklz sme vypočítali ako podiel sklzovej rýchlosťi k rýchlosťi hnacieho člena, napr. :

$$\xi_{12} = \frac{v_1 - v_2}{v_1} = 1 - \frac{n_2}{n_1} \cdot \frac{r}{R}$$



Obr. 10 Zmysel otáčania a značky pre snímanie impulzov

P.č.	$n_1 [1/min.]$	$n_3 [1/min.]$	$n_2 [1/min.]$	$\xi_{12} [\%]$	$\xi_{23} [\%]$	$\xi_{13} [\%]$
1.	38 300	38 100	549 500	4,3	-0,9	3,4
2.	38 400	38 200	549 700	6,5	1,3	7,8
3.	38 400	38 200	549 700	6,5	1,3	7,8
4.	38 400	38 200	549 650	6,6	1,4	8,0
5.	38 300	38 200	549 800	3,8	1,1	4,9
6.	38 300	38 200	550 000	2,8	0,8	3,6
7.	38 300	38 150	551 000	1,6	-2,3	-0,7
8.	38 400	38 200	548 600	8,5	3,3	11,8
9.	38 400	38 300	551 500	3,3	0,7	4,0
10.	38 400	38 200	550 900	4,4	-0,8	3,6

Tab. 3

Namerané otáčky a vypočítané skly

### 5.2. Vyhodnotenie zistených sklzov

Ako vidieť v tab. 3, niektoré sklzy sú záporné, čo je v rozpore so zákonmi trenia. Toto sa dá vysvetliť tým, že pri výpočte sklzov neboli brané ohľad na deformácie operných kotúčov odstredivými silami a kontaktnými tlakmi. Vychádzali sme zo statických rozmerov trubky a operných kotúčov. Rozdiely medzi sklzmi pri jednotlivých meraniach sú zapríčinené i rôznym opotrebením jednotlivých kotúčov. Tiež musíme počítať s určitými možnými nepresnosťami pri meraní otáčok. Z tohto dôvodu vypočítame aritmetickým priemerom stredné pomerné sklzy, ktoré sú :

$$\bar{\xi}_{12} = 4,83 [\%]; \bar{\xi}_{23} = 0,59 [\%]; \bar{\xi}_{13} = 5,42 [\%],$$

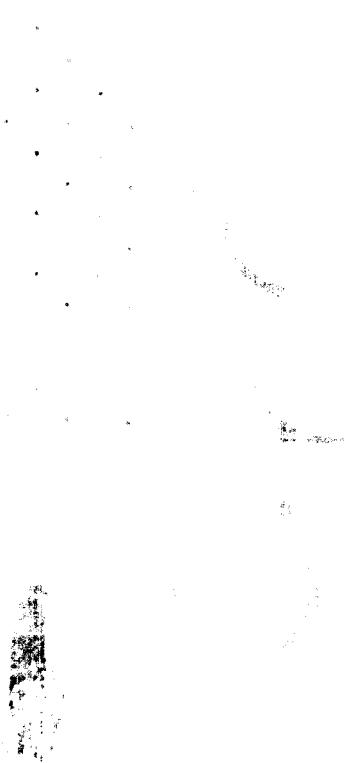
Na veľkosť pomerných sklzov majú vplyv rôzne činitele. Medzi dôležité činitele patrí veľkosť prítlačnej sily magnetu, ako i geometrická presnosť / kruhovitosť / operných kotúčov.

### 6.0. Meranie kruhovitosti operných kotúčov

Ďalšie meranie bolo zamerané na určenie kruhovitosti operných kotúčov. K tomuto meraniu bol použitý prípravok do ktorého sa vložilo príslušné vreteno, ktoré sa ručne otáčalo a dvomi mikrometrami / SOMET ČSN 251816 / pevne upevnenými na prípravku, boli snímané povrchy operných kotúčov / viď. fot. 3 /

## Dynamika krutného zariadenia

36.

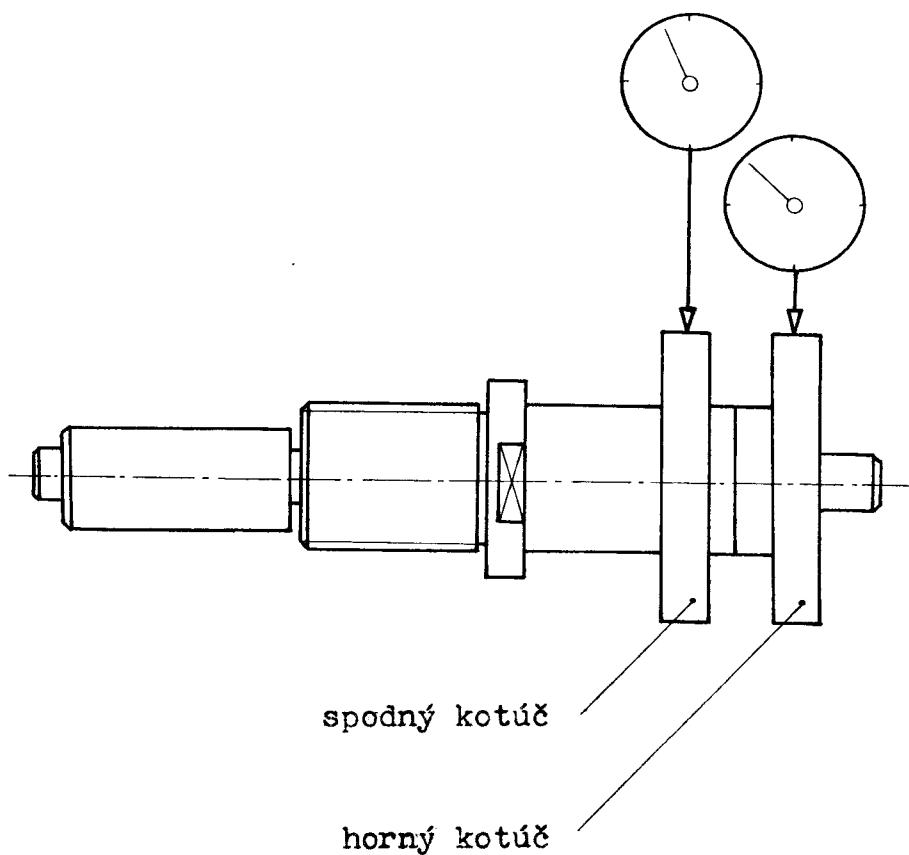


Fot. 3 Prípravok na meranie kruhovitosti operných kotúčov  
s vloženým kalibrom

V obr. 11 je naznačená schéma merania s označením jednotlivých častí operného kotúča.

Meranie bolo prevedené na 10-tich vretenách ešte nepoužívaných, viď. tab. 4 a na 10-tich vretenách už používaných, viď. tab. 5.

V tabuľkách 4 a 5 sú zaznamenané maximálne a minimálne hodnoty odčítané na mikrometroch.



Obr. 11 Schéma merenia kruhovitosti s označením kotúčov

## Dynamika krutného zariadenia

38.

p.č.	kotúč	min. hodnota	max. hodnota	rozdiel/ $\mu m$
1	horný	112	112	0
	spodný	12	13	1
2	horný	116	116	0
	spodný	10	10	0
3	horný	113	113	0
	spodný	12	12	0
4	horný	116	116	0
	spodný	20	20	0
5	horný	112	113	1
	spodný	17	17	0
6	horný	113	114	1
	spodný	11	11	0
7	horný	112	112	0
	spodný	15	15	0
8	horný	113	114	1
	spodný	10	10,5	0,5
9	horný	111	112	1
	spodný	14	14	0
10	horný	111	111	0
	spodný	9	9	0

tab. 4 Hodnoty pri meraní kruhovitosti kotúčov

p.č.	kotúč	min.hodnota	max. hodnota	rozdiel, $\mu m$
1	horný	142	160	18
	spodný	38	59	21
2	horný	122	133	11
	spodný	22	31	9
3	horný	137	157	20
	spodný	29	53	24
4	horný	140	156	16
	spodný	52	54	2
5	horný	149	170	21
	spodný	58	64	6
6	horný	139	159	20
	spodný	44	51	7
7	horný	123	129	6
	spodný	19	30	11
8	horný	122	126	4
	spodný	11	25	4
9	horný	128	136	8
	spodný	27	28	1
10	horný	121	135	14
	spodný	20	36	16

Tab. 5 Hodnoty pri meraní kruhovitosti kotúčov

### 6.1. Zhodnotenie merania kruhovitosti

---

Ako vidieť v tab. 4 nové, ešte nepoužívané operné kotúče sú vyrobené veľmi presne, s najväčším rozdielom hodnôt  $l_{\mu m}$ . Operné kotúče už používané, ako viď. v tab. 5 sú už značne opotrebované. Chod trubky v krutnom ústroji s takto opotrebovými kotúčmi, by bol veľmi nekludný a najmä pri rozbehoch by krutné trubky mohli vyletovať.

O náročnosti västnosťí materiálu obloženia operných kotúčov sme hovorili v časti 2.1.

Pre zvýšenie životnosti operného kotúča resp. celého vretena, a zlepšenia jeho funkčnosti by bolo správne, keby sa stanovila doba / počet pracovných hodín / po ktorej by sa operné kotúče, ich povrchové vrstvy obrúšili, alebo osústružili pri prevádzkových otáčkach. Toto opracovanie by mohlo byť iba nepatrne, čo by potom nemalo veľký vplyv na otáčky krutnej trubky a tým počet zákrutov vlákna, by sa tiež zmenšil iba nepatrne.

7.0. Doba rozbehu krutného ústroja

Pri výpočte doby rozbehu budeme vychádzať zo základ - nej pohybovej rovnice pre rotačný pohyb, z ktorej plynie :

$$M_{red} = I_{red} \cdot \epsilon \quad (18)$$

$$M_{red} = I_{red} \cdot \frac{d\omega}{dt}$$

$$M_{red} \int_0^{t_r} dt = I_{red} \int_0^{\omega_1} d\omega$$

$$M_{red} t_r = I_{red} \omega_1$$

$$t_r = \frac{I_{red} \cdot \omega_1}{M_{red}} \quad (19)$$

Výpočet momentu zotrvačnosti rotoru vretena operného kotúča :

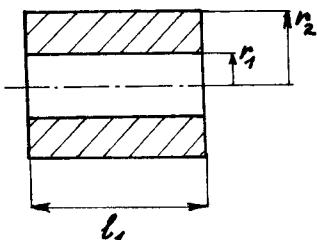
Rotor bol rozdelený na jednotlivé časti, /viď. obr. 12/. Postupne boli vypočítané momenty zotrvačnosti jednotlivých časťí a súčtom bol získaný celkový moment zotrvačnosti rotoru. Rozmery jednotlivých častí boli z výrobných výkresov. Pri výpočte boli zanedbané niektoré zrazenia, ktoré by výsledný moment zotrvačnosti ovplyvnili iba nepatrne,

a) moment zotrvačnosti zástriku kotúča k osy rotácie:

materiál : silamid  $\rho_s = 1.350 \text{ kg/m}^3$  .

časť 1 :

$$r_1 = 4 \text{ mm}, r_2 = 10 \text{ mm}, l_1 = 16 \text{ mm}$$

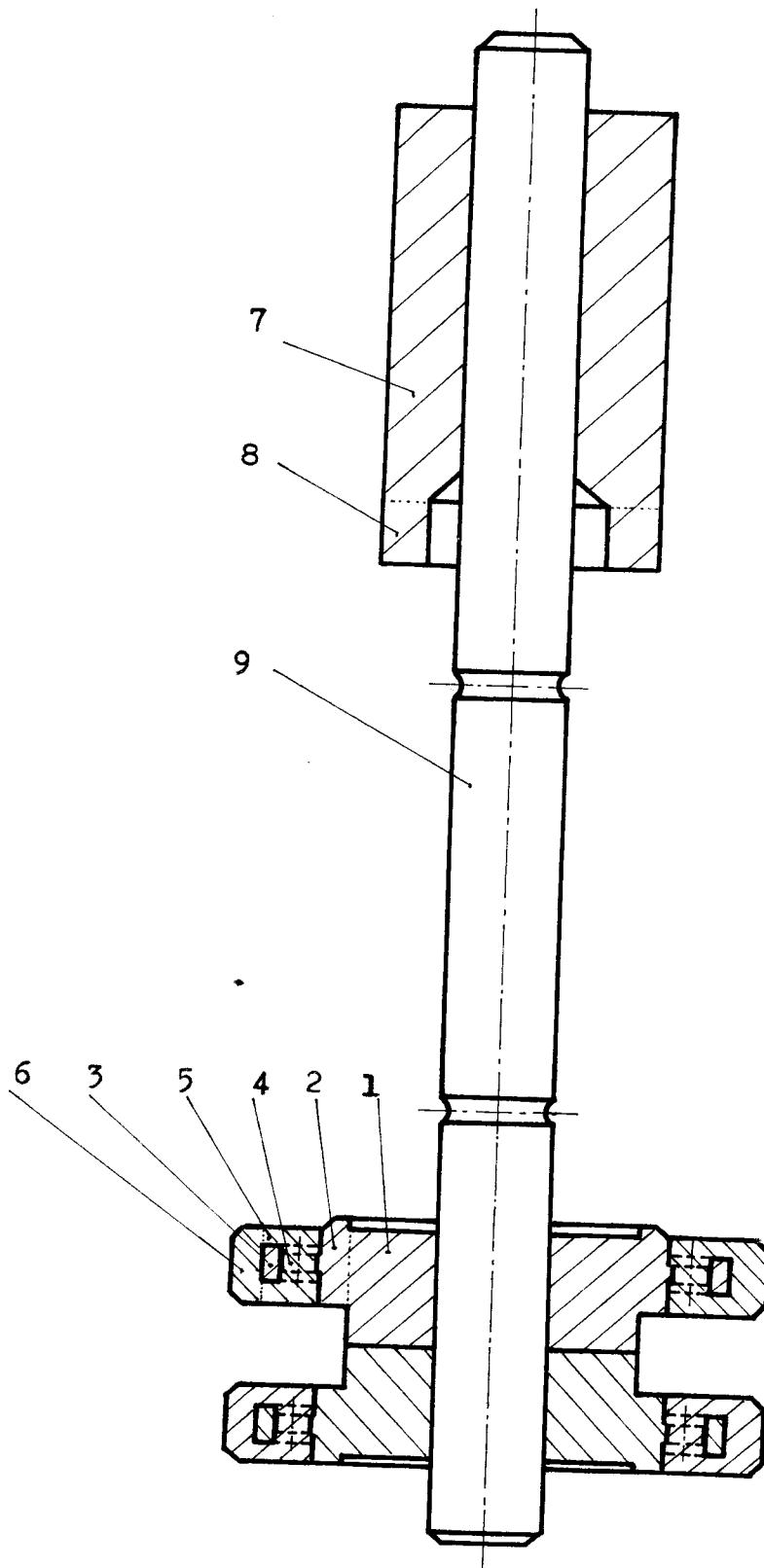


$$I_{01} = \frac{1}{2} \pi \rho_s l_1 (r_2^4 - r_1^4) =$$

$$= 3,3061 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2]$$

## Dynamika krutného zariadenia

42.



Obr.12 Rotor vretna

/Označenie jednotlivých častí pre výpočet  $I_o$  /

časť 2 :

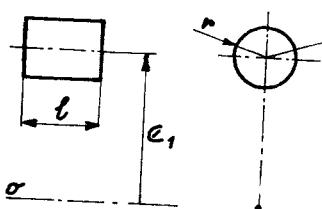
$$\begin{aligned}r_1 &= 10 \text{ mm} \\r_2 &= 12 \text{ mm} \\t_2 &= 5 \text{ mm}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2x) I_{02} &= \frac{1}{2} \pi \rho_1 t_2 (r_2^4 - r_1^4) = \\&= 2,2766 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

časť 3 :

$$\begin{aligned}r_1 &= 12 \text{ mm} \\r_2 &= 16 \text{ mm} \\t_3 &= 2,5 \text{ mm}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2x) I_{03} &= \frac{1}{2} \pi \rho_1 t_3 (r_2^4 - r_1^4) = \\&= 4,7501 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

časť 4(-) :

$$\begin{aligned}r &= 1,25 \text{ mm}, l = 2,5 \text{ mm}, c_1 = 13,5 \text{ mm} \\I_4 &= \frac{1}{2} mr^2 = \frac{1}{2} \pi \rho_1 \cdot l \cdot r^4 = 1,2943 \cdot 10^{-11} [\text{kg m}^2] \\(32x) I_{04} &= I_4 + m c_1^2 = I_4 + \pi r^2 \cdot l \cdot \rho_1 \cdot c_1^2 = \\&= 9,7033 \cdot 10^{-8} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

b) moment zotrvačnosti obloženia operného kotúča k osy rotácií :

materiál : polyuretanová pryž RUBENA 81094 /  $\rho_2 = 1280 \text{ kg/m}^3$  / .

časť 4(+) :

$$\begin{aligned}I_4 &= \frac{1}{2} \pi \rho_2 \cdot l \cdot r^4 = 1,2272 \cdot 10^{-11} [\text{kg m}^2] \\(32x) I_{04} &= I_4 + \pi r^2 \cdot l \cdot \rho_2 \cdot c_1^2 = \\&= 9,2002 \cdot 10^{-8} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

časť 5 :

$$\begin{aligned}r_1 &= 12 \text{ mm} \\r_2 &= 15 \text{ mm} \\t_5 &= 3,5 \text{ mm}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2x) I_{05} &= \frac{1}{2} \pi \rho_2 t (r_2^4 - r_1^4) = \\&= 4,2067 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

časť 6 :

$$\begin{aligned}r_1 &= 15 \text{ mm} \\r_2 &= 19 \text{ mm} \\t_6 &= 6 \text{ mm}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(2x) I_{06} &= \frac{1}{2} \pi \rho_2 t_6 (r_2^4 - r_1^4) = \\&= 1,9229 \cdot 10^{-6} [\text{kg m}^2]\end{aligned}$$

c) moment zotrvačnosti remenice k osy rotácií :

materiál : tvrdená tkanina /  $\rho_3 = 1360 \text{ kg/m}^3$  / .

# Dynamika krutného zariadenia

44.

časť 7 :

$$\begin{aligned} r_1 &= 4 \text{ mm} \\ r_2 &= 8,25 \text{ mm} \\ l_7 &= 27,5 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_{07} &= \frac{1}{2} \pi \rho_3 l_7 (r_2^4 - r_1^4) = \\ &= 2,5711 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2] \end{aligned}$$

časť 8 :

$$\begin{aligned} r_1 &= 5,5 \text{ mm} \\ r_2 &= 8,25 \text{ mm} \\ l_8 &= 4,5 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_{08} &= \frac{1}{2} \pi \rho_3 l_8 (r_2^4 - r_1^4) = \\ &= 3,5737 \cdot 10^{-8} [\text{kg m}^2] \end{aligned}$$

d) moment zotrvačnosti hriadeľa k osy rotácie :

materiál : oceľ 12 050 /  $\rho = 7850 \text{ kg/m}^3$  / .

časť 9 :

$$\begin{aligned} r &= 4,05 \text{ mm} \\ l &= 105,5 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$I_{09} = \frac{1}{2} \pi \rho_4 l r^4 = 3,500 \cdot 10^{-7} [\text{kg m}^2]$$

Celkový moment zotrvačnosti rotoru vretena operných kotúčov:  
 $I = I_{01} + I_{02} + I_{03} - I_{04} + I_{04} + I_{05} + I_{06} + I_{07} + I_{08} + I_{09} = 4,0146 \cdot 10^{-6} [\text{kg m}^2]$

Výpočet momentu zotrvačnosti krutnej trubky k osy rotácie :

Pri výpočte momentu zotrvačnosti krutnej trubky, sme trubku rozdelili na dve časti : telo trubky /časť 1/ a hlavičku / časť 2/. Celkový moment zotrvačnosti sme dostali súčtom týchto dielčích momentov zotrvačnosti .

materiál : strieborná oceľ /  $\rho = 7850 \text{ kg/m}^3$  / .

časť 1 :

$$\begin{aligned} r_1 &= 0,5 \text{ mm} \\ r_2 &= 1,25 \text{ mm} \\ l_1 &= 24,5 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$I_1 = \frac{1}{2} \pi \rho l_1 (r_2^4 - r_1^4) =$$

časť 2 :

$$= 7,1868 \cdot 10^{-10} [\text{kg m}^2]$$

$$\begin{aligned} r_1 &= 0,85 \text{ mm} \\ r_2 &= 1,25 \text{ mm} \\ l_2 &= 2,1 \text{ mm} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_2 &= \frac{1}{2} \pi \rho l_2 (r_2^4 - r_1^4) = \\ &= 7,1480 \cdot 10^{-11} [\text{kg m}^2] \end{aligned}$$

Celkový moment zotrvačnosti krutnej trubky :

$$I_2 = I_1 + I_2' = \underline{7,9016 \cdot 10^{-10} [\text{kg m}^2]}$$

Redukovaný moment zotrvačnosti vypočítame, keď momenty zotrvačnosti jednotlivých členov budeme redukovať na hnačí hriadeľ /viď. obr. 13/.

$$\begin{aligned} I_{\text{red}} &= I_1 + I_2 \left(\frac{r}{R}\right)^2 + I_2' \left(\frac{r}{R}\right)^2 \left(\frac{R}{r}\right)^2 = \\ &= I_1 + I_2' + I_2 \left(\frac{r}{R}\right)^2 = \underline{8,1204 \cdot 10^{-6} [\text{kg m}^2]} \end{aligned}$$

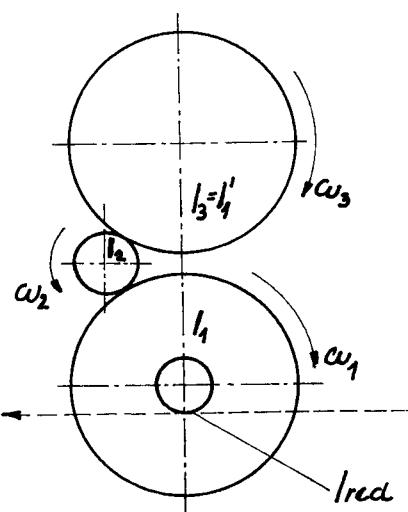
v našom prípade  $M_{\text{red}} = M_H$ , kde  $M_H$  vypočítame z príkonu krutného ústroja :

$$M_H = \frac{P}{\omega_1} = \frac{83,9}{40,16} = 2,21 [\text{Nm}]$$

$\omega_1$  je aritmetický priemer z nameraných frekvencií otáčania hnacieho operného kotúča /viď. časť 5.1/.

Po dosadení do vzťahu ( 19 ) dostaneme dobu rozbehu krutného ústroja :

$$t_r = \frac{I_{\text{red}} \omega_1}{M_{\text{red}}} = \underline{1,6855 \cdot 10^{-4} [\text{s}]}$$



Obr. 13 Označenie jednotlivých momentov zotrvačnosti

8.0. Návrhy na zlepšenie funkcie krutnej jednotky

Zvýšenie otáčok krutnej trubky, čím je vlastne daný výkon krutného ústroja je možné dosiahnuť viacerými spôsobmi. Jeden zo spôsobov je miniaturizácia celého krutného ústroja. Miniaturizáciou sa dosiahne pri tej istej obvodovej rýchlosťi kotúča a zhodnom prevodovom pomere zväčšenie otáčok krutnej trubky. Pritom nie sú kladené ďalšie nároky na materiál kotúčov a trubky, iba sa zväčšujú otáčky vretien. Ďalšou možnosťou, ako zvýšiť otáčky je zmena prevodového pomera a to buď zmenšením priemeru trubky, alebo zväčšením priemeru operných kotúčov, alebo oboje súčasne. Pritom sú kladené zvýšené nároky na materiál trubky a kotúčov.

S prihliadnutím na možnosti výroby a na náročnosť vlastností materiálu operných kotúčov /viď časť 2.1/, by bolo možné zvýšiť otáčky krutnej trubky z terajších 550 000 l/min, až na 800 000 l/min., za týchto predpokladov :

- vyrobiť krutnú trubku o odvalovacom priemere 2,0 mm,  
resp. 1,6 mm.
- zvýšiť tuhosť operných kotúčov, aby pri vysokých  
otáčkach nemenili svoj tvar
- veľká presnosť výroby, ako i opracovanie kotúčov  
pri prevádzkových otáčkach
- dokonalé statické i dynamické vyváženie krutnej  
trubky a vretien operných kotúčov

V tabuľke 6 pod p.č. 1 sú uvedené niektoré hodnoty súčasne vyrábaného krutného ústroja P 5, tvarovacieho stroja TK 600.

Otačky hnacieho operného kotúča sú v tomto prípade získané z merania /viď. časť 5.1./, ako aritmetický priemer.

Ďalej sú v tab.6 uvedené niektoré varianty, ktorými by bolo možné zvýšiť výkon krutného ústroja .

p.č	D/mm/	d/mm/	i	n <sub>1</sub> /l/min./	n <sub>2</sub> /l/min./	v <sub>o</sub> /m s <sup>-1</sup> /
1	36	2,5	14,4	38 360	552 384	72,410
2	36	2,0	18,0	40 000	722 000	75,607
3	38	2,0	19,0	38 000	722 000	75,607
4	38	2,0	19,0	40 000	760 000	79,587
5	40	2,0	20,0	38 000	760 000	79,587
6	38	1,6	23,75	38 000	902 500	75,607
7	40	1,6	25,0	40 000	1000 000	83,776

Tab.6 Možné varianty zvýšenia výkonov krutného ústroja

Konštrukčný návrh upravenej krutnej jednotky / viď príloha / je podobný vyrábanej krutnej jednotke. Niektoré jeho hodnoty / výkon, obvodová rýchlosť a pod./ je viďieť v tab.6 p.č.2.

Zvýšenie výkonu je dosiahnuté zväčšením prevodového pomeru i = 18, ktorý bol získaný použitím krutnej trubky o priemeru 2,0 mm a zvýšením otáčok vretena operného kotúča na 40 000 l / min. Zvýšenie otáčok vretena je dosiahnuté zmenšením priemeru remenice z pôvodného 16,5 mm na 15,7 mm .

Zväčšenie tuhosti operných kotúčov je zabezpečené odstupňovaním priemerov operných kotúčov.

**9.0. ZÁVER**

V tejto práci je zhrnutá problematika dvojkotúčového krutného ústroja s magnetickým pridržovaním nepriamo valivo uloženej krutnej trubky. Sú v nej riešené niektoré problémy iba jednotlivo. Komplexné riešenie krutného ústroja, by prekročilo rozsah a možnosti tejto práce. Vyžadovalc by radu experimentov a meraní, lebo napr. materiálové hodnoty operných kotúčov sú málo známe a vzhľadom k veľkým otáčkam kotúčov značne ovplyvňujú chod krutnej trubky. A práve v materiáloch sú najväčšie rezervy zvyšovania výkonu krutných ústrojov.

**Podakovanie**

Na záver by som chcel podakovať vedúcemu diplomovej práce Doc. Ing. Charvátovi, Csc a konzultantom Ing. Dunovskému za cenné rady a priponienky pri vypracovávaní diplomo - vej práce.

10. O. Použitá literatúra

- / 1 / Hosnédľ, V. : Prevádzkové vlastnosti krutných ústrojov pre tvarovanie umelých vlákien  
Výskumná správa ZVL VÚJVL  
č. 1333 - VL - 76, Brno, 1976
- / 2 / Hosnédľ, V. : Podmienky pre riešenie krutného ústroja tvarovacích strojov s otáčkami krutnej trubky 1 000 000 l/min.  
Výskumná správa ZVL VÚJVL  
č. 139 - VL - 75, Brno, 1975
- / 3 / Charvát, J. : Mechanika II, Dynamika  
Učebný text VŠST Liberec, 1978
- / 4 / Šrejtr , J. : Dynamika  
Praha, SNLT 1958
- / 5 / Miroľubov, I.N.: Riešenie úloh z pružnosti a pevnosti  
Praha, SNLT 1976
- / 6 / Remta, Krupka  
Dražan a kol. : Žeriavy I. diel  
Praha, SNLT 1974
- / 7 / Vrzal, B.a kol: Strojnícke tabuľky I., II.  
Praha, SNLT 1972
- / 8 / Konferencia o tvarovaní syntetických vlákien na strojoch rady TK.  
Ústí nad Orlicí - 25,11.-1.12.1973  
Liberec, 1973

/ 9 / Špičkové textilné stroje

Dom techniky ČVTS Ústí nad Labem

Liberec, 1977

/ 10 / OTPF TK 600 Liberec, 1976

/ 11 / Uplatnenie plastov československej výroby v strojárstve

Dom techniky ČSVTS Praha, 1979

/ 12 / Prospektový materiál

firmy FAG / NSR /

firmy Heberlein / Švajčiarsko /

1.	Držák vretien	Odliatok	424330.03		821				1
1	Nástavec držáku	Odliatok	424330.03		821				2
1	Nosič Plech 1,2	ČSN 425302.511 301.93			1				3
1	Kryt Plech 0,7	ČSN 425302.511 301.93			1				4
2	Podložka ø 30	ČSN 425302 11 301.93			1				5
3	Nástavec Plech2,	ČSN 425302.211.330.3			1				6
1	Podložka ø 12-26	ČSN 425350.211.370.2			1				7
1	Skrutka M6x5	ČSN 42 8511 42 3313.0			371				8
1	Trubka ø 6x1-70	ČSN 42 5715 11 350.21			1				9
1	Trubka ø 6x1,5-20	ČSN 42 5715 42 4201.3			1				10
1	Vodič	ČSN 642153.23			-				11
2	Pryž. Podložka	ČSN 622536.07			-				12
2	Kryt remenice	ČSN 642102.30			-				13
1	Kryt	ČSN 642102.30			-				14
2	Skrutka M4x30	ČSN 02 1131							15
2	Matica M4	ČSN 02 1401							16
1	Skrutka M4x6	ČSN 02 1131							17
1	Podložka 4,1	ČSN 02 1740							18
1	Skrutka M2,5x5	ČSN 02 1155							19
1	Skrutka M3x6	ČSN 02 1131							20
1	Skrutka M6x50	ČSN 02 1143							21
1	Matica M6	ČSN 02 1401							22
1	Podložka 6,1	ČSN 02 1740							23
2	Skrutka M2x5	ČSN 02 1131							24
1	Pružina	ČSN 026030.1							25
2	Magnet	-	Ferit D330						26
2	Vreteno	KV 50							27

*Základ*

VŠST  
LIBEREC

KRUTNÉ  
ÚSTROJE S

DP-VS-25-79-400